Inhaltsverzeichnis

Abbildungsverzeichnis

Kapitel 1

Einleitung

Die Frage nach dem Aufbau der Materie beschäftigt die Menschheit wahrscheinlich schon so lange wie die nach dem Sinn des Lebens. Ist Materie homogen aufgebaut und kann sie in beliebig viele und beliebig kleine Fragmente aufgeteilt werden oder ist sie aus elementaren Teilen zusammengesetzt, die ihrerseits nicht mehr aufgeteilt werden können? Die Elementarteilchenphysik sucht nach diesen kleinsten Teilen und deren Wechselwirkungen untereinander.

Zu diesem Zweck werden seit dem Versuch von Rutherford 1911 [Rut 11] Streuexperimente durchgeführt. Rutherford streute α-Teilchen an einer Goldfolie und konnte zeigen, daß das Atom aus einem positiv geladenen Kern und einer negativ geladenen Elektronenhülle besteht. In heutigen Experimenten werden hochenergetische Teilchenstrahlen auf ruhende Targets geschossen oder mit anderen beschleunigten Teilchen zur Kollision gebracht. Häufig werden Streuexperimente mit Elektronen durchgeführt, da Elektronen zwar eine Ladung tragen und Masse besitzen, aber nach heutiger Kenntnis keine Ausdehnung haben. Dadurch, daß beide Reaktionspartner beschleunigt werden, kann der maximal mögliche Impulsübertrag erhöht werden, der nach der Heisenbergschen Unschärferelation [Hei 27]

$$\Delta x \cdot \Delta p \geq \frac{\hbar}{2}$$

die Ortsauflösung begrenzt. Bei den Streuexperimenten der im folgenden Abschnitt beschriebenen Speicherringanlage HERA werden erstmalig sowohl Elektronen als auch Protonen beschleunigt und zur Kollision gebracht.

1.1 Die Speicherringanlage HERA

Am **D**eutschen **E**lektronen–**Sy**nchrotron DESY in Hamburg werden in der **H**adronen–**E**lektronen–**R**ing–**A**nlage HERA, die in Abbildung 1.1 dargestellt ist, Elektronen an Protonen gestreut. Mit Hilfe einer Reihe von Vorbeschleunigern werden Elektronen auf eine Nominalenergie von 30 GeV und Protonen auf eine Nominalenergie von 820 GeV gebracht und in den 6,3 km langen Speicherring eingeschossen. Dort existieren vier Wechselwirkungszonen, in denen die gegenläufigen Teilchenstrahlen zur Kollision gebracht werden können. Bei der resultierenden Schwerpunktsenergie von 314 GeV liegt der maximale quadratische Impulsübertrag bei $Q^2 \approx 10^5$ GeV^2/c^2, wodurch eine Ortsauflösung Δx von etwa 10^{-18} m

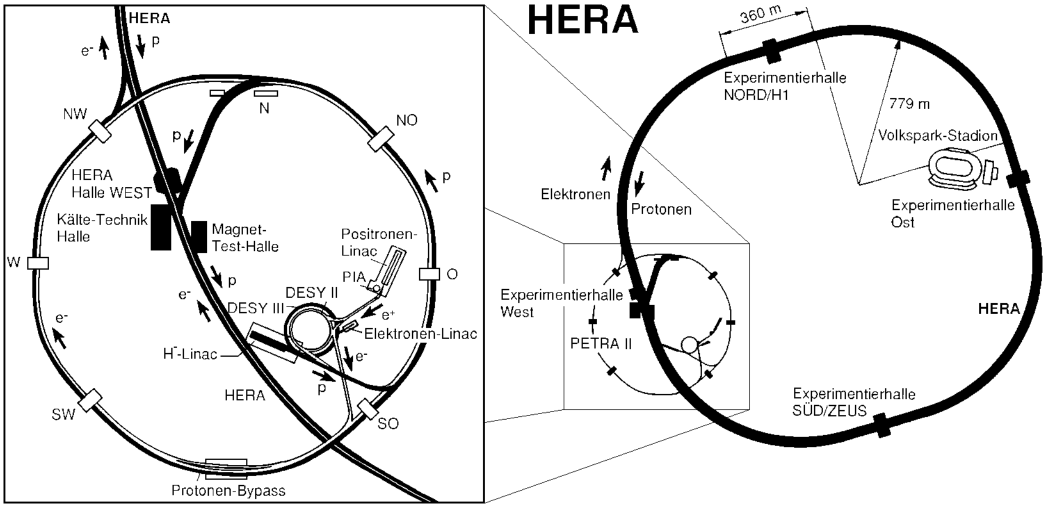

Abbildung 1.1: *Skizze des Speicherringes HERA*

ermöglicht wird. Im Vergleich zu früheren Experimenten mit ruhenden Targets bedeutet dies eine Verbesserung der Ortsauflösung um eine Größenordnung.

HERA bietet mit diesen Daten die Möglichkeit, verschiedene Fragestellungen der Elementarteilchenphysik zu untersuchen [H1a 93]:

- Messung der Protonstrukturfunktion in einem weiten kinematischen Bereich
- Bestimmung der Q^2–Abhängigkeit der Kopplungskonstanten α_s
- Suche nach neuen Teilchen
- Suche nach Substrukturen von Quarks und Elektronen
- Bestimmung der hadronischen Struktur des Photons

Um dieses physikalische Programm durchzuführen, benötigt man sehr komplexe Detektoren, die in den vier Experimentierhallen aufgebaut werden können. Bei HERA stehen im Moment die beiden Detektoren H1 und ZEUS zur Verfügung. H1 nahm 1992 seinen Betrieb auf und soll im folgenden beschrieben werden.

1.2 Der H1-Detektor

Der H1–Detektor ist in perspektivischer Ansicht in Abbildung 1.2 dargestellt. Man erkennt den longitudinal asymmetrischen Aufbau, der eine Konsequenz der Bewegung des Schwerpunktes der Reaktionspartner in Protonflugrichtung ist. Aus diesem Grunde wird die Protonflugrichtung auch als die Vorwärtsrichtung bezeichnet; der Winkel ϑ wird als Polarwinkel zur Protonflugrichtung definiert. Unter der Rückwärtsrichtung versteht man entsprechend die Elektronflugrichtung.

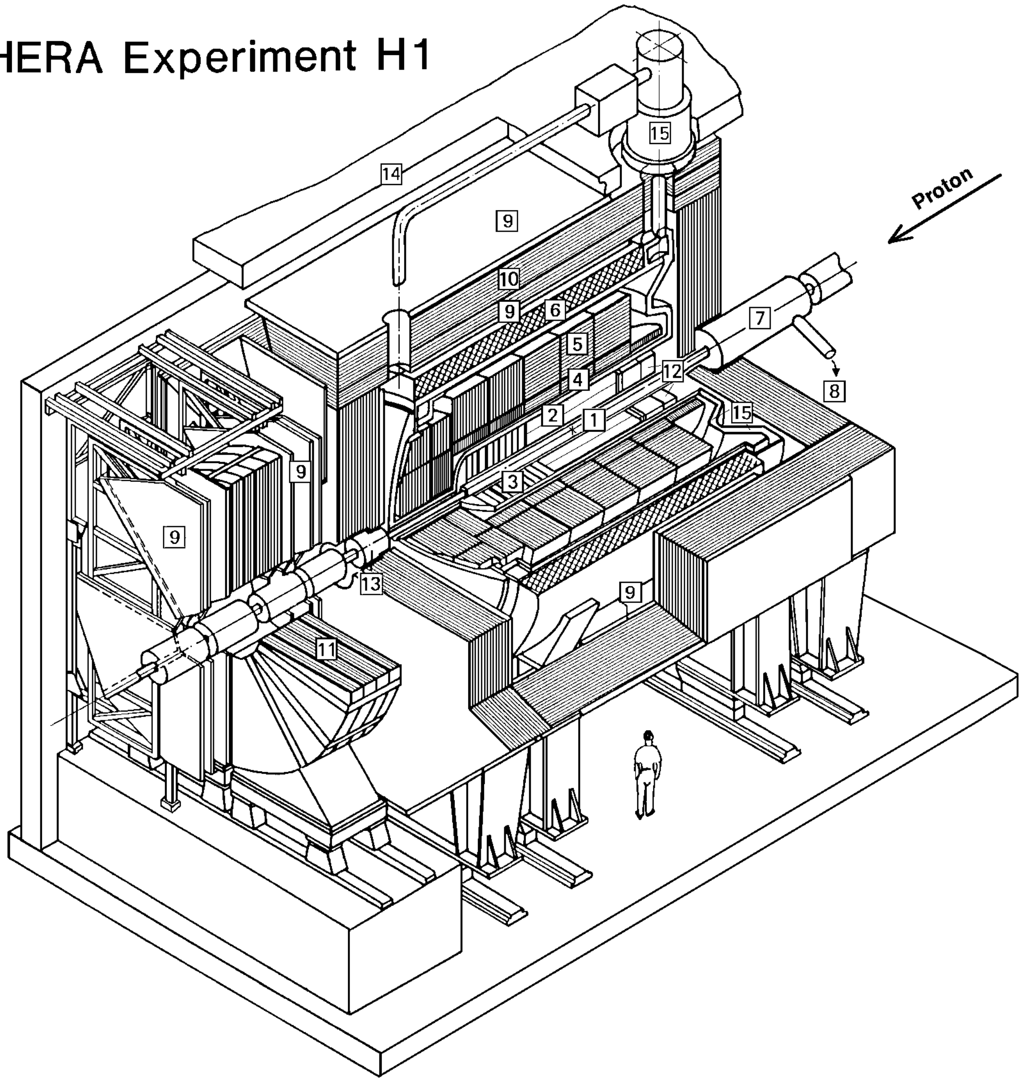

Abbildung 1.2: *Perspektivische Ansicht des H1-Detektors*

Um den Wechselwirkungspunkt (1) herum befinden sich die zentralen Spurkammern (2) und weiter vorn die Vorwärtsspurkammern (3), die zur Impuls- und Winkelmessung einzelner geladener Teilchen mit einer Genauigkeit von $\sigma_p/p^2 \approx 0,3\%$ und $\sigma_\vartheta \approx 1$ mrad benutzt werden. Die Spurkammern sind von einem Flüssig–Argon–Kalorimeter umgeben, das durch einen Kryostaten (15) auf eine Temperatur von ungefähr T=90 K gebracht wird. Es handelt sich um ein Sandwichkalorimeter[1], das in einen elektromagnetischen Bereich mit Bleiabsorberplatten (4) und einen hadronischen Bereich mit Edelstahlabsorberplatten (5) aufgeteilt ist. Als Nachweismedium dienen mit flüssigem Argon gefüllte Ionisationskammern. Dieses Kalorimeter erreicht eine Energieauflösung von $\sigma_E/E = 12\%/\sqrt{E}$ im elektromagnetischen und $\sigma_E/E = 50\%/\sqrt{E}$ im hadronischen Teil [H1a 93]. Eine zylindrische, supraleitende Magnetfeldspule (6) erzeugt im gesamten bisher beschriebenen Bereich ein solenoides Ma-

[1]Siehe Kapitel 2.2.

gnetfeld mit einer Stärke von B≈1,2 T, das zur Bestimmung von Ladung und Impuls der Reaktionsprodukte benötigt wird. Das Strahlrohr ist von einem Kompensationsmagneten (7) umgeben. Dieser erzeugt ein Feld, dessen longitudinales Integral $\int B_z \, dz$ entgegengesetzt gleich zu dem des Hauptmagneten ist. Dadurch werden Einflüsse des H1–Magneten auf die Strahlführung des Speicherringes minimiert. Das zur Rückführung des magnetischen Flusses benutzte Eisenjoch (10) ist mit Streamer–Kammern instrumentiert, mit denen hochenergetische hadronische Schauer, die nicht ihre gesamte Energie im hadronischen Kalorimeter abgegeben haben, und Myonen nachgewiesen werden können. Zum Nachweis von Myonen ist der gesamte Detektor außerdem von Myon–Kammern (9) umgeben. Um in der extremen Vorwärtsrichtung den Myonenimpuls mit ausreichender Genauigkeit messen zu können, ist ein zusätzlicher Myon–Toroid–Magnet (11) eingebaut, der ein Feld von etwa 1,6 T erzeugt. Eine Betonabschirmung (14) schließt den gesamten Detektor nach außen hin ab.

