Untersuchungen zur Messung von Elektronen mit dem elektromagnetischen Rückwärtskalorimeter (BEMC) des HERA H1-Detektors

Dissertation

zur Erlangung des Doktorgrades
des Fachbereichs Physik
der Universität Hamburg

vorgelegt von

Hans-Peter Kasselmann

aus Braunschweig

Hamburg
1994

Gutachter der Dissertation:	Prof. Dr. H.-H. Duhm Prof. Dr. W. Scobel
Gutachter der Disputation:	Prof. Dr. H.-H. Duhm Prof. Dr. K. Wick
Leiter der Disputation:	Prof. Dr. R. Langkau
Datum der Disputation:	30. September 1994
Sprecher des Fachbereichs Physik und Vorsitzender des Promotionsausschusses:	Prof. Dr. E. Lohrmann

Abstract

The backward electromagnetic calorimeter (BEMC) is an important part of the H1 detector for the measurement of the electron proton cross sections in the range of the kinematic variables $4\,\mathrm{GeV}^2 < Q^2 < 100\,\mathrm{GeV}^2$ and $10^{-5} < x < 10^{-1}$ and is therefore an essential device for the determination of the proton structure function F_2. The BEMC is a lead scintillator calorimeter with readout by wavelength shifters and photodiodes. It consists out of 88 modules with radiation length of $21\,X_0$ and covers in the backward part of the H1-detector an angular range of $152^\circ \leq \theta \leq 176^\circ$.
In this thesis several investigations concerning the BEMC are presented, including measurements caused by the change of the electronic shaping to a shorter time constant, measurements of the stability of the electronics with increasing temperature, pile-up studies, and the comparision of measurements at the DESY and CERN testbeams with different Monte Carlo simulations. The simulations show a good agreement with the shape of the electron, pion and muon energy spectra, but indicate that the description of the transversal and longitudinal shape of the electromagnetic showers could be improved. For electrons of 1-60 GeV the energy linearity is at the level of 1% and the energy resolution for one module was determined to be $\sigma/E = 8.8\%/\sqrt{E} \oplus 11.9\%/E \oplus 1\%$ (E in GeV). The transversal leakage for a central impact of a module is 3%, which can be related to a Molière radius of 3.3 cm. The longitudinal leakage is smaller than 1%. The longtime stability of the modules shows a decrease of the signal of 0.3%/month, which can be explained by ageing of the optical components. An additional decrease up to 0.6%/month for the modules with horizontal wavelength shifters indicates a pressure effect. The energy distribution of single diodes and module energy sums for a scan with electrons over the surface of a module was determined and shows a good agreement with optical measurements at the scintillator plates. The spatial reconstruction inside a modul is better than 1 cm for a special parametrization of the energy distribution. The separation of electrons and pions was studied, using cuts on the energy read out by the short wavelength shifters and the energy weighted cluster radius. The deviation of the cluster energies in detailed and fast simulations which occurs when an electron passes through a wavelength shifter was corrected at the $\pm 1\%$ level, not depending on the vertex. The examination of noise events, which were selected during the ep-data taking proves the stability of the electronics during the runs which were used in the F_2 analysis of 1992. For the data taken with the BEMC in 1993 several parameters, like the distributions of the energy and the θ- and ϕ-angles of the electrons, were compared to simulations generated with the MRSDH parametrization of F_2. The comparision shows a good agreement between the data and simulation.

Kurzfassung

Das elektromagnetische Rückwärtskalorimeter BEMC ist ein wichtiger Bestandteil des H1-Detektors für die Messung der Wirkungsquerschnitte der Elektron-Proton-Streuung im Bereich der kinematischen Variablen $4\,\mathrm{GeV}^2 < Q^2 < 100\,\mathrm{GeV}^2$ und $10^{-5} < x < 10^{-1}$, und damit für die Bestimmung der Strukturfunktion F_2 des Protons. Das BEMC ist ein Blei-Szintillator-Kalorimeter mit einer Signalauslese über Wellenlängenschieber und Photodioden. Es besteht aus 88 Modulen einer Strahlungslänge von $21\,X_0$ und überdeckt im Rückwärtsbereich des H1-Detektors einen Winkelbereich von ca. $152^\circ \leq \theta \leq 176^\circ$.
In der vorliegenden Arbeit werden Ergebnisse von verschiedenen Untersuchungen am BEMC vorgestellt. Dazu gehören Messungen zur Umstellung der Elektronik auf eine kürzere Zeitkonstante, Messungen zur Temperaturstabilität der Elektronik, Pile-up-Untersuchungen, sowie die Analyse von DESY- und CERN-Teststrahlmessungen im Vergleich mit verschiedenen Monte-Carlo-Simulationen. Die Simulationen geben die gemessenen Energiespektren von Elektronen, Pionen und Myonen gut wieder, zeigen aber, daß die transversale und longitudinale Parametrisierung des elektromagnetischen Schauers in der schnellen Simulation verbessert werden kann. Für Elektronen von 1-60 GeV liegt die Energielinearität bei 1% und die Energieauflösung für ein einzelnes Modul kann durch $\sigma/E = 8.8\%/\sqrt{E} \oplus 11.9\%/E \oplus 1\%$ (E in GeV) beschrieben werden. Das transversale Leakage eines Moduls beträgt bei zentralem Einschuß ca. 3% und entspricht einem Molière-Radius von 3.3 cm. Das longitudinale Leakage ist kleiner als 1%. Die Untersuchung der Langzeitstabilität der Module am DESY-Teststrahl zeigt eine Signalabnahme von ca. 0.3%/Monat, die auf die Alterung der optischen Komponenten zurückzuführen ist. Zusätzlich zeigen die Module mit horizontal liegenden Wellenlängenschiebern eine Signalabnahme bis ca. 0.6%/Monat, die auf eine Druckbelastung der Wellenlängenschieber zurückgeführt wird. Für einen Ortsscan wurde die Verteilung der Energien auf die Dioden bzw. Module bestimmt und eine gute Übereinstimmung mit optischen Messungen an den Szintillatorplatten festgestellt. Die Parametrisierung der ortsabhängigen Energieverteilung führt zu einer Ortsrekonstruktion im Modul mit einer Genauigkeit, die besser als 1 cm ist. Die Elektron-Pion-Separation, die durch Cuts auf die von den kurzen Wellenlängenschiebern ausgelesene Energie bzw. auf den energiegewichteten Cluster-Radius erreicht wird, wurde bestimmt. Die Abweichung in den Cluster-Energien zwischen detaillierter und schneller Simulation, die bei der Durchquerung von Wellenlängenschiebern durch das Elektron festgestellt wurde, konnte so ausgeglichen werden, daß die Cluster-Energien beider Simulationen unabhängig vom Vertex besser als $\pm 1\%$ übereinstimmen. Durch die Analyse von Rauschereignissen, die während der ep-Datennahme aufgenommen wurden, wurde die elektronische Stabilität des BEMC für die Daten, die zur F_2-Analyse verwendet wurden, kontrolliert. Für die 1993 mit dem BEMC gemessenen Elektronen wurden verschiedene Meßgrößen, wie z.B. die Energie- und Winkelverteilungen der Elektronen mit Simulationen, die mit der MRSDH-Parametrisierung von F_2 generiert wurden, verglichen. Die Übereinstimmung von Daten und Simulation ist gut.

Inhaltsverzeichnis

Einleitung

Die Untersuchung der tiefunelastischen Lepton-Hadron-Streuung (**DIS**)[1] ist ein wichtiges Gebiet zur Erforschung der Substrukturen von Hadronen. Leptonen bieten sich als "Sonden" für die Untersuchung der Substruktur von Hadronen an, da sie nach der heutigen Vorstellung punktförmige Teilchen sind und daher die Wirkungsquerschnitte der beobachteten Reaktionen durch die innere Struktur der Hadronen bestimmt werden.
Ein wichtiges Ergebnis von Analysen der tiefinelastischen Lepton-Hadron-Streuung ist u.a. der Hinweis auf punktförmige Konstituenten der Hadronen, die im Rahmen des Quark-Parton-Modells als Quarks interpretiert werden.
Bei allen bisher durchgeführten DIS-Untersuchungen wurden Leptonen an ruhenden Nukleonproben gestreut.[2]
Mit der Fertigstellung des Hadron-Elektron-Beschleunigers **HERA**[3] bei DESY in Hamburg wurde es erstmalig möglich, die Streuung von beschleunigten Elektronen an beschleunigten Protonen zu untersuchen.
Bei HERA werden Elektronen mit einer nominellen Energie von 26.7 GeV mit Protonen der nominellen Energie von 820 GeV zur Kollision gebracht.[4] Im Schwerpunktssystem steht damit eine Energie von 296 GeV zur Verfügung, die einem Streuexperiment von ca. 50 TeV Elektronen an einer ruhenden Wasserstoffprobe äquivalent wäre. Das bei HERA maximal erreichbare Quadrat des Viererimpulsübertrages Q^2 liegt bei ca. $9 \cdot 10^4\,\mathrm{GeV}^2$, was einer Ortsauflösung im Proton von der Größenordnung 10^{-18} m entspricht.
Für $Q^2 \leq 100\,\mathrm{GeV}^2$ findet die tiefunelastische Streuung an Konstituenten des Protons statt, die nur einen sehr kleinen Impulsanteil x vom Gesamtimpuls des Protons haben. Diese Ereignisse zeichnen sich durch einen hohen Wirkungsquerschnitt aus und waren daher schon in der Anfangsphase der Datennahme bei noch geringer Luminosität zu untersuchen. Da in theoretischen Beschreibungen der DIS-Streuung bei kleinen x und Q^2 unterschiedliche Ansätze verwendet werden, ist die aus der Untersuchung der ep-Streuung hresultierende Bestimmung der Strukturfunktion F_2 des Protons von großem Interesse.
Neben der tiefunelastischen ep-Streuung bietet HERA auch die Möglichkeit andere physikalische Prozesse zu untersuchen. Weitere interessante Gebiete die bei HERA untersucht werden können, sind z.B. Ereignisse aus der Photoproduktion, die hadronischen Endzustände der ep-Streuung und die Suche nach neuen Teilchen, wie Leptoquarks oder Supersymmetrie-Teilchen, die von einigen Theorien vorhergesagt werden.
An zwei von vier Wechselwirkungspunkten, in denen die Elektronen- und Protonenstrahlen bei HERA zur Kollision gebracht werden, sind die Detektoren **H1** (Halle Nord) und **ZEUS** (Halle Süd) installiert. Im Juni 1992 hat der Meßbetrieb an beiden HERA-Detektoren begonnen und inzwischen liegen Meßdaten aus den Jahren 1992 und 1993 vor.
Das I. Institut für Experimentalphysik der Universität Hamburg ist am H1-Projekt u.a.