Mit dem Flüssig–Argon–Kalorimeter wird ein Raumwinkel von $4° < \vartheta < 153°$ abgedeckt. Im vorderen Detektorbereich steht für kleine Winkel $0,7° < \vartheta < 3,3°$ das Silizium–Kalorimeter PLUG[2] (13) zur Verfügung. Im hinteren Bereich befindet sich das rückwärtige elektromagnetische Kalorimeter BEMC[3] (12), das den Raumwinkelbereich $151° < \vartheta < 177°$ abgedeckt. Da dieses Kalorimeter durch ein Spaghetti–Kalorimeter SpaCal[4] ersetzt werden soll, wird es im folgenden Abschnitt genauer beschrieben.

1.3 BEMC und SpaCal

Die Aufgabe des rückwärtigen elektromagnetischen Kalorimeters BEMC besteht hauptsächlich darin, durch tiefinelastische Prozesse unter kleinen Winkeln gestreute Elektronen nachzuweisen [H1a 93].

Das BEMC besteht aus 88 Sandwichmodulen, die jeweils aus 50 Lagen Szintillatorplatten und 49 Lagen Blei zusammengesetzt sind. Abbildung 1.3 zeigt den Aufbau des BEMC bei einem Schnitt senkrecht zur Strahlachse. Das Szintillationslicht wird über Wellenlängenschieber in den hinteren Teil geführt und von Photodioden ausgelesen. Die Größe der 56 inneren Module beträgt 160 mm·160 mm·390 mm. Das BEMC ist in longitudinaler Richtung 22,5 Strahlungslängen lang, die Energieauflösung beträgt $\sigma_E/E = 10\%/\sqrt{E}$. Die Genauigkeit der absoluten Energieskala wird mit $\leq 2\%$ angegeben [H1a 93]. Aufgrund des relativ großen Molière–Radius von 3,4 cm und der Strahlungslänge von 1,7 cm beträgt der effektiv nutzbare Winkelbereich nur $156° < \vartheta < 174°$ [BEM 92]. Der Molière–Radius ist ein Maß für die transversale Ausbreitung, die Strahlungslänge für die longitudinale Ausbreitung eines Schauers[5]. Es existiert folglich ein Winkelbereich von etwa $153° < \vartheta < 156°$, in dem der Überlapp mit dem Flüssig–Argon–Kalorimeter ungenügend ist.

Eines der Hauptziele für HERA ist die Erforschung der Protonstrukturfunktion bei kleinen Werten der Bjørken–Variablen x_B. x_B gibt im Standardmodell den Anteil des vom gestreuten Parton getragenen Protonenimpulses an. HERA eröffnet einen bisher unerforschten Bereich der tiefinelastischen Streuung bei kleinen Werten $x_B \approx 10^{-4}$ und moderatem

[2] plug, *engl.* für Stöpsel.
[3] **B**ackward **E**lectro–**M**agnetic **C**alorimeter.
[4] **Spa**ghetti–**Cal**orimeter.
[5] Siehe hierzu auch Kapitel 2.1.1.

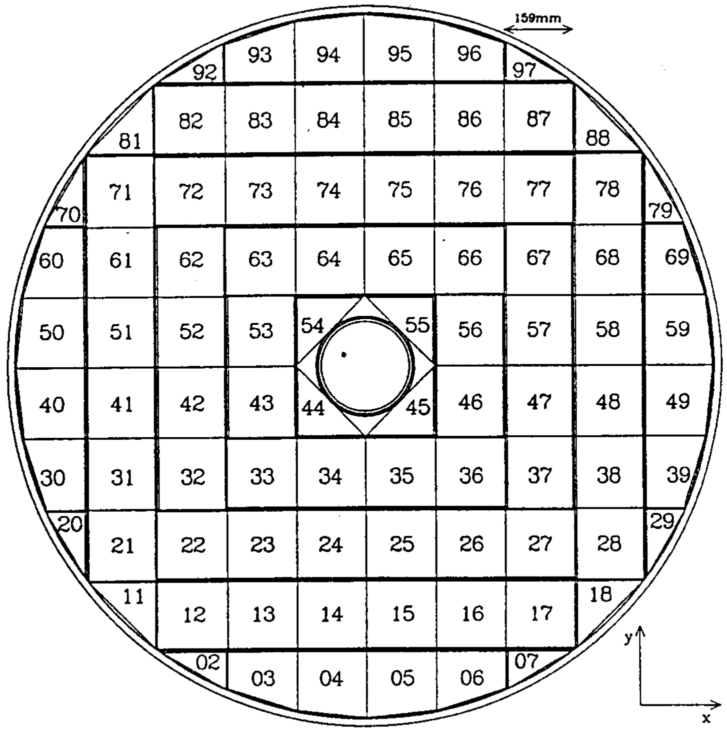

Abbildung 1.3: *Schnitt durch das BEMC senkrecht zur Strahlachse [BEM 92]*

Impulsübertrag $Q^2 \approx 10$ GeV^2. Durch die steigende Partondichte bei kleinem x_B kann die Altarelli–Parisi–Entwicklung nicht mehr angewandt werden, so daß es zu einer Reihe offener Fragen kommt. Weiterführende Informationen über die Physik bei kleinen Werten für x_B können bei [Lev 92] nachgelesen werden.

Ereignisse mit kleinem x_B zeichnen sich dadurch aus, daß sich sowohl das gestreute Elektron als auch der Hadronenjet in Rückwärtsrichtung bewegen. Um die Kinematik solcher Ereignisse in befriedigender Genauigkeit rekonstruieren zu können, werden an den rückwärtigen Detektor hohe Anforderungen gestellt [H1b 93]:

- Nachweis von Elektronen im Winkelbereich bis zu $\vartheta \approx 178°$ bei einer Energieauflösung von 2% bei 30 GeV. Die absolute Energieskala sollte dabei auf 1% genau bestimmt werden können

- Messung der Flugzeit vom Zeitpunkt der Kollision bis zur Energiedeposition im Kalorimeter mit einer Genauigkeit von etwa 1 ns

- Der Molière–Radius sollte maximal 2 cm betragen, um Energieleckverluste am Rand des Kalorimeters, speziell am Strahlrohr, klein zu halten

- Die Strahlungslänge sollte maximal 1 cm betragen, um den Winkelüberlapp zum hinteren Teil des Flüssig–Argon–Kalorimeters zu verbessern

- Die Granularität, die die transversale Aufteilung angibt, sollte so feinkörnig sein, daß der Schauerschwerpunkt auf wenige Millimeter genau bestimmt werden kann
- Die Inhomogenität, die als die Variation des Kalorimetersignals in Abhängigkeit vom Auftreffort des Elektrons definiert ist, darf $1-2\%$ nicht übersteigen, um die notwendigen Korrekturen zur Bestimmung der absoluten Energieskala klein zu halten
- Die Elektron/Hadron–Trennung für Elektronen mit einer Energie oberhalb von 3 GeV sollte einen Wert von 100:1 erreichen
- Der Nachweis minimal ionisierender Teilchen zur Unterdrückung des Untergrundes sollte möglich sein
- Die Messung von Energie und Impuls des Hadronenjets sollte möglich sein

Diese Anforderungen werden vom BEMC nicht ausreichend erfüllt. Die H1–Kollaboration beabsichtigt deshalb, das BEMC durch ein sogenanntes Spaghetti–Kalorimeter [Kir 87] zu ersetzen. Im folgenden wird auch der Begriff SpaCal verwendet. Es handelt sich dabei im wesentlichen um Module aus in Bleiplatten eingearbeiteten szintillierenden Fasern. Die zu einem Modul gehörenden Fasern werden zu einem Bündel zusammengefaßt und an einen Lichtmischer gegeben, der das Szintillationslicht gleichmäßig verteilt an einen Photomultiplier weitergibt. Um auch den Hadronenjet nachweisen zu können, schließt sich dem für den Nachweis von Elektronen optimierten Bereich ein für den Nachweis von Hadronen optimierter an. Des weiteren soll der Strahlrohrdurchmesser verringert werden, so daß das neue Kalorimeter näher an den Strahl heranreichen und dadurch einen größeren Winkelbereich abdecken kann.

1.4 Ziele dieser Arbeit

Von besonderer Bedeutung für die Homogenität des Kalorimeters sind die optischen und mechanischen Eigenschaften der szintillierenden Fasern und der Lichtmischer.

Zur Optimierung der Lichtmischer wurden bereits von der SpaCal–Gruppe Untersuchungen durchgeführt. Es zeigten sich jedoch Unterschiede zwischen den Messungen und einer entsprechenden Monte-Carlo-Simulation, die sich in der Anregung des Faserlichtes unterschieden [Dec 93]. Es soll nun geprüft werden, ob die räumliche Verteilung des Faserlichtes auch mehrere Dezimeter nach der Lichtanregung von der Art der Anregung abhängt.

Bisher gebaute Prototypen zeigten an den Modulgrenzen intolerable Inhomogenitäten im Bereich von etwa 5 Prozent. Als Ursache wurde die unterschiedliche Behandlung der Fasern am Modulrand vermutet. Speziell wurde angenommen, daß die Biegung dieser Fasern für Lichtverluste verantwortlich ist. Es soll daher der Einfluß verschiedener Parameter auf die Lichtausbeute der Fasern untersucht werden. Das Ziel der Arbeit ist es, durch ein besseres Verständnis der Fasereigenschaften dazu beizutragen, daß die hohen Anforderungen an das SpaCal erfüllt werden können.

Kapitel 2

Spaghetti–Kalorimeter

In diesem Kapitel soll der Aufbau des für das H1–Experiment geplanten Spaghetti–Kalorimeters SpaCal besprochen werden. Dazu wird zunächst in Abschnitt 2.1 auf die der Kalorimetrie zugrundeliegende Physik eingegangen. Abschnitt 2.2 beschreibt Kalorimeter im allgemeinen, während Abschnitt 2.3 speziell das SpaCal behandelt.