[1] **DIS**=**D**eep-**I**nelastic-**S**cattering
[2] Fixed-Target-Experimente
[3] **HERA**=**H**adron-**E**lektron-**R**ing-**A**nlage
[4] Der Designwert für die Energie des Elektronenstrahls liegt bei 30 GeV.

mit dem Bau des elektromagnetischen Rückwärtskalorimeters **BEMC**[5] beteiligt.
Das BEMC ist ein Blei-Szintillator-Samplingkalorimeter, das über Wellenlängenschieber mit Photodioden ausgelesen wird und im Rückwärtsbereich des H1-Detektors einen Winkelbereich von ca. $156^\circ \leq \theta \leq 174^\circ$ überdeckt.[6] Dies ist der Winkelbereich, in den Ereignisse mit $\mathrm{Q}^2 \leq 100\,\mathrm{GeV}^2$ gestreut werden.
Die wesentlichen Aufgaben des BEMC sind:
- Eine Energiemessung von Elektronen mit guter Energieauflösung
- Eine gute Homogenität der Signale über die gesamte Detektorfläche
- Die Ortsbestimmung der ins BEMC gestreuten Elektronen
- Die Unterstützung der Separation von Elektronen und Hadronen
- Die Selektion von Ereignissen durch einen eigenständigen Trigger

Voraussetzung für die Meßbarkeit von Elektronen und die Einbeziehung des BEMC in die Analyse der ep-Streuung ist ein gutes Verständnis der Eigenschaften des Detektors. Dazu dient die Analyse von Teststrahlexperimenten und der Vergleich zu Monte-Carlo-Simulationen. Ein weiterer wichtiger Punkt ist die möglichst genaue Energiekalibration des Detektors und die Überwachung der elektronischen Eigenschaften und der Signalstabilität.

Im Rahmen der Untersuchungen am BEMC ist die vorliegende Arbeit entstanden, die sich in die folgenden Kapitel unterteilt:
Kapitel 1 beschreibt die Kinematik und Ereignistopologie bei HERA mit besonderer Berücksichtigung des kinematischen Bereiches kleiner x und Q^2, in dem das gestreute Elektron im BEMC nachgewiesen wird.
In **Kapitel 2** wird der HERA-Speicherring, der H1-Detektor und der H1-Trigger beschrieben.
Kapitel 3 gibt eine detaillierte Beschreibung des mechanischen Aufbaus des BEMC, der BEMC-Elektronik, sowie eine kurze Beschreibung des BEMC-Triggers **BSET**[7].
Kapitel 4 enthält Ergebnisse aus Untersuchungen an einzelnen Komponenten des BEMC, die vor der ersten Datennahme mit dem in den H1-Detektor eingebauten BEMC durchgeführt wurden.
Kapitel 5 stellt Ergebnisse aus Teststrahlmessungen vor, die an BEMC-Modulen bei DESY und beim CERN durchgeführt wurden, und vergleicht die Ergebnisse mit Monte-Carlo-Simulationen.
In **Kapitel 6** werden spezielle Monte-Carlo-Untersuchungen für Elektronen im BEMC beschrieben.
Kapitel 7 enthält Ergebnisse von Untersuchungen der elektronischen Stabilität der BEMC-Signale während der Datennahme.
Kapitel 8 enthält Untersuchungen an ep-Streuereignissen im BEMC, die mit dem H1-Detektor 1993 aufgenommen wurden.
Am Ende der Kapitel 4-8 werden die jeweiligen Ergebnisse in einem **Fazit** aufgelistet.

[5] **BEMC**=**B**ackward-**E**lectro**m**agnetic-**C**alorimeter
[6] Nach HERA-Konvention entspricht die Richtung des auslaufenden Protonstrahles der z-Achse des H1-Koordinatensystems. Die x-Achse zeigt zum Mittelpunkt des HERA-Ringes und die y-Achse entsprechend senkrecht nach oben. Der Polarwinkel θ wird von der z-Achse aus bestimmt, d.h. die Rückwärtsrichtung liegt bei $\theta = 180^\circ$. Der Azimutalwinkel ϕ wird von der x-Achse aus bestimmt.
[7] **BSET**=**B**ackward-**S**ingle-**E**lectron-**T**rigger

Kapitel 1

HERA-Physik

HERA bietet als erster Beschleuniger der Welt die Möglichkeit, tiefunelastische Elektron-Proton-Streuung von beschleunigten Elektron- und Protonstrahlen zu untersuchen. Die Strahlenergien können bei genügend hoher Luminosität in den Bereichen 10-35 GeV für den Elektronenstrahl und 300-1000 GeV für den Protonenstrahl variiert werden. Dadurch ist es möglich, den kinematisch zugänglichen Bereich, der durch die Energien von 26.7 GeV bzw. 820 GeV festgelegt ist, zu erweitern [FEL92].
Die tiefunelastische Streuung von Elektronen an Protonen bietet eine direkte Möglichkeit zur Messung der Strukturfunktionen des Protons, durch die der innere Aufbau des Protons beschrieben wird. Die Bestimmung der Strukturfunktionen erfolgt über die Messung des Wirkungsquerschnitts des ep-Streuprozesses.

1.1 Die Kinematik bei HERA

Abb. 1.1 zeigt ein Schema der tiefunelastischen Elektron-Proton-Streuung $e\ p \longrightarrow\ l\ X$ in der niedrigsten Ordnung der Beschreibung im Quark-Parton-Modell. Die Wechselwirkung des einlaufenden Elektrons mit einem der drei Quarks des Protons erfolgt durch den Austausch eines Eichbosons der elektroschwachen Wechselwirkung. Je nach Art des Leptons im Endzustand werden **NC**-Ereignisse und **CC**-Ereignisse unterschieden.[1] Bei den NC-Ereignissen erfolgt der Viererimpulsübertrag zwischen Elektron und Quark durch den Austausch eines γ's oder eines Z^0-Bosons und das Lepton im Endzustand der Wechselwirkung ist ein Elektron. Bei CC-Ereignisse erfolgt der Viererimpulsübertrag durch den Austausch eines W^+- oder W^--Bosons. Dabei ist das Lepton im Endzustand der Wechselwirkung ein Neutrino. CC-Ereignisse sind gegenüber NC-Ereignissen bei kleinen Q^2 stark unterdrückt,[2] und die Raten werden erst für hohe Viererimpulsüberträge von $\mathrm{Q}^2 \geq 1000\,\mathrm{GeV}^2$ vergleichbar [BLÜ93].
Nach der ep-Wechselwirkung fragmentiert das Proton in zwei Jets: den Stromjet, der sich als hadronischer Endzustand des an der Wechselwirkung beteiligten Quarks ausbildet und den Protonjet, der aus dem Diquark-"Rest" des Protons entsteht. Der Protonjet verläuft im Strahlrohr und wird nicht im Detektor beobachtet.
Experimentell meßbare Größen der ep-Streuung sind, bei NC-Ereignissen, die Winkel θ_l, ϕ_l des gestreuten Elektrons und θ_j, ϕ_j des Stromjets, sowie die Energien des gestreuten Elektrons $\mathrm{E_l}$ und des Stromjets $\mathrm{E_j}$.
Bei CC-Ereignissen sind nur die Winkel θ_j, ϕ_j und die Energie $\mathrm{E_j}$ des Stromjets meßbar. Das Neutrino wird nicht detektiert.

[1] **NC**=**N**eutral-**C**urrent, **CC**=**C**harged-**C**urrent
[2] Im Wirkungsquerschnitt der CC-Ereignisse steht statt $1/\mathrm{Q}^4$ der Term $1/(\mathrm{Q}^2+\mathrm{M_W^2})^2$, der die Masse $\mathrm{M_W}$ des W-Bosons enthält.

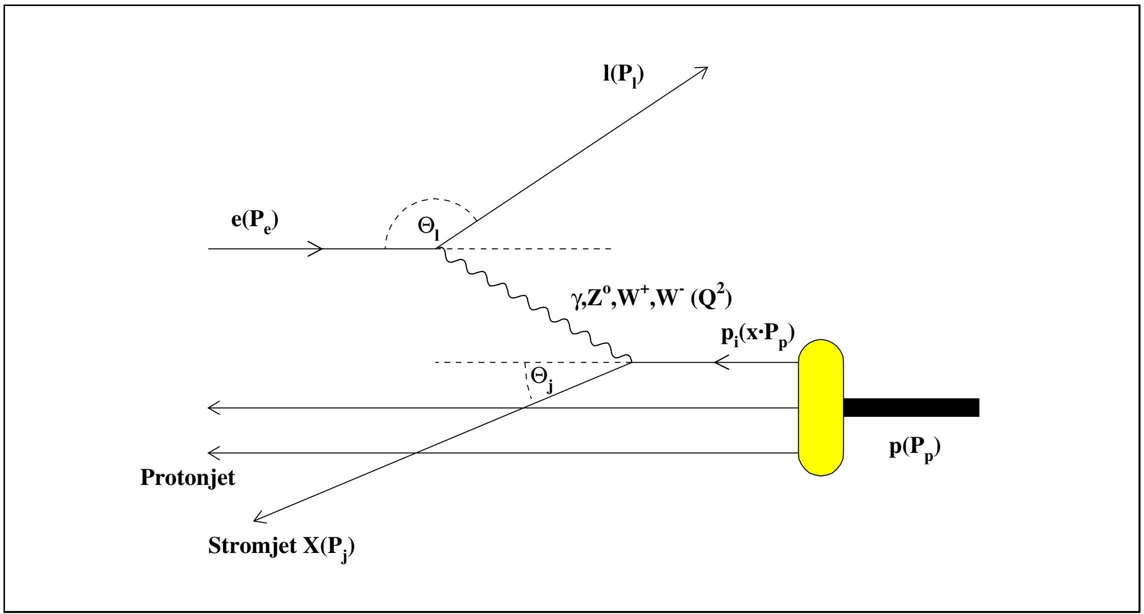

Abb. 1.1: **Schema der tiefunelastischen Elektron-Proton-Streuung**
Für die Erklärung siehe Text.

Die Kinematik der ep-Streuung läßt sich bei fester Schwerpunktsenergie $\sqrt{s}$ durch zwei unabhängige lorentzinvariante Variablen beschreiben. Normalerweise wird die Kombination (x,Q^2) bzw. (x,y) der kinematischen Variablen x, y und Q^2, die im Quark-Parton-Modell einfach zu interpretieren sind, zur Berechnung des differentiellen Wirkungsquerschnittes gewählt.
Wird die Richtung des auslaufenden Protonstrahles entsprechend des H1-Koordinatensystems als z-Richtung definiert und die Lage der x-z-Ebene so festgelegt, daß die Flugbahnen des einlaufenden und des gestreuten Elektrons in ihr verlaufen, so lassen sich die Viererimpulse $P_i = (E_i, p_{ix}, p_{iy}, p_{iz})$ der an der Reaktion beteiligten Teilchen unter Vernachlässigung der Ruhemassen des Protons und Elektrons[3] folgendermaßen darstellen:

Einlaufendes Elektron:	P_e	$=$	$(E_e, 0, 0, -E_e)$
Einlaufendes Proton:	P_p	$=$	$(E_p, 0, 0, E_p)$
Gestreutes Elektron:	P_l	$=$	$(E_l, E_l \sin\theta_l, 0, E_l \cos\theta_l)$
Stromjet (hadronischer Endzustand):	P_j	$=$	$(E_j, p_{j\perp}, 0, p_{j\parallel}) = \sum_H (E_H, p_{H\perp}, 0, p_{H\parallel})$