2.1 Physikalische Grundlagen der Kalorimetrie

Hochenergetische Teilchen, die Materie durchqueren, verlieren aufgrund verschiedener Wechselwirkungen Energie. Dabei entstehen Sekundärteilchen, die wiederum neue Teilchen erzeugen. Es entsteht eine Teilchenkaskade, die auch Schauer genannt wird. Gelingt es, die im Schauer enthaltene Energie zu messen, kann auf die Energie des primären Teilchens geschlossen werden. Außerdem erhält man aus den Eigenschaften des Schauers Informationen über die Teilchenart. Schauer, die durch Elektronen, Positronen und Photonen ausgelöst werden, zeigen ein anderes Verhalten als hadronische Schauer. Im folgenden sollen beide Schauerarten getrennt behandelt werden.

2.1.1 Elektromagnetische Schauer

Elektronen und Positronen

Elektronen und Positronen können beim Durchgang durch Materie verschiedene Wechselwirkungsprozesse auslösen:

- Bremsstrahlung: $e^{\pm} + Kern \rightarrow e^{\pm} + Kern + \gamma$
- Ionisation und Anregung: $e^{\pm} + Atom \rightarrow e^{\pm} + Atom^{*/+}$ $(+e^{-})$
- Møller–Streuung: $e^{-} + e^{-} \rightarrow e^{-} + e^{-}$
- Bhabha–Streuung: $e^{-} + e^{+} \rightarrow e^{-} + e^{+}$
- Annihilation: $e^{+} + e^{-} \rightarrow \gamma + \gamma$
- Vielfach–Streuung: $e^{-} + Kern \rightarrow e^{-} + Kern$

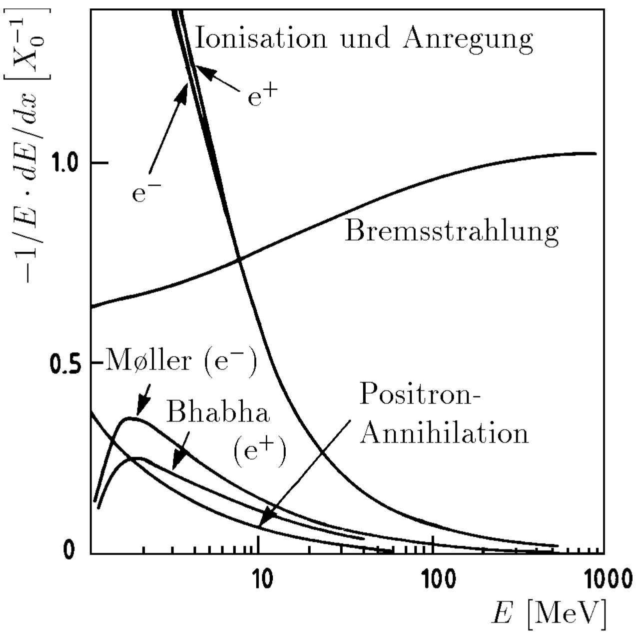

Abbildung 2.1: *Relativer Energieverlust pro Strahlungslänge X_0 in Blei als Funktion der Energie des Elektrons bzw. Positrons [Par 90]*

Die Bedeutung der einzelnen Prozesse bei unterschiedlicher Elektronenenergie zeigt Abbildung 2.1. Aufgetragen ist der relative Energieverlust pro Strahlungslänge X_0 als Funktion der Teilchenenergie. Die Strahlungslänge X_0 wird in Anschluß an Gleichung 2.1 definiert. Es ist zu erkennen, daß bei großen Teilchenenergien der Energieverlust durch Bremsstrahlungsprozesse dominiert wird, während bei kleinen Energien Ionisations- und Anregungsprozesse überwiegen. Die übrigen Wechselwirkungen spielen demgegenüber eine untergeordnete Rolle. Die materialabhängige Energie, bei der der Energieverlust pro Wegstrecke durch Bremsstrahlung gleich der durch Ionisation und Anregung ist, heißt kritische Energie E_{krit}. Für sie gilt die Näherung [Ama 81]:

$$E_{krit} \simeq \frac{550\ MeV}{Z}$$

Der mittlere Energieverlust eines Elektrons in Materie durch Bremsstrahlung kann mit Hilfe der materialabhängigen Strahlungslänge X_0 nach [Seg 65] folgendermaßen beschrieben werden:

$$\left.\frac{dE}{dx}\right|_{Brems} = -\frac{E}{X_0} \tag{2.1}$$

mit

$$\frac{1}{X_0} = 4\alpha r_e^2 N_A \frac{\varrho Z(Z+1)}{A} ln\left(\frac{183}{Z^{1/3}}\right) \tag{2.2}$$

wobei $\alpha = e^2/\hbar c \simeq 1/137$ die Feinstrukturkonstante, e die Elementarladung, $r_e = e^2/(m_e c^2)$ der klassische Elektronenradius, A, Z und ϱ die Massenzahl, die Kernladungszahl und die Dichte des Absorbermaterials und N_A die Avogadrosche Konstante sind.

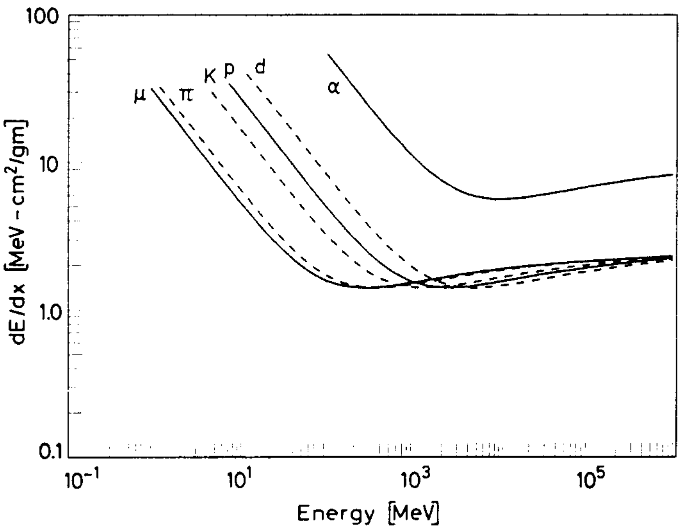

Abbildung 2.2: *Energieverlust durch Ionisation und Anregung für schwere geladene Teilchen in Blei als Funktion der Energie [Leo 87]*

Aus Gleichung 2.1 folgt, daß die Energie des Primärteilchens exponentiell abnimmt. Die Strahlungslänge X_0 ist dabei als die Strecke definiert, nach deren Durchlaufen die Anfangsenergie E_0 des Elektrons im Mittel auf den Bruchteil 1/e abgefallen ist. Nach Gleichung 2.2 ergibt sich zum Beispiel für Blei eine Strahlungslänge von $X_0 = 0,51$ cm.

Minimal ionisierende Teilchen

Teilchen mit höherer Ruhemasse als Elektronen zeigen beim Durchgang durch Materie ein anderes Verhalten. Bei ihnen kann der Energieverlust durch Bremsstrahlung, der umgekehrt proportional zum Quadrat der Ruhemasse ist, vernachlässigt werden. Abbildung 2.2 zeigt die Energieabhängigkeit des mittleren Energieverlustes durch Ionisation und Anregung für verschiedene schwere Teilchen. Bei einer kinetischen Energie des Teilchens, die ungefähr seiner vierfachen Ruhemasse entspricht, erreicht der mittlere Energieverlust ein Minimum. Teilchen mit dieser Energie heißen ‚minimal ionisierend'.

Photonen

Photonen können beim Durchgang durch Materie vor allem folgende Wechselwirkungsprozesse auslösen:

- Photoeffekt: $\gamma + Atom \rightarrow e^- + Atom^+$
- Comptoneffekt: $\gamma + e^- \rightarrow \gamma + e^-$
- Paarbildung: $\gamma + Kern \rightarrow e^+ + e^- + Kern$

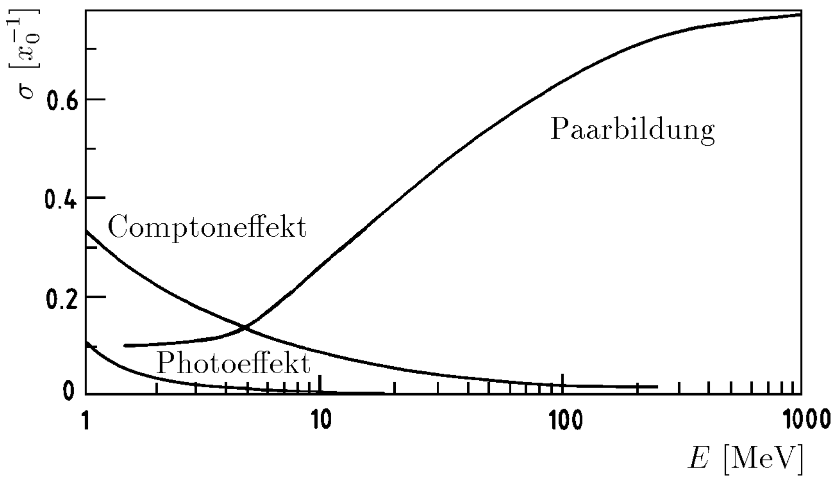

Abbildung 2.3: *Wechselwirkungswahrscheinlichkeit pro Strahlungslänge X_0 eines Photons in Blei als Funktion der Energie [Par 90]*

Die Bedeutung der einzelnen Prozesse bei unterschiedlicher Photonenergie zeigt Abbildung 2.3. Aufgetragen ist die Wahrscheinlichkeit des Auftretens der jeweiligen Wechselwirkung auf einer Strahlungslänge X_0 in Blei als Funktion der Energie des Photons. Der Photoeffekt spielt im betrachteten Energiebereich eine untergeordnete Rolle. Er dominiert bei Energien unterhalb 100 keV. Wie aus der Abbildung ersichtlich, ist der Comptoneffekt im Absorbermaterial Blei bis etwa 10 MeV zu berücksichtigen. Bei höheren Energien über 10 MeV dominiert die Paarbildung. Da dieser Prozeß der Bremsstrahlung eines Elektrons oder Positrons ähnelt, existiert eine Beziehung zwischen der mittleren freien Weglänge $\lambda_{e^+e^-}$ für die Paarbildung und der Strahlungslänge X_0 [Fer 49]:

$$\lambda_{e^+e^-} = \frac{9}{7} X_0$$

Die Entwicklung eines Schauers

Die beschriebenen Wechselwirkungsprozesse von hochenergetischen Photonen, Elektronen oder Positronen mit Materie führen zu einem Teilchenschauer, der erst dann abbricht, wenn die Energie der Elektronen und Positronen die kritische Energie E_{krit} erreicht. Vereinfacht dargestellt entwickelt sich ein solcher Schauer folgendermaßen [Hei 44]: ein primäres Photon der Energie E_0 erzeugt in einer Schicht der Dicke X_0 ein e^+e^-–Paar; beide Teilchen haben im Mittel die Energie $E_0/2$. Falls $E_0/2 \geq E_{krit}$ ist, verlieren diese Leptonen vor allem durch Bremsstrahlung Energie, wodurch ihre Energie in einer Schicht der Dicke X_0 auf etwa $E_0/2e$ absinkt. Dabei wird im Mittel ein Photon mit einer Energie $E_0/2 \leq E_\gamma \leq E_0/2e$ abgestrahlt. Nach einer Schicht der Dicke $2X_0$ liegt die mittlere Zahl der Teilchen bei 4. Die Photonen bilden wiederum Paare, so daß nach einer Schichtdicke von etwa n Strahlungslängen 2^n Teilchen mit der mittleren Energie $E_0/2^n$ vorhanden sind. Der Schauer bricht ab, sobald die Energie der geladenen Teilchen unterhalb der kritischen Energie liegt: $E_0/2^n \leq E_{krit}$. Die Teilchen verlieren im folgenden ihre Energie ausschließlich durch Ionisation und Anregung.

Neben solchen Modellen tragen vor allem Monte–Carlo–Simulationen zum quantitativen Verständnis der Schauerentwicklung bei. Die wichtigsten Erkenntnisse sind im folgenden zusammengefaßt:

- Die longitudinale Ausdehnung L des Schauers wächst logarithmisch mit der Energie des einfallenden Teilchens E_0: $L \propto \ln E_0$
- Die gesamte Spurlänge S von Elektronen und Positronen ist proportional zu E_0: $S \propto E_0$
- Die Anzahl der Teilchen im Schauermaximum N_p ist proportional zu E_0: $N_p \propto E_0$

Die transversale Verteilung der Teilchen in einem Schauer entsteht hauptsächlich durch Vielfachstreuung niederenergetischer Elektronen. Ein Maß für die Breite eines Schauers ist der *Molière–Radius* [Mol 47]:

$$R_M = \frac{21\ MeV}{E_{krit}} X_0$$

Messungen haben ergeben, daß etwa 90% der Energie des Primärteilchens in einem Zylinder mit dem Radius R_M um die Schauerachse enthalten ist [Bat 70].

2.1.2 Hadronische Schauer

Hadronische Schauer unterscheiden sich stark von elektromagnetischen Schauern. Die zugrundeliegenden Prozesse sind wesentlich komplizierter und vielfältiger, so daß es zu großen Fluktuationen kommt. Es sollen hier nur kurz die wichtigsten Unterschiede aufgezeigt werden. Im wesentlichen entwickelt sich ein hadronischer Schauer folgendermaßen:

Ein hochenergetisches Hadron dringt in einen Kern des Absorbermaterials ein und wechselwirkt mit ihm. Dabei entstehen Pionen und andere Hadronen, die Atomkerne anregen oder weitere intranukleare Kaskaden auslösen können. Die angeregten Kerne geben ihre Energie in einem Verdampfungsprozeß ab, in dem sie Nukleonen und Photonen emittieren. Außerdem sind Kernspaltungen möglich. Des weiteren treten Zerfälle von Pionen und Myonen auf.

Die Skala für die räumliche Entwicklung eines hadronischen Schauers ist die nukleare Absorptionslänge λ_{nuk}, die sich für inelastische Wechselwirkungen folgendermaßen berechnen läßt:

$$\lambda_{nuk} = \frac{A}{\sigma \cdot \varrho \cdot N_A}$$

Dabei sind A, σ und ϱ die Massenzahl, der inelastische, hadronische Wirkungsquerschnitt und die Dichte des Absorbermaterials und N_A die Avogadrosche Konstante. λ_{nuk} gibt die mittlere freie Weglänge zwischen zwei Wechselwirkungen an. Es ergibt sich zum Beispiel für Blei ein Wert von 17,1 cm.

2.2 Kalorimeter

Kalorimeter nutzen die Tatsache, daß die in einem Schauer deponierte Energie proportional zur Energie des einfallenden Teilchens ist, zur Energiemessung einzelner hochenergetischer Teilchen aus. Dazu muß erreicht werden, daß die Energie im Kalorimeter möglichst vollständig absorbiert und in ein zu ihr proportionales Signal umgewandelt wird. Zur Realisierung werden zwei unterschiedliche Konzepte verfolgt.

Homogene Kalorimeter bestehen aus einem einzigen Material, das zugleich als Absorptionsmedium und als Nachweismedium dient. Zum Teilchennachweis kann entweder Szintillationslicht oder Čerenkov–Licht verwendet werden, das durch Photomultiplier ausgewertet wird. Čerenkov–Licht entsteht, wenn ein geladenes Teilchen ein Medium mit einer Geschwindigkeit durchquert, die größer als die Lichtgeschwindigkeit in diesem Medium ist. Die Entstehung von Szintillationslicht wird ausführlich in Abschnitt 3.2 behandelt. Als Materialien werden häufig szintillierende NaI(Tl)–Kristalle und Bleiglas verwendet; Bleiglas erzeugt nur Čerenkov–Licht. Der Nachteil der homogenen Kalorimeter liegt in der notwendigen Größe, die sich aus der großen Strahlungslänge der verwendbaren Materialien ergibt.

Inhomogene Kalorimeter bestehen aus zwei unterschiedlichen Materialien, die entweder als Absorptionsmedium oder als Nachweismedium dienen. Diese Materialien sind in alternierenden Schichten aufgebaut, so daß die Energie stichprobenartig gemessen wird. Aus diesem Grunde wird auch der Begriff *Sampling–Kalorimeter*[1] verwendet. Als Absorptionsmaterial werden Materialien mit kleinen Strahlungslängen X_0 benutzt, wie z. B. Blei, und als Nachweismedium szintillierende Materialien oder Ionisationskammern. Dadurch wird eine vergleichsweise kompakte Bauweise erreicht. Beispiele für Sampling–Kalorimeter sind das Flüssig–Argon–Kalorimeter, das Ionisationskammern als Nachweismedium verwendet, und das BEMC des H1–Detektors, das mit Szintillatoren arbeitet. Auch Spaghetti–Kalorimeter gehören zu den Sampling–Kalorimetern.

Aufgrund der unterschiedlichen Entwicklung elektromagnetischer und hadronischer Schauer müssen Kalorimeter, die Hadronen nachweisen sollen, deutlich größer gebaut werden als solche, die nur elektromagnetisch wechselwirkende Teilchen nachweisen sollen. Man spricht von elektromagnetischen und hadronischen Kalorimetern.

Die Energieauflösung eines elektromagnetischen Kalorimeters wird durch folgende Beiträge bestimmt:

- Die statistische Fluktuation der Teilchenanzahl N_{ges} gehorcht der Poisson–Statistik: $\sigma_{N_{ges}} = \sqrt{N_{ges}}$. Da die Teilchenanzahl proportional zur Primärenergie ist, gilt:

  $$\left.\frac{\sigma(E)}{E}\right|_{stat} \propto \frac{1}{\sqrt{E}}$$

  Die relative Energieauflösung $\sigma(E)/E$ eines idealen Kalorimeters, das die gesamte Energie in ein dazu proportionales Signal umwandelt,verbessert sich also mit steigender Energie der einfallenden Teilchen

- Rauscheffekte der Ausleseelektronik ergeben einen energieunabhängigen Beitrag zur Energieauflösung:

  $$\sigma(E)|_{Rausch} = konstant$$

- Bei den inhomogenen Kalorimetern treten aufgrund der stichprobenartigen Messung statistische Fluktuationen der gemessenen Teilchenzahl auf. Diese Sampling–Fluktua-

[1] sample, *engl.* für Stichprobe.

tionen ergeben einen weiteren energieabhängigen Anteil der Energieauflösung:

$$\left.\frac{\sigma(E)}{E}\right|_{samp} \propto \frac{1}{\sqrt{E}}$$

Der Beitrag zur Gesamtenergieauflösung ist von dem Anteil des Schauers, der im aktiven Material nachgewiesen wird, und von der Dicke und Anzahl der aufeinanderfolgenden Schichten abhängig. Er ist deutlich höher als der durch die Fluktuation der Teilchenanzahl N_{ges} entstehende Beitrag

- Fluktuationen, die vom Ort der Schauerentwicklung abhängen, liefern einen weiteren Beitrag zur Energieauflösung. So führt bei Spaghetti–Kalorimetern eine kurze Absorptionslänge[2] λ_{abs} der szintillierenden Fasern zu einem Überschätzen der Energie von Schauern, die sich im Kalorimeter erst spät entwickeln

- Inhomogenitäten, die im optischen Teil entstehen können, liefern einen weiteren energieunabhängigen Beitrag:

$$\sigma(E)|_{optisch} = konstant$$

  Dazu gehören bei Spaghetti–Kalorimetern eventuelle Lichtverluste durch das Biegen der szintillierenden Fasern

- Wird der Schauer nicht vollständig absorbiert, so verschlechtern Fluktuationen dieser Leckverluste die Energieauflösung. Es zeigt sich, daß Leckverluste in transversaler Richtung geringer fluktuieren als solche in longitudinaler Richtung

Der Auftreffpunkt eines Teilchens auf ein Kalorimeter kann durch Messung der transversalen Verteilung der Schauerenergie ermittelt werden. Dazu werden Kalorimeter transversal in einzelne Module aufgeteilt. Die Genauigkeit der Ortsbestimmung wächst mit der Anzahl der vom Schauer getroffenen Module und nimmt mit der transversalen Größe der Module, die Granularität genannt wird, ab.

2.3 SpaCal

Die H1–Kollaboration beabsichtigt, das jetzige rückwärtige elektromagnetische Kalorimeter BEMC durch ein Spaghetti–Kalorimeter SpaCal zu ersetzen. Dieses soll im folgenden beschrieben werden.

2.3.1 Aufbau

Das SpaCal ist ein Blei–Faser–Kalorimeter, daß in einen elektromagnetischen und einen hadronischen Bereich aufgeteilt ist. Es benutzt Blei als Absorptionsmedium und szintillierende Fasern als Nachweismedium. Die Fasern verlaufen im H1–Detektor parallel zur Strahlröhre. Das Blei/Faser–Volumenverhältnis beträgt für den elektromagnetischen Teil $R_{em} = 2$ und

[2] Die Absorptionslänge einer Faser wird als die Länge definiert, nach der die ursprüngliche Intensität I des Faserlichtes auf den Wert I/e gesunken ist. Siehe hierzu auch Abschnitt 3.3.4.

für den hadronischen Teil $R_{had} = 4$. Der Faser–Durchmesser beträgt in den beiden Bereichen $d_{em} = 0,5$ mm und $d_{had} = 1$ mm. Der Platz im H1–Detektor ist begrenzt, so daß für den elektromagnetischen Teil eine maximale Gesamtlänge von $L_{em} = 250$ mm und für den hadronischen von $L_{had} = 200$ mm vorgesehen ist. Durch diese Maße haben beide Kalorimeter–Teile eine Länge, die jeweils einer nuklearen Wechselwirkungslänge λ_{nuk} entspricht; die Länge des elektromagnetischen Teils entspricht 27 Strahlungslängen X_0. Die folgende Beschreibung bezieht sich auf den elektromagnetischen Teil.