Die Summation zur Bestimmung des Viererimpulses des Stromjets geht über alle Hadronen des Stromjets ($\sum_H$).
Für die Schwerpunktsenergie $\sqrt{s}$ und die lorentzinvarianten kinematischen Variablen x, y und Q^2 folgt bei Vernachlässigung der Ruhemassen:

$$\sqrt{s} = \sqrt{(P_e + P_p)^2} = 2\sqrt{E_e E_p} \tag{1.1}$$

[3] Die Vernachlässigung der Ruhemassen ist zulässig, da die Differenz p_z-E für das Elektron bzw. Proton von der Größenordnung 10^{-10} bzw. 10^{-6} ist, also $p_{ez}=E_e$ und $p_{pz}=E_p$ gesetzt werden kann.

$$x = \frac{Q^2}{2P_p q} \tag{1.2}$$

$$y = \frac{P_p q}{P_p P_e} = \frac{2P_p q}{s} = \frac{\nu}{\nu_{max}} \quad \text{mit} \quad \nu = \frac{P_p q}{M_p},\ \nu_{max} = \frac{s}{2M_p} \tag{1.3}$$

$$Q^2 = -q^2 = -(P_e - P_l)^2 = -(P_j - P_p)^2 \tag{1.4}$$

$$W^2 = P_j^2 = (q + P_p)^2 = \frac{1-x}{x} Q^2 + M_p^2 \tag{1.5}$$

Im Quark-Parton-Modell lassen sich diese Größen folgendermaßen interpretieren:

- $\sqrt{s}$ ist die Schwerpunktsenergie, für die bei $E_p = 820\,\text{GeV}$ und $E_e = 26.7\,\text{GeV}$ ein Wert von 296 GeV folgt.[4]

- **x** ist die Bjorken-Skalenvariable, die im naiven Quark-Parton-Modell als der Impulsanteil des Protons interpretiert wird, den das getroffene Parton trägt. Der Viererimpuls des Partons ist dann xP_p - siehe Abb. 1.1. Es gilt $0 \leq x \leq 1$.

- **y** beschreibt im Ruhesystem des Protons den auf den maximal möglichen Energieübertrag ν_{max} normierten Energieverlust des Elektrons $\nu = E_e - E_l$ und es gilt $0 \leq y \leq 1$. M_p ist die Ruhemasse des Protons.

- $\mathbf{Q}^2$ ist das Quadrat des Viererimpulsübertrages, durch das die räumliche Auflösung bestimmt wird, mit dem die Protonstruktur durch das Elektron "untersucht" wird.[5] Es gilt $0 \leq Q^2 \leq s$. Das maximale Q^2 beträgt $98596\,\text{GeV}^2$ bzw. $87576\,\text{GeV}^2$ für 30 GeV bzw. 26.7 GeV Elektronenergie und 820 GeV Protonenergie.

- $\mathbf{W}^2$ ist das Quadrat der Masse des gesamten hadronischen Systems im Endzustand. Es gilt $M_p^2 \leq W^2 \leq s$. Für x=1 ist $W^2 = M_p^2$, d.h. x=1 kennzeichnet die elastische Streuung am Proton.

Zwischen x, y, Q^2 und s gilt der Zusammenhang $s = \frac{Q^2}{x\,y}$.

1.2 Topologie der ep-Streuung

Der große Unterschied in den Energien des Elektron- und Protonstrahls bestimmt wesentlich die Topologie der ep-Ereignisse.
In Abb. 1.2 a) und b) sind für NC-Ereignisse in der logarithmischen x,Q^2-Ebene Linien konstanter Energie und konstanten Polarwinkels für das gestreute Elektron (E_e,θ_e) und den Stromjet (E_j,θ_j) dargestellt. Der Akzeptanzbereich des BEMC ist in beiden Darstellungen hervorgehoben.
Verschiedene Bereiche von x und Q^2 können unterschieden werden:

- Für hohe Q^2 wird das Elektron in den Zentralbereich und der Stromjet in den Zentral- oder Vorwärtsbereich des H1-Detektors, d.h. in das LAr-Kalorimeter - siehe Kap. 2.2 - gestreut.

[4] Für die Designenergie des Elektronenstrahls $E_e = 30\,\text{GeV}$ liegt die Schwerpunktsenergie bei 314 GeV.
[5] Der kleinste Abstand Δ in 10^{-15} m, der im Proton aufgelöst werden kann, liegt in der Größenordnung von $\Delta = \hbar/Q = 0.197/Q$, mit Q in GeV.

- Für Werte von $Q^2 \leq 100\,\mathrm{GeV}^2$ und $x \leq 10^{-3}$, wo die mit dem Elektron wechselwirkenden Partonen näherungsweise in Ruhe sind, wird das Elektron überwiegend in den Rückwärtsbereich des H1-Detektors gestreut und kann im BEMC registriert werden. In diesem kinematischen Bereich geht auch der Stromjet in die Rückwärtsrichtung, wobei die Energie des Stromjets mit abnehmender Elektronenergie zunimmt. Eine ausreichend gute Separation von Elektronen und Pionen ist in diesem kinematischen Bereich erforderlich. Hohe Raten von Untergrundereignissen im Rückwärtsbereich erschweren die zweifelsfreie Erkennung von ep-Ereignissen und stellen außerdem hohe Ansprüche an den Trigger.

- Für sehr kleine Q^2 von ca. $\leq 6\,\mathrm{GeV}^2$ kann das gestreute Elektron nur dann im BEMC gemessen werden, wenn der Wechselwirkungspunkt dieser Ereignisse in die positive z-Richtung gegenüber dem nominellen Vertex (z=0 cm) verschoben ist, da sonst die Bahn des gestreuten Elektrons im Strahlrohr verläuft. Durch die Vertexverschiebung von ± 50 cm wird der Akzeptanzbereiches des BEMC von ca. $156° \leq \theta_e \leq 174°$ auf einen Bereich von $148° \leq \theta_e \leq 176°$ vergrößert - siehe Abb. 1.2.

- Für $y \lesssim 0.05$ und $Q^2 \leq 100\,\mathrm{GeV}^2$ gibt es einen ausgedehnten Bereich, in dem die Energie des gestreuten Elektrons näherungsweise gleich der Energie des einlaufenden Elektrons ist: $E_e \simeq E_l$ (quasielastische Streuung des Elektrons). Dieser kinematische Bereich ist in Abb. 1.2 innerhalb der BEMC-Akzeptanz für Energien zwischen $25.7\,\mathrm{GeV} \leq E_l \leq 27.7\,\mathrm{GeV}$ zu erkennen. Die Ereignisse aus diesem Bereich bilden den kinematischen Peak, durch dessen Bestimmung die absolute Energiekalibration des BEMC ermöglicht wird.

1.3 Bestimmung der kinematischen Variablen x und Q^2

HERA bietet die Möglichkeit der Bestimmung der kinematischen Variablen aus den Meßgrößen des gestreuten Elektrons (Elektronmethode), des hadronischen Endzustand (Hadronmethode) oder aus Kombinationen der Meßgrößen des Elektrons und des Stromjets. Die Genauigkeit der Methoden wird im wesentlichen durch die absolute Energiekalibration und die Energieauflösung der Kalorimeter, sowie durch die Genauigkeit der Winkelmessungen in den Spurkammern bestimmt und ist außerdem vom betrachteten kinematischen Bereich abhängig.
Fehler in der Bestimmung von x und Q^2 können zu einer falschen Zuordnung der Ereignisse in die x,Q^2-Bins führen. Der Term $A(x,Q^2)$, der auch als "verschmierte" Akzeptanz bezeichnet wird, berücksichtigt diese Migrations-Effekte. Der "wahre" Wirkungsquerschnitt $\sigma(x,Q^2)$ berechnet sich dann aus dem gemessenen Wirkungsquerschnitt $\sigma_M(x,Q^2)$ nach [FEL87], [BEN91] mit:

$$\sigma(x, Q^2) = \frac{\sigma_M(x, Q^2)}{A(x, Q^2)} \tag{1.6}$$

Elektronmethode

Die kinematischen Variablen x, y und Q^2 berechnen sich bei der Elektronmethode aus der Energie E_l und dem Polarwinkel θ_l des gestreuten Elektrons, unabhängig von jeder

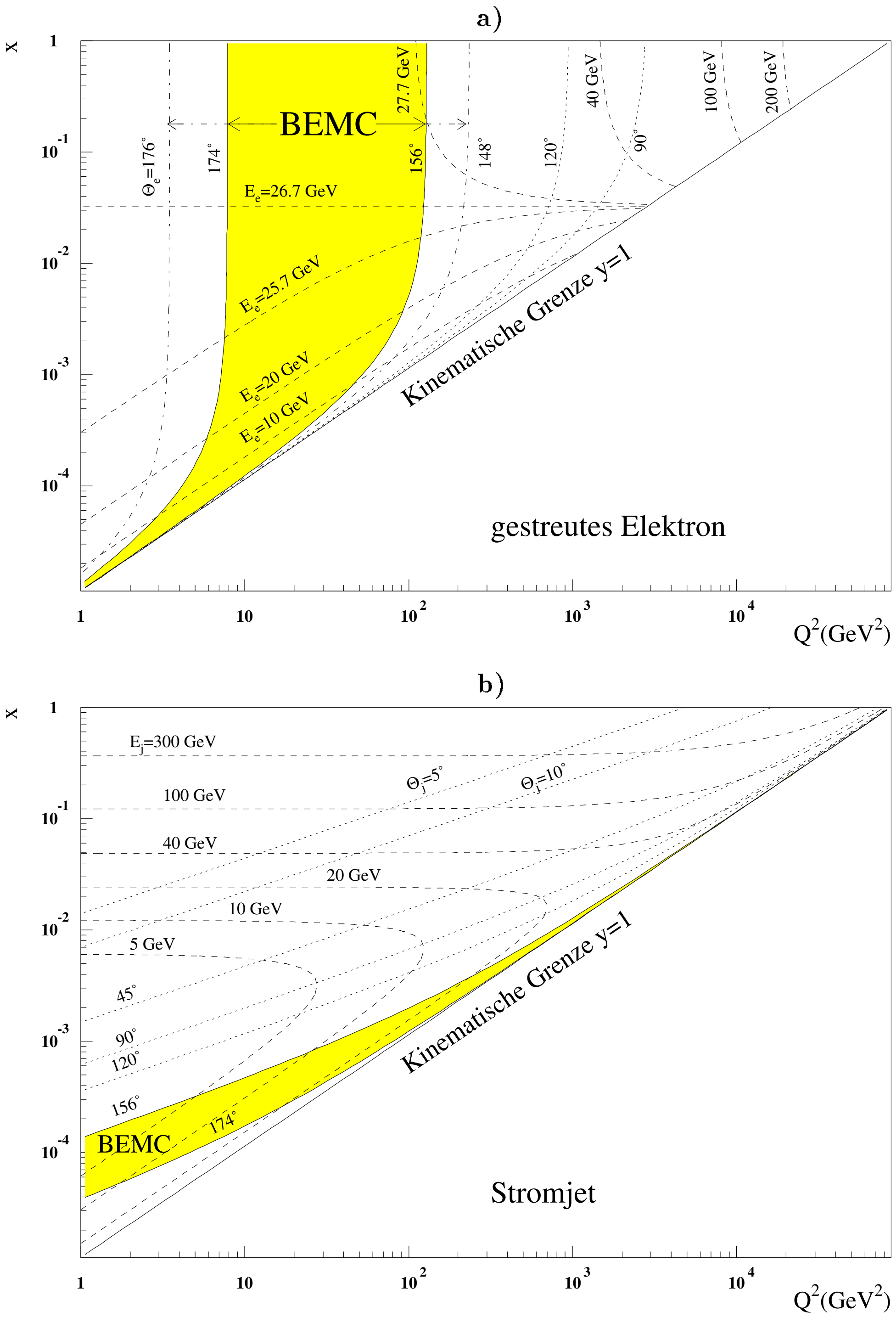

Abb. 1.2: **Kinematische x,Q^2-Ebene für das gestreute Elektron und den Stromjet für NC-Ereignisse**
Für die eingezeichneten Linien ist die Energie bzw. der Polarwinkel des gestreuten Elektrons in **a)** und die des Stromjets in **b)** konstant. Der Akzeptanzbereich des BEMC ist hervorgehoben und in der oberen Abbildung ist die Vergrößerung des Akzeptanzbereiches bei Berücksichtigung der Vertexverschiebung eingezeichnet.

Annahme über den hadronischen Endzustand, entsprechend:

$$x = \frac{E_e E_l \cos^2 \frac{\theta_l}{2}}{E_p(E_e - E_l \sin^2 \frac{\theta_l}{2})} \tag{1.7}$$

$$y = \frac{E_e - E_l \sin^2 \frac{\theta_l}{2}}{E_e} \tag{1.8}$$

$$Q^2 = 4 E_e E_l \cos^2 \frac{\theta_l}{2} \tag{1.9}$$

Aus Gl. 1.7, Gl. 1.8 und Gl. 1.9 folgen dann die relativen Fehler in der Bestimmung von x, y und Q^2 als:

$$\frac{\delta x}{x} = \frac{1}{y}\frac{\delta E_l}{E_l} \oplus \tan\frac{\theta_l}{2}\left(x\frac{E_p}{E_e} - 1\right)\delta\theta_l \tag{1.10}$$

$$\frac{\delta y}{y} = \frac{y-1}{y}\frac{\delta E_l}{E_l} \oplus \frac{1-y}{y}\cot\frac{\theta_l}{2}\delta\theta_l \tag{1.11}$$

$$\frac{\delta Q^2}{Q^2} = \frac{\delta E_l}{E_l} \oplus - \tan\frac{\theta_l}{2}\delta\theta_l \tag{1.12}$$

Das Zeichen $\oplus$ steht für die quadratische Addition der Fehlerterme.
Für die Anwendbarkeit der Elektronmethode ergeben sich die folgenden Konsequenzen:

- Für kleine y ist die x-Bestimmung mit einer großen Unsicherheit verbunden, die durch den 1/y-Term in Gl. 1.10 bestimmt wird. Bei Werten von $y \leq 0.1$ ist eine x-Bestimmung durch die Elektronmethode nicht sinnvoll, da sich dann der differentielle Wirkungsquerschnitt, bei einer Genauigkeit der absoluten Energiekalibration von 1%, um $\geq$ 10% verändert [FEL92]. Die Präzision der absoluten Energiekalibration bestimmt die Grenze der Anwendbarkeit der Elektronmethode.

- Die Unsicherheit in der x-Bestimmung durch die Ungenauigkeit in der Winkelmessung wird nur bei großen x- und kleinen Q^2-Werten signifikant.

- Mit der Ausnahme des Bereiches großer Polarwinkel ($\theta \geq 170°$) ist, bei einer Winkelauflösung, die im Bereich einiger mrad liegen, die Meßbarkeit von Q^2 gut.

Hadronmethode

Die Berechnung der kinematischen Variablen aus dem hadronischen Endzustand erfolgt mit:

$$x_j = \frac{E_j \cos^2 \frac{\theta_j}{2}}{E_p(1 - \frac{E_j}{E_e}\sin^2\frac{\theta_j}{2})} \tag{1.13}$$

$$y_j = \frac{E_j}{E_e}\sin^2\frac{\theta_j}{2} \tag{1.14}$$

$$Q_j^2 = \frac{E_j^2 \sin^2\theta_j}{1 - \frac{E_j}{2E_e}(1 - \cos\theta_j)} \tag{1.15}$$

Bei der Bestimmung von E_j und θ_j geht der zur Identifizierung des Stromjets verwendete Algorithmus ein, was dazu führen kann, das die Kinematik falsch bestimmt wird.

Die Berechnung von x, y, und Q^2 ohne Verwendung eines speziellen Jetalgorithmus kann mit der Jacquet-Blondel-Methode (JB-Methode) erfolgen [JAC79]. Ersetzt man in Gl. 1.3 den Impulsübertrag q durch den Term $(P_j - P_p)$, folgt für y:

$$y = \frac{P_p q}{P_p P_e} = \frac{P_p(P_j - P_p)}{P_p P_e} \tag{1.16}$$

Mit

$$P_j = \sum_H (E_H, p_{Hx}, p_{Hy}, p_{Hz}) \tag{1.17}$$

folgt dann:

$$y_{JB} = \frac{1}{2E_e} \sum_H (E_H - p_{Hz}) \tag{1.18}$$

Für Q^2_{JB} und x_{JB} gelten dann die folgenden Gleichungen:

$$Q^2_{JB} = \frac{\left(\sum_H p_{Hx}\right)^2 + \left(\sum_H p_{Hy}\right)^2}{1 - y_{JB}} = \frac{\left(\sum_H p_{Ht}\right)^2}{1 - y_{JB}} = \frac{p^2_{jt}}{1 - y_{JB}} \tag{1.19}$$

$$x_{JB} = \frac{Q^2_{JB}}{y_{JB}\, s} \tag{1.20}$$

Der Größe p_{jt} ist der transversale Gesamtimpuls des Stromjets, der sich als Summe der Quadrate der x- und y-Komponenten der Impulse aller Hadronen im Endzustand ergibt. Aus den Gl. 1.18 und Gl. 1.19 ist ersichtlich, daß der Beitrag der Hadronen des Stromjets, die in die extreme Vorwärtsrichtung gestreut werden, also deren Impulskomponente in z-Richtung p_{Hz} näherungsweise gleich der Energie E_H ist, zur Bestimmung von y_{JB} und Q^2_{JB} gering ist. Der Meßfehler durch Hadronen, die im Strahlrohr verlaufen und nicht gemessen werden können, ist daher gering.

Kombinierte Elektron- und Hadronmessung

Zwei kombinierte Methoden, bei denen sowohl Informationen des gestreuten Elektrons als auch Informationen des Stromjets zur Berechnung der kinematischen Variablen herangezogen werden, sind die Doppelwinkelmethode und die gemischte Methode.
Bei der **Doppelwinkelmethode** werden x, y und Q^2 aus den Polarwinkeln des gestreuten Elektrons θ_e und des Stromjets θ_j berechnet:

$$x_{\theta_e,\theta_j} = \frac{E_e}{E_p} \frac{\sin\theta_e + \sin\theta_j + \sin(\theta_e + \theta_j)}{\sin\theta_e + \sin\theta_j - \sin(\theta_e + \theta_j)} \tag{1.21}$$

$$y_{\theta_e,\theta_j} = \frac{\sin\theta_e(1 - \cos\theta_j)}{\sin\theta_e + \sin\theta_j - \sin(\theta_e + \theta_j)} \tag{1.22}$$

$$Q^2_{\theta_e,\theta_j} = 4E_e^2 \frac{\sin\theta_j(1 + \cos\theta_e)}{\sin\theta_e + \sin\theta_j - \sin(\theta_e + \theta_j)} \tag{1.23}$$

Der Winkel des Stromjets θ_j kann aus der JB-Methode durch Summation über alle Hadronen im Endzustand bestimmt werden [BEN91]:

$$\cos\theta_j = \frac{\sum_H E_H \cos\theta_j}{\sum_H E_H} \tag{1.24}$$

Die Doppelwinkelmethode ermöglicht die Bestimmung der kinematischen Variablen unabhängig von der Energieskala der Kalorimeter. Durch die Berechnung der in den Kalorimetern deponierten Energie läßt sich dann die absolute Energiekalibration der Kalorimeter überprüfen.
Aus den beiden Winkeln θ_e und θ_j und der im Detektor gemessenen Energie des gestreuten Elektrons E_l kann die Energie des Elektrons vor der Streuung E_e^r bestimmt werden, die im Falle von radiativen Ereignissen, bei denen das einlaufende Elektron vor der Streuung ein Photon abstrahlt und Energie verliert, nicht gleich der Elektronenstrahlenergie E_e ist.
Für E_e^r folgt [BEN91]:

$$E_e^r = E_l \frac{\sin\theta_e + \sin\theta_j - \sin(\theta_e + \theta_j)}{2\sin\theta_j} \tag{1.25}$$

Bei der **gemischten Methode** wird Q^2 mit der Elektronmethode bestimmt und y mit der Hadronmethode:

$$Q^2_{mix} = Q^2 \quad \text{(siehe Gl. 1.9)} \tag{1.26}$$

$$y_{mix} = y_{JB} \quad \text{(siehe Gl. 1.18)} \tag{1.27}$$

$$x_{mix} = \frac{Q^2}{y_{JB}\, s} \tag{1.28}$$

Die gemischte Methode ist für den kinematischen Bereich von $y < 0.1$ gut geeignet, da die Bestimmung von y mit der Hadronmethode in diesem Bereich mit kleineren Unsicherheiten behaftet ist als die Bestimmung mit der Elektronmethode [BER91].
Die Elektronmethode und die gemischte Methode wurde für die ersten Messungen der tiefunelastischen ep-Streuung bei kleinem x mit dem H1-Detektor verwendet [H1C92d], [H1C93c].

Abb. 1.3 zeigt schematisch den Bereich, in dem die kinematischen Variablen x und Q^2 der ep-Streuung mit dem H1-Detektor mit einer Genauigkeit von $\leq 10\%$ gemessen werden können. Dies gilt allerdings nur unter der Voraussetzung einer Energiekalibration und -auflösung der elektromagnetischen (hadronischen) Kalorimeter von 1% (2%) und $10\%/\sqrt{E}$ ($50\%/\sqrt{E}$). Die Grenzen dieses Bereiches, die u.a. auch durch die Detektorakzeptanz bestimmt werden, sind - entsprechend Abb. 1.3 - näherungsweise folgendermaßen festgelegt [FEL87], [KLE91]:

a Akzeptanzgrenze des BEMC unter Berücksichtigung der Vertexverschiebung von $\pm 50\,\text{cm} \Rightarrow \theta \leq 175°$

b Fehler der x-Bestimmung nach der Elektronmethode für kleine y-Werte $\Rightarrow y \geq 0.1$

c Minimale Energie des hadronischen Endzustands bei Anwendung der Hadronmethode $\Rightarrow \sum E_H \geq 5\,\text{GeV}$

d Fehler der Bestimmung der kinematischen Variablen mit der Hadronmethode bei kleinen y-Werten $\Rightarrow y \geq 0.03$

e Strahlrohrgrenze bei der Bestimmung des Stromjet-Winkels $\Rightarrow \theta_j \geq 5°$

f Große Migrationseffekte bzw. Akzeptanzverschmierung $\Rightarrow x \leq 0.7$

g Fehler aus radiativen Korrekturen, Strahluntergrund und schlechter Energieauflösung bei Anwendung der Elektronmethode $\Rightarrow$ $y \leq 0.9$

Die Beschreibung des H1-Detektors erfolgt in Kap. 2.2.