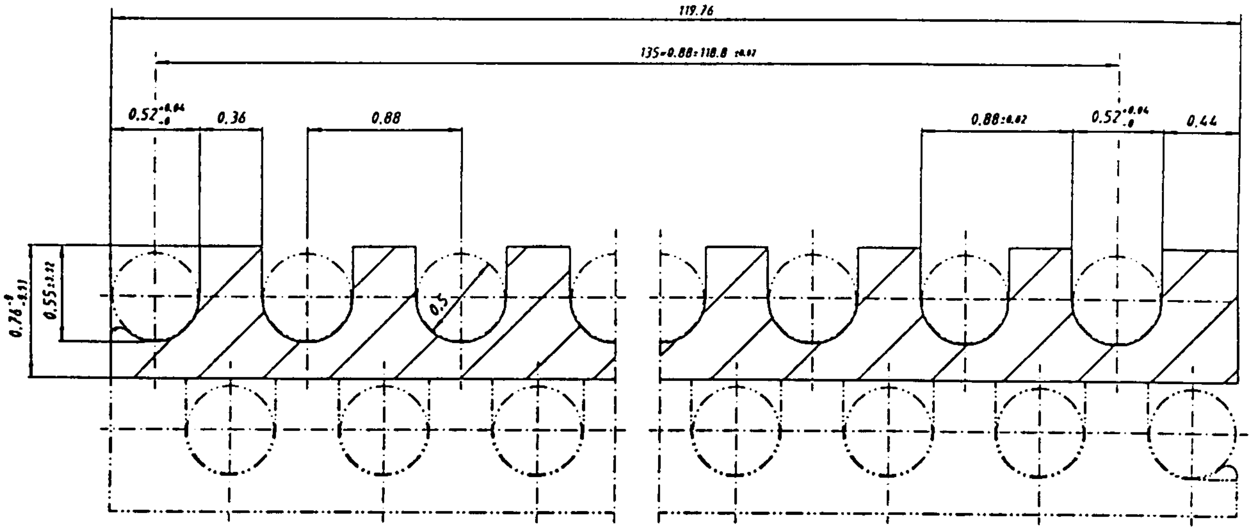

Abbildung 2.4: *Querschnitt zweier Bleiplatten [H1b 93]*

Die Fasern werden in Bleiplatten eingelegt, die ein entsprechendes Profil aufweisen. Die Bleiplatten werden dann so gestapelt, daß benachbarte Fasern äquidistant sind. Dies ist in Abbildung 2.4 gezeigt. Es werden einzelne Blei/Faser–Blöcke aufgebaut, die mechanisch stabilisiert werden. Aus mehreren dieser Blöcke wird dann das Kalorimeter zusammengesetzt.

Am dem Wechselwirkungspunkt zugewandten Ende eines Blei/Faser–Blocks schließen die Fasern bündig mit dem Blei ab. Am anderen Ende treten die Fasern aus dem Blei aus und werden zu Bündeln zusammengefaßt. Jedes Faserbündel gehört einer sogenannten Zelle an, deren Lichtinformation von einem Photomultiplier ausgewertet wird. Die Größe dieser Zellen bestimmt folglich die Granularität des Kalorimeters. Sie haben einen quadratischen Querschnitt mit einer Kantenlänge von 40,5 mm. Ein Block aus 4×4 Zellen bildet eine mechanische Einheit und wird Supermodul genannt. Abbildung 2.5 zeigt einen Querschnitt des Kalorimeters. Man sieht, daß das SpaCal aus 56 Supermodulen aufgebaut wird. Dazu kommen weitere speziell geformte Module am äußeren Rand und im Bereich der Strahlröhre.

Abbildung 2.6 zeigt den longitudinalen Schnitt eines Supermoduls, der in vier Zellen aufgeteilt ist. Die untere Zelle ist komplett eingezeichnet. Aus dem Blei/Faser–Block treten im hinteren Teil die Fasern aus. Diese werden durch einen Aluminiumrahmen gebündelt und enden vor einem Lichtmischer, der das austretende Licht auf die Photokathode des

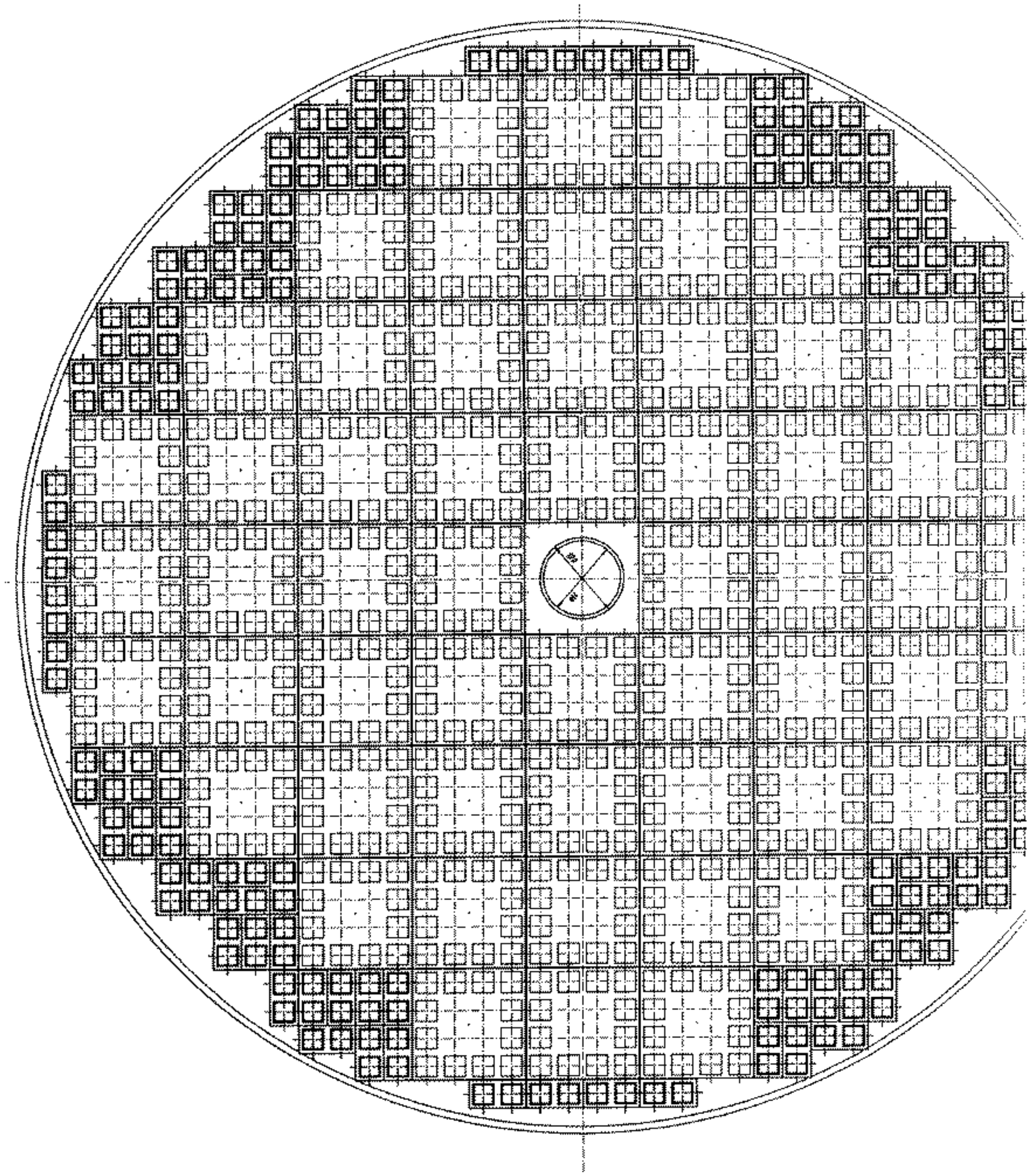

Abbildung 2.5: *Querschnitt des elektromagnetischen Teils SpaCals. Die großen Quadrate geben die Umrisse eines Supermoduls an und die kleinen, die nur exemplarisch eingezeichnet sind, die einer Zelle*

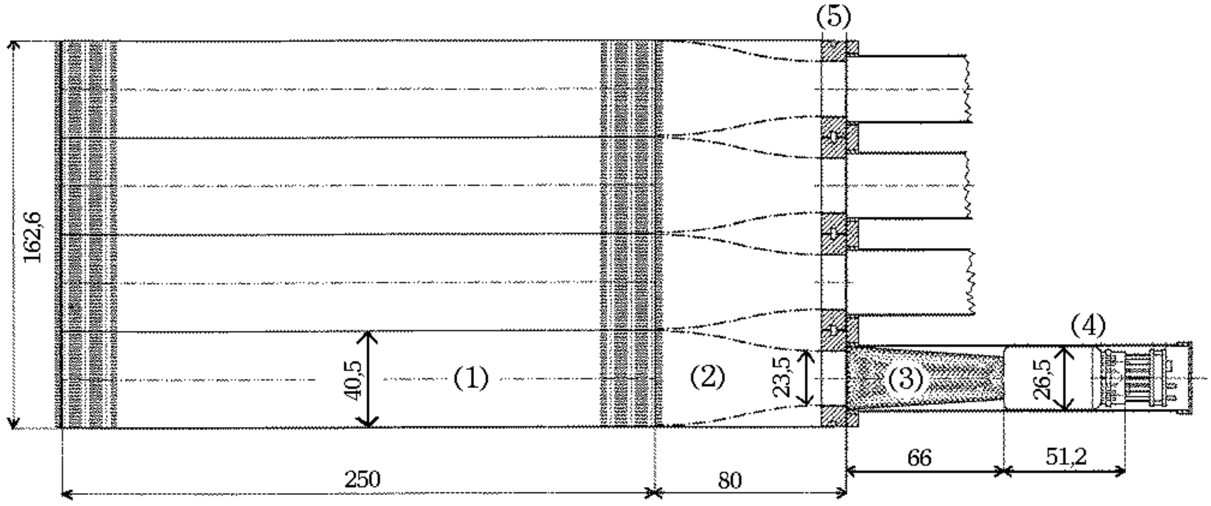

Abbildung 2.6: *Longitudinaler Schnitt eines Supermoduls. Die untere Zelle ist komplett eingezeichnet mit dem Blei/Faser–Block (1), dem Faserbündel (2), dem Aluminiumrahmen (5), dem Lichtmischer (3) und dem Photomultiplier mit Basis (4). Alle Maßangaben in mm*

Photomultipliers gibt. Es sind nur die äußersten Fasern eines Bündels eingezeichnet; diese sind am stärksten gebogen. Die Fasern im Zentrum eines Bündels verlaufen gerade.

Die Abbildungen 2.7 bis 2.9 verdeutlichen anhand von Photos den Aufbau eines Supermoduls, indem sie verschiedene Arbeitsprozesse bei der Herstellung eines Prototypen zeigen. In Abschnitt 2.3.3 werden die Photos und einzelne Komponenten des SpaCals näher beschrieben.

2.3.2 Energieauflösung elektromagnetischer Schauer

Wie bereits erwähnt, wird bei inhomogenen Kalorimetern die Energieauflösung unter anderem durch Sampling–Fluktuationen bestimmt. Sie hängen bei Spaghetti–Kalorimetern vom Blei/Faser–Volumenverhältnis R und vom Faserdurchmesser d ab. Es konnte in [RD1 91] gezeigt werden, daß dieser Sampling–Term folgendermaßen parametrisiert werden kann:

$$\left.\frac{\sigma(E)}{E}\right|_{Samp} = \frac{6,5\%\sqrt{R \cdot d[mm]}}{\sqrt{E[GeV]}}$$

Für den elektromagnetischen Teil des SpaCals ergibt sich ein Wert von $6,5\%/\sqrt{E}$.

Neben dem energieabhängigen Term enthält die Energieauflösung einen konstanten Term. Bei Spaghetti–Kalorimetern ergibt sich dieser vor allem aus intrinsischen Inhomogenitäten und aus Fluktuationen in der Lichtausbeute der Fasern. Die intrinsischen Inhomogenitäten entstehen durch die endlichen Faserdimensionen. Bei bestimmten Richtungen und Eintrittsorten können die Schauerteilchen bevorzugt Blei oder Fasern durchqueren. Dieser

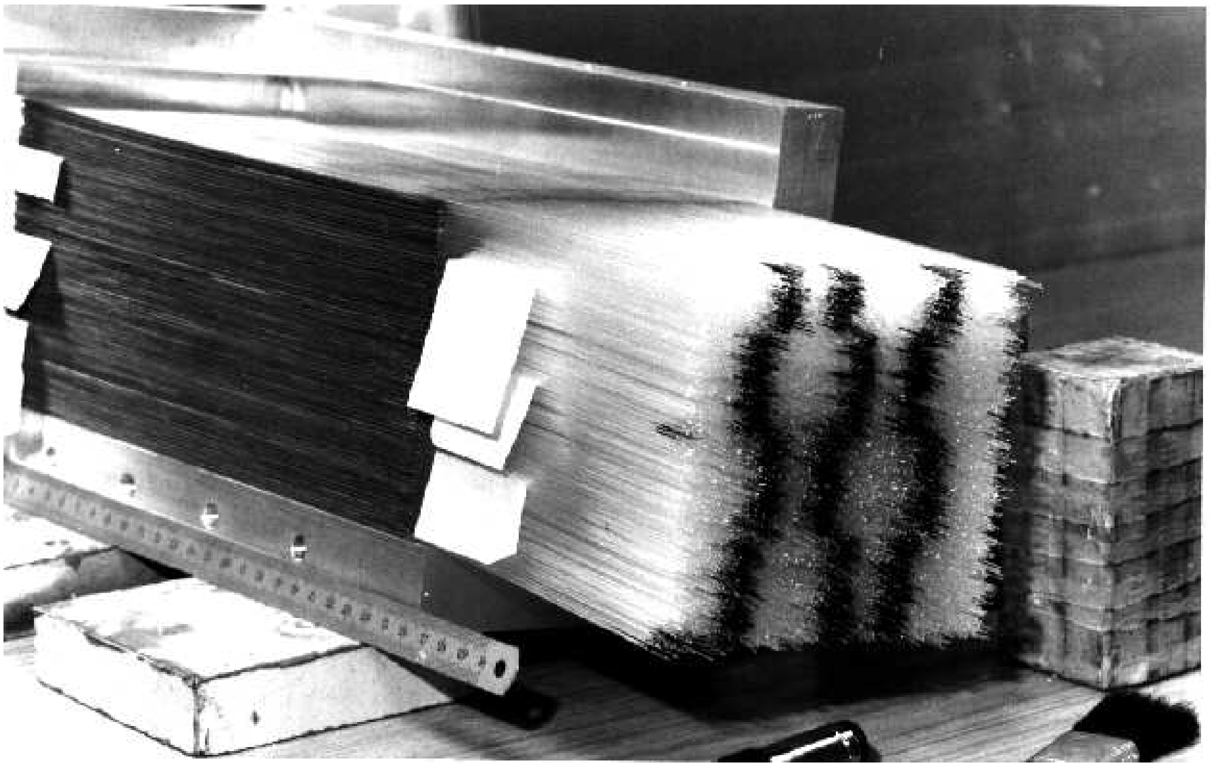

Abbildung 2.7: *Photo der ersten Bauphase eines Prototypen. Zu sehen sind die zu einem Block gestapelten Bleiplatten, aus dem die Fasern austreten [Des 93]*

Channeling[3] genannte Effekt spielt bei Auflösungen kleiner als 2% eine Rolle [H1b 93]. Fluktuationen in der Lichtausbeute der Fasern sind herstellungsbedingte Exemplarstreuungen in Bezug auf Lichterzeugung und Lichtleitung, aber auch Lichtverluste aufgrund unterschiedlicher mechanischer Behandlung der einzelnen Fasern wie Biegen, Ausüben von Druck oder ähnliches. Solche Einflüsse werden im Rahmen der vorliegenden Diplomarbeit untersucht. Einen weiteren Beitrag zum konstanten Term der Energieauflösung liefert die endliche Absorptionslänge der Fasern. Bei kurzen Absorptionslängen λ_{abs} unter einem Meter führen longitudinale Fluktuationen der elektromagnetischen Schauer zu einer Veränderung der Lichtausbeute um ein Prozent [H1b 93]. Auch Strahlungsschäden der Fasern können eine Rolle spielen, vor allem, wenn sie nicht über die Faserlänge und bei allen Fasern eines Submoduls konstant sind.

2.3.3 Technische Aspekte verschiedener Komponenten

Die Fasern

An die Fasern müssen aufgrund ihrer besonderen Bedeutung hohe Anforderungen gestellt werden. Abschnitt 3 beschäftigt sich eingehend mit szintillierenden Fasern. Für das SpaCal

[3] channel, *engl.* für Kanal.

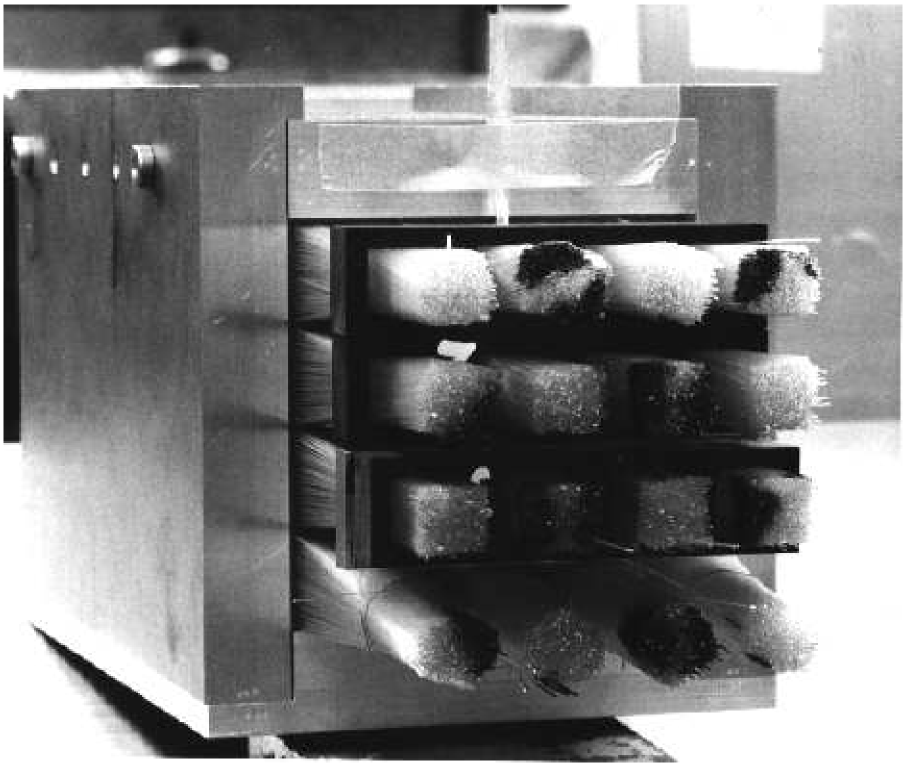

Abbildung 2.8: *Photo der zweiten Bauphase eines Prototypen. Der Blei/Faser–Block wird durch ein Metallgehäuse gestützt, die Fasern sind bereits gebündelt und teilweise in Aluminiumrahmen befestigt [Des 93]*

sind folgende Eigenschaften wichtig:

- Die Lichterzeugung durch Szintillation muß hoch und die Lichtleitung effizient sein, um möglichst große Signale zu erhalten

- Die Absorptionslänge muß groß sein

- Die Exemplarstreuung der Fasern in Bezug auf Lichterzeugung und -absorption müssen gering sein, um die erforderliche Homogenität des SpaCals zu erreichen

- Die Fasern dürfen nur eine geringe Streuung der Oberflächenbeschaffenheit und der Größe der verschiedenen Schichten aufweisen. Insbesondere dürfen die Fasern keinen zu großen Durchmesser haben, da sie sonst beim Einlegen in die Bleiplatten beschädigt werden können. Die Rillengröße der Bleiplatten von 0,52 mm darf nicht überschritten werden

- Die Fasern müssen eine hohe Strahlungshärte aufweisen, um eine angemessene Lebensdauer des SpaCals zu erreichen. Es wird eine Strahlendosis von 1 bis 30 krad pro Jahr erwartet [H1b 93]