1.4 Die Strukturfunktionen des Protons

Streuexperimente, die in den 60er Jahren mit hochenergetischen Elektronen von $\leq 20\,\mathrm{GeV}$ an ruhenden Wasserstofftargets durchgeführt wurden, haben ergeben, daß die Strukturfunktionen F_1 und F_2 des Protons von der Skalenvariablen $x = \frac{Q^2}{2M_p\nu}$ (Bjorken-x) abhängig sind. Dieses, als Skalierung bezeichnete, Verhalten der Strukturfunktionen F_1 und F_2 wurde theoretisch vorhergesagt und stand in Widerspruch zur Beschreibung der Streuung mit dem elastischen Formfaktor, der mit zunehmenden Q^2 gegen Null gehen sollte - siehe z.B. [ROB90], [TAY92], [SCI92].
Als Erklärung dieses neuen Phänomens wurde die Existenz von quasifreien, punktförmigen, geladenen Partonen im Proton angenommen, an denen die virtuellen Photonen streuen. Im Quark-Parton-Modell wurden die Partonen als Quarks identifiziert. Der Wirkungsquerschnitt der tiefunelastischen Elektron-Proton-Streuung wird im Rahmen dieses Modells als inkohärente Summe von Photon-Parton-Wirkungsquerschnitten verstanden. Für hohe Protonimpulse P_p ist das Produkt xP_p der Impuls des Partons, an dem elastisch gestreut wird. Der Wirkungsquerschnitt der Streuung hängt von der Wahrscheinlichkeit $q_f(x)$ ab, ein Quark vom Flavour f mit einem Impuls xP_p zu finden. In späteren Experimenten wurde festgestellt, daß die Quarks im Proton nur ca. 50% des Gesamtimpulses tragen. Außerdem wurde eine schwache logarithmische Abhängigkeit der Strukturfunktionen von Q^2, d.h. die Verletzung des Skalierungsverhaltens, gezeigt. Aus den Erkenntnissen der ep-Streuung wurde eine nichtabelsche Eichtheorie der starken Wechselwirkung, die Quantenchromodynamik (QCD) entwickelt - siehe z.B. [ROB90], [TAY92], [SCI92].
In der QCD wird das Proton als ein Teilchen beschrieben, daß aus drei Valenzquarks besteht, die sich in einem "See" von masselosen, elektrisch neutralen Gluonen befinden. Die Gluonen sind die Eichbosonen der starken Kraft, die analog zur Theorie der elektroschwachen Wechselwirkung, der Quantenelektrodynamik (QED), die Wechselwirkung zwischen Quarks und Antiquarks vermitteln. In Analogie zur QED können Gluonen von Quarks gemäß $q \rightarrow qg$ abgestrahlt werden oder Quark-Antiquark-Paare entsprechend $g \rightarrow q\bar{q}$ erzeugt werden. Im Unterschied zu den elektrisch neutralen Photonen in der QED tragen Gluonen eine Farbladung und können somit direkt miteinander wechselwirken. Die Selbstkopplung der Gluonen führt zu Prozessen wie $g \rightarrow gg$ oder $gg \rightarrow gg$. Im Rahmen der QCD sind es die Gluonen, die die fehlenden 50% des Protonimpulses tragen.
Die Wechselwirkung von Quarks und Gluonen wird durch die Kopplungskonstante α_s bestimmt, für die in der einfachsten Näherung gilt - siehe z.B. [AIT89]:

$$\alpha_s = \frac{12\pi}{(33 - 2N_f)\ln(Q^2/\Lambda^2)} \tag{1.29}$$

In dieser Gleichung ist N_f die Anzahl der Flavours und Λ ein freier Parameter der Theorie, der experimentell bestimmt werden muß. Für den Grenzfall großer Q^2 geht α_s gegen Null, so daß störungstheoretische Berechnungen möglich sind. Das Quark-Parton-Modell mit der Betrachtung der Quarks als freie Konstituenten des Protons ist als Näherung der

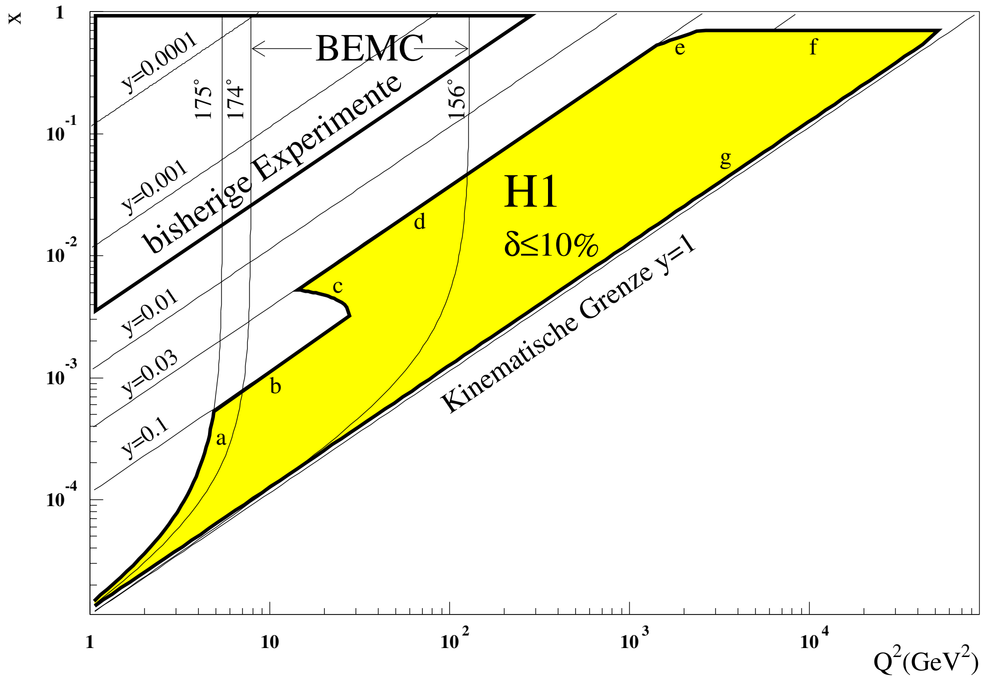

Abb. 1.3: **Kinematischer Bereich des H1-Detektors für die Bestimmung der kinematischen Variablen x und Q^2 mit einer Genauigkeit $\leq$ 10%**
Neben dem mit dem H1-Detektor zugänglichen kinematischen Bereich, in dem die Messung der kinematischen Variablen x und Q^2 der ep-Streuung mit einer Genauigkeit $\delta \leq 10\%$ möglich ist, zeigt die Abbildung auch den Akzeptanzbereich des BEMC sowie den kinematischen Bereich von früheren DIS-Experimenten mit ruhenden Nukleonproben.
Für die Erklärung der Grenzen des kinematischen Bereiches, in dem x und Q^2 mit einer Genauigkeit $\delta \leq 10\%$ (a-g) gemessen werden kann, siehe Text.

QCD für hinreichend große Q^2 anzusehen und ermöglicht die Beschreibung von Elektron-Proton-Streuungen bei großen Q^2.
Die kinematische Grenze der Experimente der tiefunelastischen ep-Streuung zur Messung der Strukturfunktionen des Protons liegt für Experimente mit ruhenden Nukleonproben bei maximalen Q^2-Werten von ca. 200 GeV^2 und minimalen x-Werten von ca. 10^{-2}.[6]
HERA erweitert diese Grenzen um jeweils zwei Größenordnungen auf Werte von Q^2 bis ca. 10^5 GeV^2 und x-Werte bis ca. 10^{-4}.

[6] Diese Experimente wurden am CERN (z.B. EMC und BCDMS) und am FERMILAB durchgeführt - siehe z.B. [SCI92].

1.4.1 Strukturfunktion und Partonverteilungen des Protons

Für den kinematischen Bereich des elektromagnetischen Rückwärtskalorimeters, in dem der Viererimpulsübertrag sehr viel kleiner als die Masse des Z^0-Bosons[7] ist ($Q^2 \ll M^2_{Z^0}$), d.h. für einen Bereich bis $Q^2 \leq 500\,\mathrm{GeV}^2$ [KLE90], kann die ep-Streuung durch einen reinen γ-Austausch beschrieben werden.
Der doppeltdifferentielle Wirkungsquerschnitt für die unpolarisierte ep-Streuung mit neutralem Strom $e\,p \longrightarrow\; e\,X$ läßt sich in der niedrigsten Ordnung der Kopplungskonstanten α,[8] d.h. in der Born'schen Näherung, für den reinen γ-Austausch in Abhängigkeit der Strukturfunktionen F_1 und F_2 folgendermaßen schreiben:

$$\frac{d^2\sigma}{dx\,dQ^2} = \frac{2\pi\alpha^2}{xQ^4}\left[2xy^2F_1(x,Q^2) + 2(1-y)F_2(x,Q^2)\right] \tag{1.30}$$

Mit der Beziehung

$$2xF_1(x,Q^2) = \frac{F_2(x,Q^2)}{1+\frac{\sigma_L}{\sigma_T}} = \frac{F_2(x,Q^2)}{1+R} \tag{1.31}$$

folgt dann für den Wirkungsquerschnitt der tiefunelastischen ep-Streuung, in dem nur die elektromagnetischen Anteile berücksichtigt werden, der Ausdruck:

$$\frac{d^2\sigma}{dx\,dQ^2} = \frac{2\pi\alpha^2}{xQ^4}\left[2(1-y) + \frac{y^2}{1+R}\right]F_2(x,Q^2) \tag{1.32}$$

R ist das Verhältnis der Wirkungsquerschnitte für die Absorption von longitudinal und transversal polarisierten virtuellen Photonen[9] und kann nur durch Messungen bei verschiedenen Schwerpunktsenergien bestimmt werden. Für die Messung der Wirkungsquerschnitte bei einer festen HERA-Energie muß ein theoretisch bestimmter Wert von R angenommen werden - siehe z.B. [H1C93c], wo für verschiedene x- und Q^2-Intervalle Werte für R zwischen 0.15 und 0.42 zur Bestimmung von F_2 verwendet wurden.[10]
Im Quark-Parton-Modell kann die Strukturfunktion F_2 als Linearkombination der Impulsverteilungsfunktionen der Quarks $q_f(x,Q^2)$ und Antiquarks $\bar{q}_f(x,Q^2)$ mit Flavour f verstanden werden. Für kleine Q^2 wird F_2 zur rein elektromagnetischen Strukturfunktion F_2^{em} und läßt sich dann im Quark-Parton-Modell als

$$F_2^{em}(x,Q^2) = x\sum_f e_f^2\left[q_f(x,Q^2) + \bar{q}_f(x,Q^2)\right] \tag{1.33}$$

schreiben, wobei e_f die flavourabhängige Quarkladung ist.
Für kleine x wird die Gluonverteilung im Proton immer dominierender und Effekte, die nicht durch störungstheoretische Ansätze beschrieben werden können, treten auf. Ergebnisse der tiefunelastischen ep-Streuung bei kleinen x und Q^2 bei HERA sind für die Überprüfung und Erweiterung der theoretischen Beschreibung der bei kleinem x auftretenden Effekte von großer Bedeutung.

[7] Das Z^0-Boson hat eine Masse von M_{Z^0}=91.17 GeV [REV92].
[8] Für die auch als Feinstrukturkonstante bezeichnete dimensionslose Größe α gilt: α=1/137.035 [REV92]
[9] Im Unterschied zu realen Photonen, die nur eine transversale Polarisation besitzen, können virtuelle Photonen auch longitudinal polarisiert sein.
[10] Wird der Wirkungsquerschnitt für die longitudinale Polarisation σ_L vernachlässigt folgt aus Gl. 1.31 die Callan-Gross-Relation $2xF_1(x,Q^2)=F_2(x,Q^2)$.

Die Bestimmung der Impulsverteilungsfunktionen der Quarks beginnt mit einer Parametrisierung der Partonverteilung für ein hinreichend großes Q_0^2 von 4-5 GeV^2 und kann dann für größere Q^2 durch störungstheoretische QCD-Berechnungen bestimmen werden.
Als Beispiel einer Parametrisierung der Partonverteilung gilt für die MRS-Parametrisierung bei $Q_0^2 = 4\,\mathrm{GeV}^2$ mit $q_{uv}=q_u - q_{\bar{u}}$ und $q_{dv}=q_d - q_{\bar{d}}$ - siehe [MAR93]:

Valenzquarks u,d	:	$x(q_{uv} + q_{dv}) = A_{ud}x^{\eta_1}(1-x)^{\eta_2}(1+\epsilon_{ud}x^{0.5}+\gamma_{ud}x)$
Valenzquark d	:	$xq_{dv} = A_d x^{\eta_3}(1-x)^{\eta_4}(1+\epsilon_d x^{0.5}+\gamma_d x)$
Seequarks	:	$2x(q_{\bar{u}} + q_{\bar{d}} + q_{\bar{s}}) = A_s x^{-\lambda}(1+\epsilon_s x^{0.5}+\gamma_s x)(1-x)^{\eta_s}$
Gluonen	:	$xq_g = A_g x^{-\lambda}(1+\gamma_g x)(1-x)^{\eta_g}$

	Valenzquarks							
	η_1	η_2	ϵ_{ud}	γ_{ud}	η_3	η_4	ϵ_d	γ_d
MRS D^0	0.45	3.91	2.46	3.32	0.35	4.66	11.4	3.0
MRS D^-	0.46	3.84	3.16	2.05	0.24	4.59	34.4	9.0

	Seequarks					Gluonen			
	A_s	λ	ϵ_s	γ_s	η_s	A_g	λ	γ_g	η_g
MRS D^0	1.93	0	-2.68	7.38	10	2.72	0	0	5.1
MRS D^-	0.054	0.5	19.5	-3.28	6.5	0.315	0.5	12	5.1

Die Parameter η_i, ϵ_i, γ_i und A_i folgen bei festem λ aus der Anpassung an die Meßdaten. A_s (oder A_g) werden durch die Impuls-Summenregel und die Koeffizienten A_{ud} und A_d durch die Flavour-Summenregel festgelegt. Der Beitrag der schweren c- und b-Seequarks wird durch den Gluonprozess $g \to q\bar{q}$ berücksichtigt.
Die MRS D^0-Parametrisierung sagt einen flachen, die MRS D^--Parametrisierung einen steilen Anstieg der Strukturfunktion F_2 des Protons für kleine Werte von x voraus. Die unterschiedlichen Steigungen der MRS-Parametrisierungen bei kleinen x kommen durch den Einfluß des λ-Parameters - $\lambda = 0$ für MRS D^0 und $\lambda = -0.5$ für MRS D^- - der Seequark- und Gluonverteilung zustande.
Im Unterschied zur MRS-Parametrisierung geht die GRV-Parametrisierung davon aus, daß das Proton bei sehr kleinen Q^2-Werten von 0.2-0.3 GeV^2 aus Valenzquarks und Gluonen, die sich wie Valenzquarks verhalten, besteht [GLÜ90]. Für größere Q^2-Werte werden die Seequark- und Gluonverteilung durch Abstrahlung erzeugt. Die GRV-Parametrisierung sagt ebenfalls einen steilen Anstieg der Strukturfunktion F_2 für kleine Werte von x voraus.

1.4.2 Die Strukturfunktion F_2 des Protons bei kleinen x

Für den kinematischen Bereich kleiner x und hinreichend großer Q^2, in dem die Gluonverteilung die ep-Streuprozesse wesentlich bestimmt, gibt es mehrere verschiedene Parametrisierungen der Strukturfunktion F_2, die alle die existierenden Daten gut beschreiben, aber in der Extrapolation zu kleinen x stark differieren.[11]
In Abb. 1.4 a) sind schematisch vier kinematische Regionen A, B, C und D in der x,Q^2-Ebene gekennzeichnet, die durch Grenzlinien voneinander getrennt sind. Der genaue Verlauf dieser Grenzlinien ist nur näherungsweise bekannt.

[11] Verschiedene Parametrisierungen von Partonverteilungen findet sich z.B. in [GLÜ90], [PLO92], [MAR93], [MAR93a], [MAR93b], sowie in [BLÜ93].

In den vier Regionen gelten verschiedene theoretische Ansätze zur Beschreibung der QCD-Prozesse - siehe z.B. [BAR91], [LEV91a], [LEV92]:

- **Region A** ist das Gebiet der Standard-QCD-Entwicklung, wo Q^2 hinreichend groß und α_s entsprechend klein ist, so daß eine störungstheoretische Beschreibung mit der LLA(Q^2)-Näherung[12] möglich ist. Die Entwicklungsgleichung, die für diesen kinematischen Bereich verwendet wird, ist die von Gribov, Lipatov, Altarelli und Parisi beschriebene GLAP-Gleichung, in der die Splitting-Funktionen der Quarks und Gluonen P_{qq}, P_{qg}, P_{gq} und P_{gg} die Dynamik der Kopplungsprozesse $q \to qq$, $q \to qg$, $g \to gq$ und $g \to gg$ beschreiben. Ergebnisse von DIS-Experimenten, die in dieser kinematischen Region liegen, werden durch die störungstheoretische QCD-Entwicklung mit der GLAP-Gleichung gut beschrieben. Für den Bereich kleiner x wird in dieser Region eine Impulsverteilung der Gluonen (und Seequarks) entsprechend

$$xq_g \sim x^{-\lambda} \tag{1.34}$$

mit $\lambda \simeq 0.5$ erwartet (Lipatov-Verhalten).

- **Region B** ist die Übergangsregion zu kleineren x-Werten bei mittlerem Q^2 in denen die LLA(Q^2)-Entwicklung der QCD mit einigen Einschränkungen, wie z.B. der Berücksichtigung von nichtlinearen Termen in der Entwicklungsgleichung, noch gültig ist. Die Beschreibung durch die Standard-QCD-Entwicklung, ausgehend von der GLAP-Gleichung würde ohne einen nichtlinearen Korrekturterm im kinematischen Bereich kleiner x eine unphysikalisch hohe Dichte der Gluonen vorhersagen.[13] Eine Entwicklungsgleichung, die lineare und nichtlineare Terme enthält, ist die von Gribov, Levin und Ryskin beschriebene GLR-Gleichung. Durch den nichtlinearen Term in der GLR-Gleichung können Effekte der Rekombination oder Annihilation von Gluonen berücksichtigt werden, die bei kleinen x erwartet werden. Diese durch die Wechselwirkung von Gluonen untereinander hervorgerufenen Effekte, die auch als Screening- oder Shadowing-Effekte bezeichnete werden, führen zu einer Dämpfung der Gluonendichte und stehen im Widerspruch zur Standard-QCD-Entwicklung, bei der die Partonen als freie Teilchen behandelt werden. Der nichtlineare Term in der GLR-Gleichung enthält einen experimentell zu bestimmenden Radius-Parameter, der ein Maß für den Beginn der Überlappung der Gluonen ist.

- **Region C** ist das experimentell und theoretisch interessante Gebiet kleiner x und hinreichend großer Q^2, in dem es bisher keine auf der QCD basierende Theorie gibt. Die Gluonensättigung und -rekombination wird hier im gesamten Proton erreicht sein. Für Werte von $Q^2 > Q_0^2$ ist es allerdings denkbar, das auch neue Effekte in diesem Gebiet durch die Standard-QCD-Entwicklung mit störungstheoretischem Ansatz beschrieben werden können.

[12] LLA bedeutet die Approximation der Entwicklungsgleichung für $Q_0^2 \to Q^2$ nach dem führenden Logarithmus-Term von Q^2 (Leading-Log-Approximation).

[13] Der totale Wirkungsquerschnitt der virtuellen Photon-Proton-Streuung würde stärker wachsen als das Quadrat des Protonenradius, was eine Verletzung der Unitarität bedeutet - siehe z.B. [FEL92].