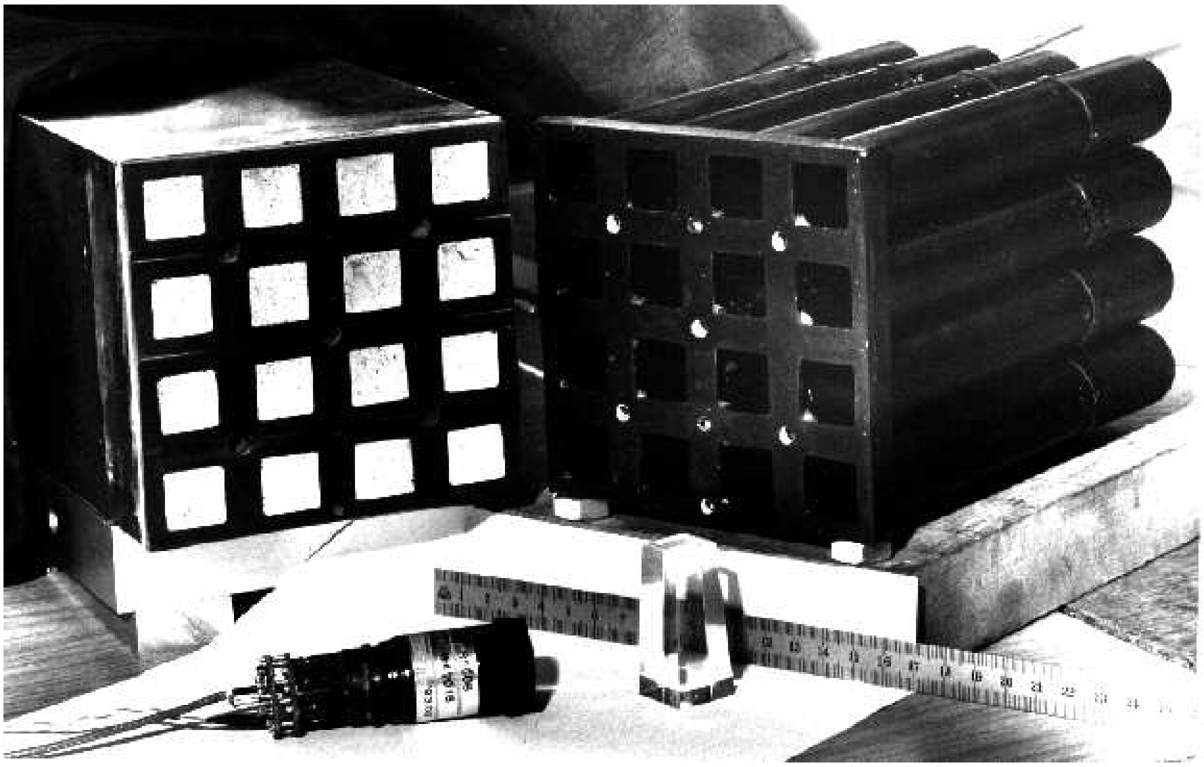

Abbildung 2.9: *Photo eines demontierten Prototypen. Zu sehen ist links der Blei/Faser–Block. Die Fasern sind zu sechzehn Bündel zusammengefaßt. Rechts befindet sich die Halterung, in denen die Lichtmischer und die Photomultiplier angebracht sind. Im Vordergrund liegen ein Photomultiplier und ein Lichtmischer [Des 93]*

- Die Fasern sollten eine möglichst hohe chemische Resistenz gegenüber Klebstoffen oder ähnlichem aufweisen
- Das Emissionsspektrum sollte an die Spektrale Empfindlichkeit der Photomultiplier angepaßt sein

R. Barschke hat Fasern verschiedener Hersteller auf diese Eigenschaften hin untersucht [Bar 94]. Für das SpaCal werden Fasern der Firma Bicron[4] benutzt, die blaues Licht emittieren. Im Rahmen dieser Diplomarbeit wurden hauptsächlich diese Fasern untersucht.

Die Fasern werden gewöhnlich in das Bleiprofil geklebt, um die Fertigung zu vereinfachen. Dies wirft jedoch zusätzliche Probleme auf: Es muß sichergestellt sein, daß der Klebstoff nicht durch den Fasermantel diffundieren und das Kernlicht dämpfen kann.[5] Auch kleinste Risse im Mantel können dazu führen, daß Klebstoff an den Kern gelangt. Des weiteren schränkt Klebstoff die Strahlungshärte der Fasern ein. Eine Messung von Acosta et al. [Aco 91] zeigte, daß Fasern, die im Vakuum mit einer Dosis von 3,5 Mrad bestrahlt worden waren, nur noch 5% ihrer ursprünglichen Lichtintensität aufwiesen. Nach einer Erholungszeit von 45 Minuten

[4]Bicron BCF–12.

[5]Die Begriffe ‚Fasermantel' und ‚Kernlicht' werden in Abschnitt 3 erklärt.

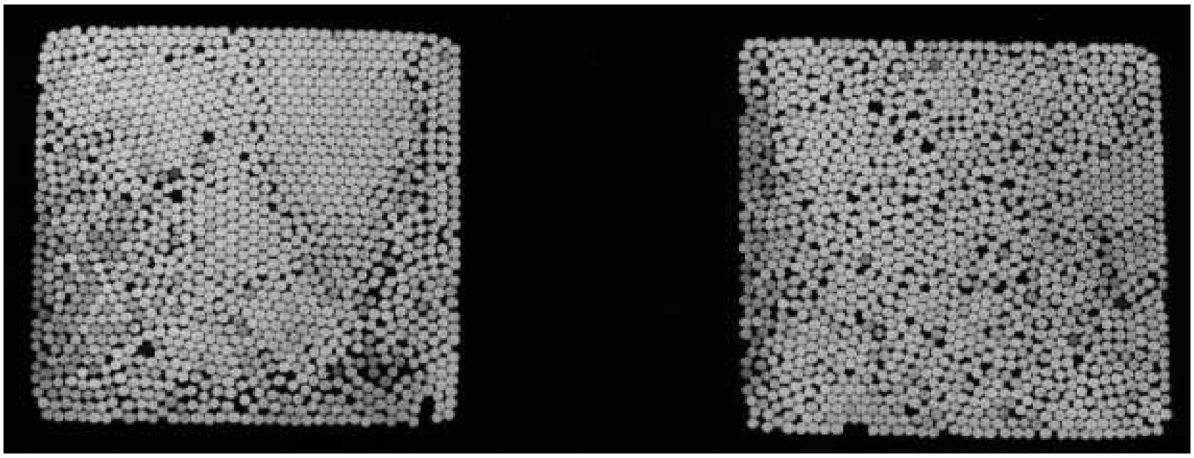

Abbildung 2.10: *Photo der Endfläche verschiedener Faserbündel des Prototypen aus Abbildung 2.9 [Des 93]*

in Luft stieg die Lichtintensität auf 25% und nach fünf Tagen in Luft auf 65% des Wertes vor der Bestrahlung. Da Klebstoff den Kontakt der Faser zu Luft verhindert, wird versucht, auf den Einsatz von Klebstoffen möglichst zu verzichten. Die Fasern müssen jedoch an beiden Enden der Bleiplatte auf einer Länge von wenigen Millimetern eingeklebt werden, da sonst das Einlegen vieler Fasern in eine Bleiplatte nicht möglich ist.

Die Faserbündel

Die Fasern, die aus dem Blei/Faser–Block austreten, werden gebündelt und in Aluminiumrahmen eingefaßt. Dies ist in Abbildung 2.8 gezeigt. Eine schematische Zeichnung zeigt Abbildung 2.6. Die weitere Behandlung ist bei den verschiedenen hergestellten Prototypen unterschiedlich. Im folgenden soll die Behandlung der ersten Prototypen beschrieben werden, da die im Rahmen dieser Arbeit durchgeführten Untersuchungen teilweise darauf aufbauen. Die Bündelungslänge dieser Prototypen beträgt 45 mm. Die Bündelungslänge ergibt sich aus dem Abstand des Blei/Faser–Blocks von den Aluminiumrahmen. Bei dem Supermodul aus Abbildung 2.6 beträgt die Bündelungslänge 70 mm; die angegebenen 80 mm beinhalten zusätzlich die Dicke der Aluminiumrahmen von 10 mm. Die Enden der Faserbündel werden in geschwärzten Klebstoff[6] eingetaucht, der so dünnflüssig ist, daß er sich durch Adhäsionskräfte selbständig im Faserbündel verteilt. Im Bereich der Aluminiumrahmen ist das Faserbündel vollständig von Klebstoff umgeben. Im Bereich zwischen dem Blei/Faser–Block und den Aluminiumrahmen sind die einzelnen Fasern auf unterschiedlicher Länge geschwärzt. Nach Härten des Klebers werden die Faserenden gefräßt und poliert, wodurch eine gleichmäßig hohe Güte der Lichtaustrittsflächen erreicht wird.

Abbildung 2.10 zeigt die Lichtaustrittsflächen der Faserbündel im Detail. Man erkennt, daß es Bereiche mit hoher Ordnung und solche mit geringer Ordnung gibt. Es ist möglich, daß die Fasern dadurch unterschiedlichen Kontakt zum geschwärzten Klebstoff haben, da

[6] Stycast 1264, mit Ruß gemischt.

in den Bereichen mit hoher Ordnung die Fasern größere Kontaktflächen zu benachbarten Fasern haben und weniger Zwischenraum existiert, der von Kleber aufgefüllt werden kann, als in den Bereichen mit niedriger Ordnung. Außerdem kann nicht ausgeschlossen werden, daß auf einzelne Fasern höhere Drücke ausgeübt werden als auf andere.

Es wurden eigene Messungen durchgeführt, um mögliche Einflüsse einer unterschiedlichen Schwärzung insbesondere des gebogenen Faserteils auf die Lichtleitung der Fasern zu untersuchen. Auch mögliche Lichtverluste durch Ausüben von Druck auf eine Faser wurden überprüft. Die Resultate dieser Messungen werden in Abschnitt 4.6 beschrieben.

Die Lichtmischer

Um registriert werden zu können, wird das Licht eines Faserbündels auf die lichtempfindliche Fläche eines Photomultipliers geleitet. Da diese Photokathoden auf ihrer Fläche nicht gleichmäßig empfindlich sind, muß das Licht gleichmäßig verteilt auf die Photokathoden gegeben werden. Hierzu wird es durch sogenannte Lichtmischer aus Plexiglas geleitet. Dadurch wird gewährleistet, daß das Licht einer Faser unabhängig von deren Position in der Zelle ein gleich großes Photomultipliersignal liefert. Die Güte eines Lichtmischers ist folglich durch die Effizienz des Lichteinfangs, der Lichtleitung und der Lichtmischung bestimmt. Eingehend mit Lichtmischern befaßt hat sich Th. Deckers in [Dec 93].

Die Photomultiplier

Aufgrund der geringen Lichtausbeute der Fasern von nur etwa 1000 Photoelektronen/1 GeV müssen für die Auslese der Fasern Photomultiplier verwendet werden. Da das gesamte Kalorimeter in einem Magnetfeld der Stärke 1,2 T betrieben wird, kommen nur spezielle Photomultiplier in Betracht. J. Janoth konnte zeigen, daß sogenannte Mesh–Type–Photomultiplier auch in hohen Magnetfeldern ausreichende Verstärkungen liefern [Jan 93].

Die Photomultiplier werden mit transparentem Klebstoff an die Lichtmischer geklebt und zusammen mit ihren Basen in speziellen Behältern befestigt. Langsame Veränderungen des Zellensignals können mit Hilfe eines Kalibrierungssystems korrigiert werden. Ein Exemplar der verwendeten Photomultiplier mit aufgesteckter Basis wird in Abbildung 2.9 gezeigt.

Das Kalibrierungssystem ist nötig, da die Verstärkung eines Photomultipliers zeitlich variiert. Um die jeweilige Verstärkung zum Zeitpunkt der Datennahme zu kennen, kann auf jeden Photomultiplier in der Zeit zwischen zwei möglichen Wechselwirkungen ein kurzes, wohldefiniertes Lichtsignal gegeben und das resultierende Photomultipliersignal gemessen werden. Dieses Lichtsignal wird durch Leuchtdioden erzeugt und über Lichtleiterfasern an die Lichtmischer gegeben.