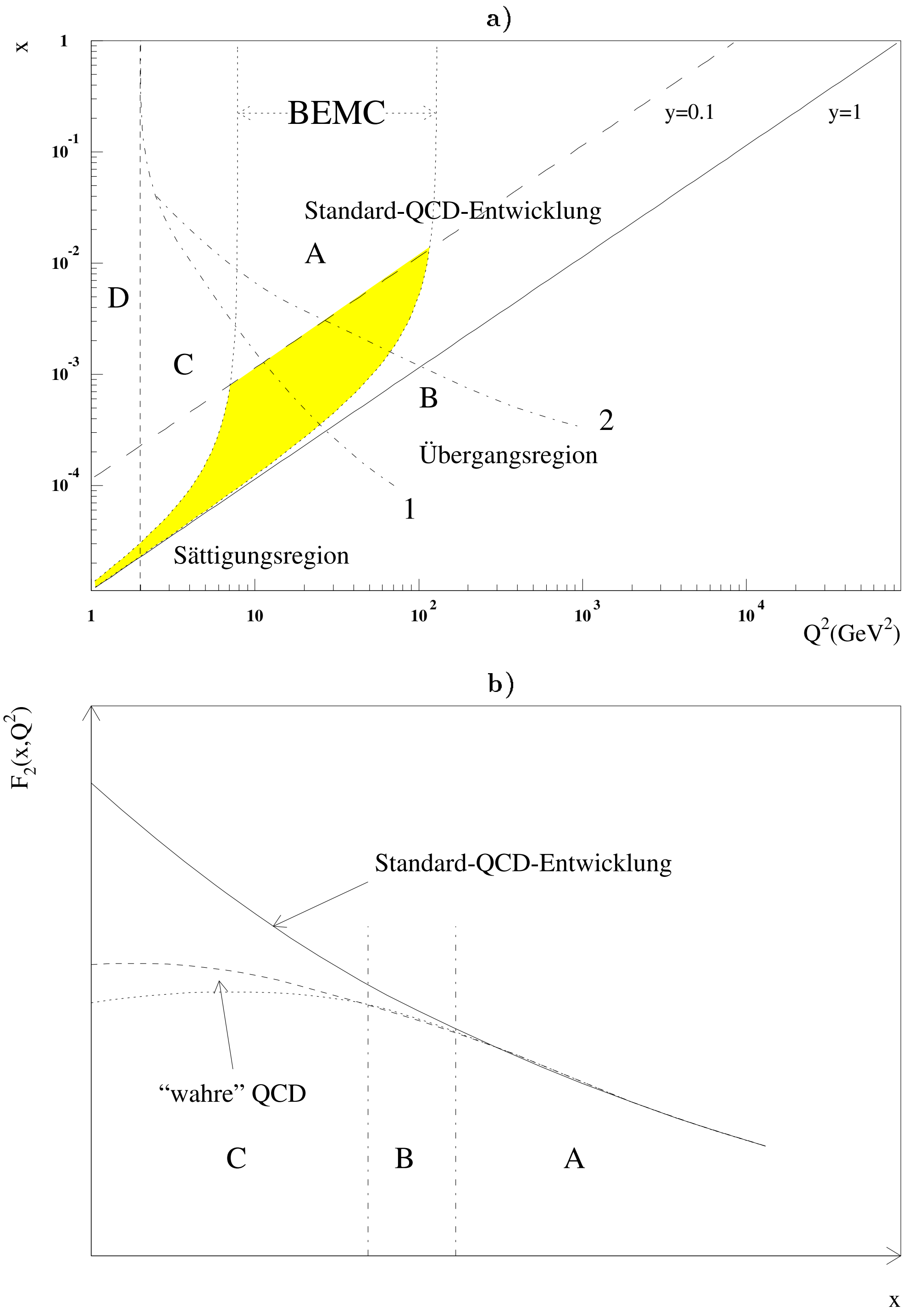

Abb. 1.4: **Strukturfunktion des Protons für kleine x**
a) zeigt die Bereiche unterschiedlicher theoretischer Beschreibung der Prozesse in der x,Q^2-Ebene - der Akzeptanzbereich des BEMC ist hervorgehoben und **b)** zeigt das schematisierte Verhalten der Strukturfunktion F_2 des Protons als Funktion von x bei festem Q^2 (ca. $3 \leq Q^2 \leq 80\,\mathrm{GeV}^2$). Beide Abbildungen sind in Anlehnung an [BAR91] entstanden.

- **Region D** ist das Gebiet in dem ein störungstheoretischer Ansatz zur Beschreibung der QCD-Prozesse nicht möglich ist. Hier wird die Regge-Theorie zur Beschreibung der Phänomene herangezogen. Im einfachen Regge-Parton-Modell folgt für die Gluonverteilung mit dem Regge-Pol bzw. der Pomeron-Trajektorie $\alpha_{\mathrm{P}}(0) \simeq 1$:

$$\mathrm{xq_g} \sim \mathrm{x}^{1-\alpha_{\mathrm{P}}(0)} = \mathrm{konstant} \tag{1.35}$$

  Würde sich in diesem Bereich auch ein Verhalten der Gluondichte gemäß Gl. 1.34 im Experiment zeigen, so wäre dies ein Indiez für die Existenz eines sogenannten Lipatov-Pomerons mit $\alpha_{\mathrm{P}} - 1 = \lambda$.

Da der genaue Verlauf der Grenzlinien nur näherungsweise bekannt ist, kann es sein, daß die Sättigungsregion erst bei noch kleineren x und Q^2, als es in der Abbildung dargestellt ist, erreicht wird.
In Abb. 1.4 b) ist der Einfluß der Dämpfung der Gluonendichte in der Übergangs- und Sättigungsregion auf die Strukturfunktion F_2 für verschiedene x schematisch dargestellt. Der wesentliche Effekt der Dämpfung ist eine für kleine x konstante oder sogar schwach abnehmende Strukturfunktion F_2, die im Widerspruch zu der auch für kleine x stark ansteigenden Strukturfunktion der Standard-QCD-Entwicklung steht.
Abb. 1.4 a) zeigt, daß der Akzeptanzbereich des BEMC in der x,Q^2-Ebene Teilbereiche der Regionen A, B und C überdeckt. Es ist daher eventuell möglich mit dem BEMC die Strukturfunktion F_2 in Abhängigkeit von x in der in Abb. 1.4 b) dargestellten Weise zu messen und die Gültigkeit der verschiedenen F_2-Parametrisierungen zu überprüfen.

Erste Ergebnisse der Messungen der tiefunelastischen ep-Streuung bei kleinen x am H1-Detektor liegen inzwischen vor [H1C92d], [H1C93c], [H1C93e] und zeigen einen klaren Anstieg von F_2 für kleine x-Werte im Bereich von 10^{-2} bis $\cdot 10^{-4}$ bei Q^2-Werten zwischen $8.5\,\mathrm{GeV}^2$ und $60\,\mathrm{GeV}^2$ - siehe Abb. 1.5 a)-d) - und im Vergleich mit verschiedenen Parametrisierungen von Partonverteilungen eine gute Übereinstimmung mit den Annahmen der GRV- und MRSD$^{-\prime}$-Parametrisierung - siehe [H1C93c]. Aus den Meßdaten von 1992 konnte auch ein schwacher linearer Anstieg der Strukturfunktion F_2 mit $\ln Q^2$ bestimmt und damit die Verletzung des Skalierungsverhaltens von F_2 gemessen werden [H1C93e].
Entsprechende Meßergebnisse der tiefunelastischen ep-Streuung bei kleinen x vom ZEUS-Experiment sind in [ZEU93e] und [ZEU94c] beschrieben.

1.5 Weitere Physik bei HERA

Neben der Analyse der Strukturfunktion F_2 gibt es noch weitere interessante Aspekte der tiefunelastischen ep-Streuung, wie z.B. die Analyse radiativer Ereignisse oder die Messung von CC-Ereignissen, die bei HERA untersucht werden können.
Bei radiativen Ereignissen wird vor bzw. nach der Wechselwirkung des Elektrons mit dem Proton ein reales Photon vom Elektron abgestrahlt. Die Ereignisse mit einer Abstrahlung des Photons im Anfangszustand sind interessant, da sich hier die Schwerpunktsenergie der ep-Streuung verringert und somit ein neuer kinematischer Bereich der ep-Streuung zugänglich wird. Eine besondere Klasse von radiativen Ereignissen sind die sogenannten QED-Compton-Ereignisse, bei denen die Wechselwirkung zwischen dem Elektron, das ein reales

Photon abgestrahlt hat, und dem Proton von einem quasirealen Photon mit $Q^2 \rightarrow 0\,\mathrm{GeV}^2$ vermittelt wird. Bei diesen Ereignisse wird das Elektron und das abgestrahlte Photon vorwiegend in den Rückwärtsbereich des H1-Detektors gestreut, wobei die Energiesumme aus Elektron- und Photonenergie gleich der nominellen Energie des Elektronenstrahl ist und sich die Transversalimpulse von Elektron und Photon ballancieren. Erste Ergebnisse der Untersuchung von radiativen Ereignissen aus den 1992 mit dem H1-Detektor aufgenommenen Daten sind in [FAV93] und [FLE94], Untersuchungen von QED-Compton-Ereignisse sind in [COU92] und [COU93] beschrieben
Die Untersuchung von CC-Ereignissen bei HERA ermöglicht erstmalig die Bestimmung des Wirkungsquerschnittes der Reaktion $e\ p \longrightarrow\ \nu\ X$ bei hohen Impulsüberträgen. Erste Ergebnisse der Messung von CC-Ereignissen sind in [H1C94] bzw. [HAP94] beschrieben.
Neben der Untersuchung der tiefunelastischen ep-Streuung bietet HERA auch die Möglichkeit andere physikalische Prozesse, wie Ereignisse aus der Photoproduktion, sowie hadronische Endzustände zu untersuchen und sich an der Suche nach neuen Teilchen (Leptoquarks und Supersymmetrie-Teilchen) zu beteiligen.

Photoproduktion Ereignisse aus der Photoproduktion, d.h. aus der Wechselwirkung eines quasirealen Photons von $Q^2 \rightarrow 0\,\mathrm{GeV}^2$ mit dem Proton, treten bei HERA mit der höchsten Rate aller physikalischen Prozesse auf. Von besonderer Bedeutung ist die Bestimmung des totalen Wirkungsquerschnittes $\sigma^{\mathrm{total}}_{\gamma-\mathrm{p}}$, die bei HERA bis zu einer maximalen Schwerpunktsenergie von $W_{\gamma-\mathrm{p}} \sim 300\,\mathrm{GeV}$ möglich ist und damit um einen Faktor 10 höher liegt, als bei den bisherigen $\sigma^{\mathrm{total}}_{\gamma-\mathrm{p}}$-Messungen. Erste Ergebnisse aus den Meßdaten des H1-Detektors von 1992 zeigen, daß einige theoretische Beschreibungen der Energieabhängigkeit des totalen γ-p-Wirkungsquerschnittes, wie extreme Minijet-Modelle, die einen starken Anstieg des totalen Wirkungsquerschnitts bei größerer Schwerpunktsenergie vorhersagen, mit den Daten nicht übereinstimmen [H1C92b].
Aus dem Vergleich der Verteilungen der Pseudorapidität[14] und des Transversalimpulses der bei der γ-p-Wechselwirkung entstehenden Endzustände mit verschiedenen theoretischen Beschreibungen kann auf die dominierenden Prozesse bei hohen Schwerpunktsenergien geschlossen werden. Theoretische Beschreibungen unterscheiden "weiche" Prozesse, die durch das Vektor-Dominanz-Modell (VDM) beschrieben werden und "harte" Prozesse. "Harte" Prozesse beschreiben direkte, d.h. elektromagnetische Wechselwirkungen, wie die Photon-Gluon-Fusion oder die QCD-Compton-Streuung, und Prozesse, bei denen eine Wechselwirkung der partonischen Struktur des Photons, d.h. von Gluonen oder Quarks, mit den Partonen des Protons stattfindet. Erste Daten, die mit dem H1-Detektor genommen wurden, zeigen, daß sich die Verteilungen nur durch die Kombination von "weichen" und "harten" Prozessen beschreiben lassen, wobei die "harten" Prozesse dominieren [H1C92a].
HERA bietet also die Möglichkeit die partonische Struktur des Photons aufzulösen und den partonischen Inhalt, d.h. die Strukturfunktion des Photons, zu messen - siehe z.B. [BUS93]. Die Messung der Strukturfunktion des Photons kann z.B. über die Bestimmung des Jet-Wirkungsquerschnitts aus der Photoproduktion und den Vergleich mit theoretischen Beschreibungen, in denen sowohl "weiche" als auch "harte" γ-p-Prozesse berücksichtigt werden, erfolgen. Erste Ergebnisse des H1-Detektors von 1992 ermöglichen die

[14] Die Pseudorapidität η ist definiert als: $\eta = -\ln(\tan\frac{\theta}{2})$

Diskussion verschiedener Strukturfunktionen des Photons - siehe [H1C93a] und [H1C94a]. Die Photoproduktion von J/Ψ Mesonen ist in [H1C94e] beschrieben.
Ergebnisse der Messungen von Ereignissen aus der Photoproduktion mit dem ZEUS-Detektor sind in [ZEU92], [ZEU92a], [ZEU93f] und [ZEU94] beschrieben.

Hadronische Endzustände Die Untersuchung des Energieflusses und der Charakteristik des Transversalimpulses von hadronischen Endzuständen bei HERA, bietet die Möglichkeit, Vorhersagen der QCD mit unterschiedlichen Beschreibungen der Fragmentation in Hadronen, zu überprüfen. Die wesentlichen theoretischen Modelle, die die hadronische Fragmentation beschreiben, sind das "Parton-Shower"-Modell (PS), in dem eine der Bremsstrahlung ähnliche Abstrahlung von Gluonen beschrieben wird, das "Color-Dipol"-Modell (CDM), in dem angenommen wird, daß sich eine Kette Farbdipole ausbildet, die von einem Farbdipol zwischen dem Quark an dem gestreut wurde und dem Proton-"Rest" ausgehen und Gluonen abstrahlen. Im "Matrixelement und Parton-Shower"-Modell (ME+PS) wird die Gluonabstrahlungen und -fusionen exakt bis zur Ordnung α_s berechnet und die zusätzliche Emission von "weichen", energiearmen Gluonen mit dem PS-Modell beschrieben. Der Vergleich der Transversalimpuls-, Pseudorapiditäts- und Winkelverteilungen von Meßdaten mit dem H1-Detektor, die 1992 aufgenommen wurden, mit den theoretischen Vorhersagen der oben genannten Modelle zeigt, daß die Daten gut durch das "Color-Dipol"- und das "Matrixelement und Parton-Shower"-Modell bschrieben werden [H1C92c], [H1C94b].
Untersuchungen der Raten von Multijet-Ereignissen, die im H1-Detektor gemessen wurden, zeigen ebenfalls eine gute Beschreibung der Daten durch das "Matrixelement und Parton-Shower"-Modell [H1C93d].
Ergebnisse aus der Untersuchung von hadronischen Endzuständen, die mit dem ZEUS-Detektor gemessen wurden, sind in [ZEU93a] und [ZEU93b] beschrieben.

Suche nach neuen Teilchen Die Suche nach neuen Teilchen mit dem H1-Detektor, zeigte bisher keine Evidenz für die Existenz von Leptoquarks, Leptogluonen, sowie angeregten Elektronen und Neutrinos innerhalb der Massengrenzen, die je nach Teilchen zwischen 100 und 250 GeV variieren - siehe [H1C93] und [H1C94d].
Entsprechende Ergebnisse, die mit dem ZEUS-Detektor erzielt wurden, sind in [ZEU93] und [ZEU93c] beschrieben.

Ereignisse mit Rapiditätslücke Aus der Fragmentation, der nicht an der harten ep-Streuung beteiligten Partonen erwartet man einen signifikanten Energiefluß in Richtung des auslaufenden Protons bzw. auch im Gebiet zwischen dem Protonjet und dem Stromjet. Für einen kleinen Teil der Ereignisse wird jedoch keinerlei Energiefluß in der Nähe des Protonjets gemessen. Die Differenz $\Delta\eta$ der Pseudorapidität dieser Ereignisse zur maximalen Pseudorapidität zeigt eine deutliche Diskrepanz zwischen den Messungen und den theoretischen Erwartungen. Die Ereignisse mit dieser Rapiditätslücke werden der diffraktiven ep-Streuung zugeordnet. Erste Beschreibungen dieser Ereignisse finden sich in [H1C94c], sowie in [ZEU93d], [ZEU94a] und [ZEU94b].

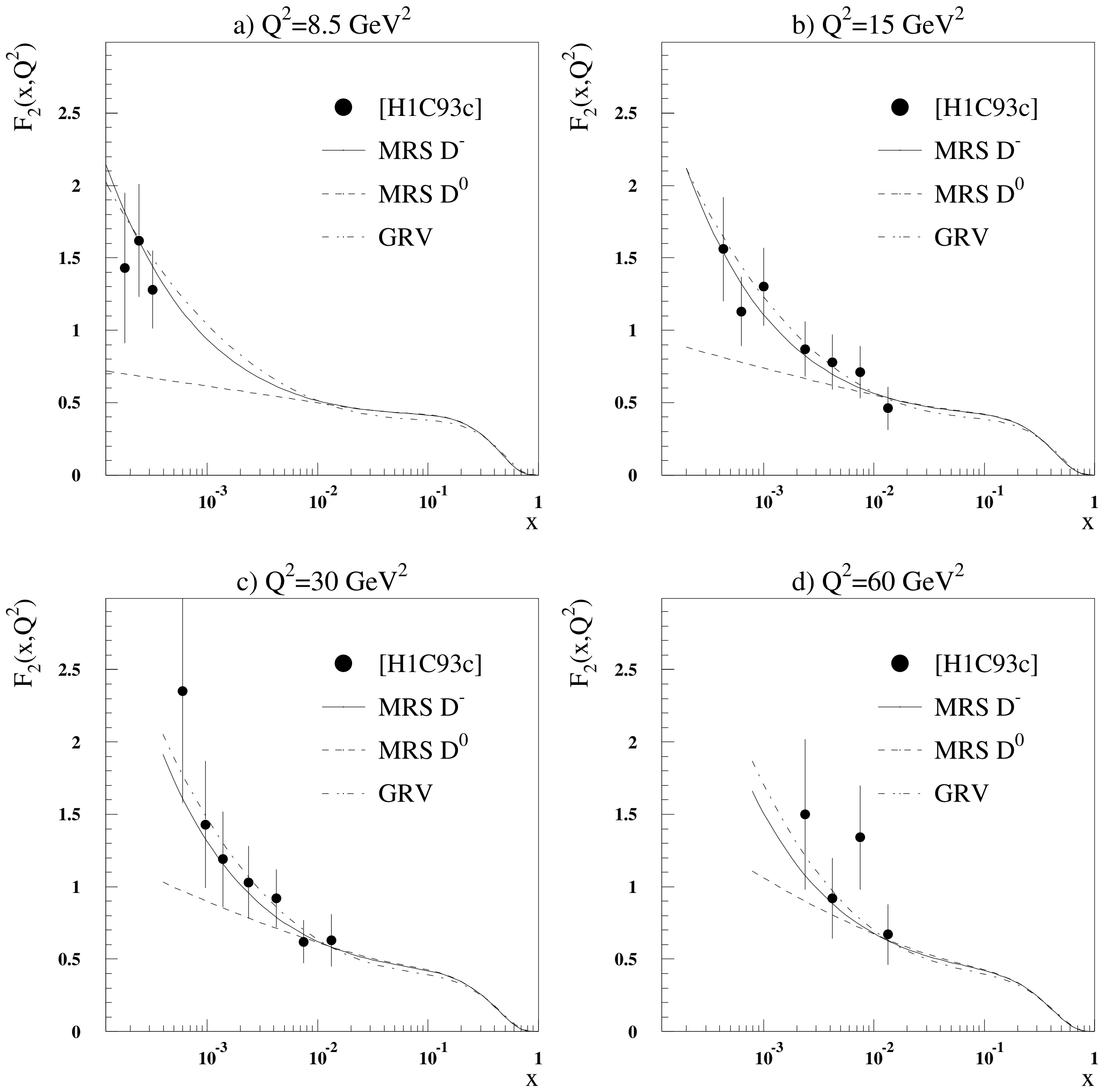

Abb. 1.5: **Ergebnisse der F_2-Messung mit den 1992er Daten des H1-Detektors**
Für die Q^2-Werte 8.5 GeV^2 **a)**, 15 GeV^2 **b)**, 30 GeV^2 **c)** und 60 GeV^2 **d)** sind die Ergebnisse der F_2-Bestimmung mit den 1992er Daten des H1-Detektors nach [H1C93c] im Vergleich zu drei theoretischen F_2-Parametrisierungen - siehe [MAR93], [MAR93a], [GLÜ90] - dargestellt.
Die Meßergebnisse zeigen einen Anstieg von F_2 bei kleinen x-Werten, der auch von den Parametrisierungen MRS D$^-$ und GRV vorhergesagt wird.

Kapitel 2

Das H1-Experiment

2.1 Der HERA-Speicherring

Im Speicherring HERA werden Elektronen einer Energie von 26.7 GeV mit Protonen einer Energie von 820 GeV zur Kollision gebracht. Die Elektron- und Protonstrahlen werden in zwei separaten Ringen, die in einem 6.3 km langen Ringtunnel übereinander angeordnet sind, gespeichert. Die Fokussierung der Teilchenstrahlen erfolgt für die Protonen mit supraleitenden und für die Elektronen mit normalleitenden Magneten. In zwei von insgesamt vier vorgesehenen Wechselwirkungsbereichen werden die gespeicherten Strahlen so abgelenkt, daß sie in einem gemeinsamen Strahlrohr verlaufen und frontal zur Kollision gebracht werden können. Um diese Wechselwirkungsbereiche sind die Detektoren H1 (Halle Nord) und ZEUS (Halle Süd) aufgebaut, mit denen möglichst alle Teilchen, die bei der Kollision entstehen, erfaßt und charakteristische Größen der registrierten Teilchen, wie Energie, Impuls, Ladung und Flugrichtung bestimmt werden sollen.
Die Vorbeschleunigung der Protonen und Elektronen auf Energien von 40 GeV bzw. 12 GeV erfolgt in Linearbeschleunigern und den Ringanlagen DESY und PETRA. In Abb. 2.1 ist der HERA-Speicherring mit den Vorbeschleunigern schematisch dargestellt und in Tab. 2.1 sind einige wichtige HERA-Parameter aufgeführt. Für das Erreichen der Design-Luminosität sollen die Elektronen und Protonen in je 210 Teilchenpaketen mit ca. 10^{10}-10^{11} Teilchen pro Paket (Bunch) umlaufen und zur Kollision gebracht werden.[1] Der zeitliche Abstand der Teilchenpakete bzw. der Abstand zwischen den Bunchcrossings im Wechselwirkungspunkt (Vertex) beträgt 96 ns, was einer Frequenz von 10.4 MHz entspricht.
Bei der Datennahme 1992 wurden 10 Elektron- und 10 Proton-Bunche gespeichert, von denen je 9 zur ep-Kollision verwendet wurden - jeweils ein Elektron- bzw. Proton-Bunch hatte keinen Kollisionspartner. Diese als Pilot-Bunch bezeichneten Teilchenpakete dienen der Messung von Untergrundereignissen in den Detektoren, die aus der Wechselwirkung der Protonen und Elektronen mit dem Restgas im Strahlrohr und dem Strahlrohr selbst stammen, oder durch Synchrotronstrahlung der Elektronen erzeugt werden. Die von HERA bei der Datennahme 1992 produzierte integrierte Luminosität lag bei ca. $56\,\mathrm{nb}^{-1}$, wobei im H1-Detektor eine integrierte Luminosität von $35\,\mathrm{nb}^{-1}$ gemessen wurde.[2] Für die Datennahme 1993 lieferte HERA unter verbesserten Strahlbedingungen bei je 84 kollidierenden Teilchenpaketen eine integrierte Luminosität von ca. $880\,\mathrm{nb}^{-1}$, wobei im H1-Detektor eine integrierte Luminosität von $529\,\mathrm{nb}^{-1}$ gemessen wurde.

[1] Die integrierte Jahresluminosität liegt dann bei ca. $200\,\mathrm{pb}^{-1}$.
[2] Für die F_2-Analyse wurde nach Selektion der als gut charakterisierten Runs eine integrierte Luminosität von ca. $22.5\,\mathrm{nb}^{-1}$ verwendet.