Kapitel 3

Szintillierende Fasern

Eine besondere Bedeutung kommt bei Spaghetti–Kalorimetern der gesamten optischen Kette zu. Diese besteht aus den szintillierenden[1] Fasern, die als aktives Nachweismedium dienen und zusätzlich die Aufgabe haben, die entstandenen Photonen mit hoher Effizienz an das nächste Glied der Kette zu leiten. Dieses sind die Lichtmischer, die das Licht eines Faserbündels zusammenfassen und gleichmäßig verteilt auf die lichtempfindliche Fläche eines Photomultipliers geben. Die Photomultiplier wandeln als letztes Glied der Kette die optischen Informationen in elektrische um.

Dieses Kapitel beschäftigt sich eingehend mit szintillierenden Fasern.

3.1 Grundlagen

Szintillierende Fasern können aus Glas oder aus Plastikmaterialien produziert werden. Glasfasern haben den Vorteil, mit sehr kleinen Durchmessern von etwa 10 μm hergestellt werden zu können. Demgegenüber liegt die untere Grenze bei Plastikfasern aufgrund der räumlichen Ausdehnung des Lichtentstehungsprozesses in mehreren Schritten bei etwa 500 μm. Für die Anwendung in der Kalorimetrie ist jedoch die Absorptionslänge von entscheidenderer Bedeutung. Eine typische Größenordnung bei Plastikfasern ist hier $\lambda_{abs} \simeq 1 - 2$ m, während bei Glasfasern Werte von nur wenigen Zentimetern erreicht werden [Kir 87]. Aus diesem Grunde kommen für ein Spaghetti– Kalorimeter ausschließlich Plastikfasern in Betracht. Das folgende Unterkapitel behandelt den Prozeß der Szintillation in organischen Materialien.

Der Lichttransport vom Ort der Lichterzeugung bis zum Faserende beruht auf der verlustfreien Totalreflexion von Licht, das unter bestimmten Winkeln aus einem optisch dichten Medium auf eine Grenzschicht zu einem optisch dünnerem Medium trifft. Totalreflexion ist demnach auch bei Fasern, die aus einem einzigen Material mit gleichmäßig hohem Brechungsindex bestehen, an der Grenzfläche Faser–Luft möglich. Der Brechungsindex n eines Mediums ist als das Verhältnis der Lichtgeschwindigkeit im Vakuum zu der in dem Medium definiert und ist daher wellenlängenabhängig. Als optisch dichteres Medium wird ein solches mit höherem Brechungsindex bezeichnet. Durch geringe Änderungen an der Faseroberfläche

[1] scintilla, *lat.* für Funke; in unserem Zusammenhang bedeutet Szintillation die Entstehung von Licht beim Durchgang geladener Teilchen durch Materie.

wie Kratzer oder Verschmutzungen kann das Licht gestreut, absorbiert oder aus der Faser herausgebrochen werden, so daß solche Fasern nicht verwendbar sind. Deswegen finden Fasern Verwendung, die in einen Kernbereich mit hohem Brechungsindex und einen Mantelbereich mit niedrigerem Brechungsindex aufgeteilt werden können. Der Brechungsindex n als Funktion des Abstandes von der Faserachse r wird Brechungsprofil genannt. Abbildung 3.1 zeigt die Brechungsprofile für eine Faser mit Stufenprofil und eine mit Parabelprofil. Abbildung 3.2 zeigt den unterschiedlichen Lichtverlauf in den beiden Fasertypen. Bei den beim SpaCal benutzten Fasern mit einem Gesamtdurchmesser von 0,5 mm beträgt die Dicke der Mantelschicht 15 μm.

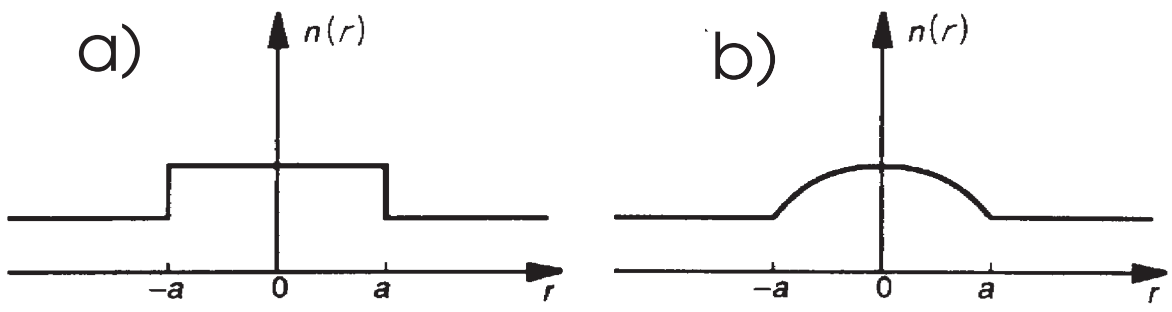

Abbildung 3.1: *Brechungsprofile: a) Stufenprofil , b) Parabelprofil. Die Größe a bezeichnet den Kernradius [Ung 89]*

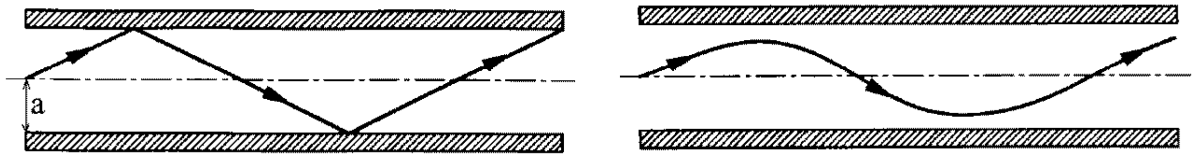

Abbildung 3.2: *Lichtleitung in einer Faser mit Stufenprofil (links) bzw. Parabelprofil (rechts). Gezeigt ist jeweils ein Längsschnitt der Faser, wobei der schraffierte Bereich die Mantelschicht angibt [Ung 89]*

In der Kommunikationstechnologie kommen fast nur noch Lichtleiterfasern mit Parabelprofil zum Einsatz. Diese Fasern sind zwar im Prinzip in der Lichtleitung mit szintillierenden Fasern vergleichbar — es fehlt lediglich die Eigenschaft der Szintillation des Faserkerns, die sich in der Lichtabsorption des Kernmaterials bemerkbar macht —, jedoch unterscheiden sich die Anforderungen an die Lichtleitung deutlich von denen in der Kalorimetrie. So wird durch den Einsatz eines Parabelprofils der Laufzeitunterschied der Lichtstrahlen minimiert, da Strahlen mit einem großen Winkel zur Faserachse zwar einen längeren Weg zurücklegen als solche parallel zur Faserachse, durch den im Mittel niedrigeren Brechungsindex aber eine höhere mittlere Geschwindigkeit haben. Bei einer 1 km langen Lichtleiterfaser werden so bei einer Laufzeit von 5 μs nur noch Laufzeitunterschiede von etwa 0,1 ns gemessen [Mah 88].

Bei den in der Kalorimetrie verwendeten Längen von unter einem Meter spielt dieser Effekt keine Rolle. Hier wird aufgrund der einfacheren und preiswerteren Herstellung im Moment ausschließlich das Stufenprofil verwendet. Abschnitt 3.3 beschränkt sich daher bei der Beschreibung des Lichttransportes auf Fasern mit Stufenprofil. Es ist jedoch durchaus denkbar, daß in der Zukunft komplexere Brechungsprofile entwickelt werden, die auf den Einsatz in der Kalorimetrie hin optimiert sein werden. Insbesondere könnte eine Anpassung des Brechungsprofiles an die isotrope Lichtentstehung durch Szintillation die Effizienz des Lichteinfangs und damit die gesamte Lichtausbeute erhöhen.

Es soll kurz auf weitere Aspekte der Lichtleiterfasern eingegangen werden, um zu zeigen, daß die Fortschritte in dieser Technik nicht ohne weiteres auf die Kalorimetrie übertragen werden können. Lichtleiterfasern können nach ihrem Durchmesser unterschieden werden. Ist der Faserkerndurchmesser und die Stärke der Mantelschicht um ein Vielfaches größer als die Wellenlänge des transportierten Lichtes, so kann der Lichttransport allein durch geometrische Optik beschrieben werden. Dies ist bei szintillierenden Plastikfasern der Fall. Sobald die Faserdimensionen in die Größenordnung der Wellenlänge des Lichtes kommen, muß die elektromagnetische Wellentheorie berücksichtigt werden. In der Kommunikationstechnologie werden häufig sogenannte Einmoden–Lichtleiter verwendet, die als Hohlleiter fungieren, in denen sich charakteristische Eigenmodi ausbilden und ab einer Grenzwellenlänge nur noch der Grundmodus ausbreitungsfähig ist. Der Grundmodus wird besser in der Faser transportiert als die höheren Modi, außerdem fehlen Absorptionseffekte aufgrund der Kopplung verschiedener Modi, so daß Einmoden–Lichtleiter eine höhere Absorptionslänge aufweisen als Mehrmoden–Lichtleiter. Eine Länge von etwa 400 m ist nötig, bis sich die Modi in einem Lichtleiter stabilisieren [Ung 89]. In der Kommunikationstechnologie wird das Licht mit Hilfe von Lasern oder Leuchtdioden erzeugt und von außen in die Faser eingekoppelt. Dadurch kann die Winkelverteilung sowie die Wellenlänge des Lichtes auf die verwendete Faser optimiert werden.

3.2 Szintillation

Bei szintillierenden Plastikfasern besteht der Kern aus szintillierendem Material. Als Basismaterial wird hauptsächlich Polystyrol benutzt, das beim Durchgang eines Teilchens Photonen emittiert, die eine Wellenlänge von 300 bis 360 nm besitzen. Dieses UV–Licht besitzt eine mittlere freie Weglänge von 100 bis 200 μm, so daß es nicht in der Faser geleitet werden kann. Das Basismaterial wird daher mit einem Zusatzstoff dotiert, der das UV–Licht absorbiert und Photonen emittiert, die eine Wellenlänge aufweisen, bei der das Basismaterial weitgehend transparent ist [Bir 67]. Aufgrund dieser Eigenschaft werden solche Zusatzstoffe Wellenlängenschieber genannt. Die Winkelverteilung der emittierten Photonen ist isotrop. Die genaue chemische Zusammensetzung ist ein Betriebsgeheimnis der Herstellerfirmen, so daß hier nicht näher auf die verschiedenen einsetzbaren Zusatzstoffe eingegangen, sondern nur das zugrundeliegende Prinzip dargestellt werden soll.

Je nach verwendetem Zusatzstoff tritt eine mehr oder weniger ausgeprägte Überlappung von Emissions- und Absorptionsspektren auf. Dies führt zu wellenlängenabhängigen Selbstabsorptionen im Faserkern, deren Größe mit dem Volumenanteil des Zusatzstoffes zunimmt. Häufig wird das Basismaterial mit zwei verschiedenen Zusatzstoffen dotiert; man spricht dann von einem ternären System. Das sogenannte Primäradditiv kann durch nichtradiative Energieübertragung vom Basismaterial angeregt werden und Photonen im UV–Bereich emittieren [För 48]. Dadurch kann der Anteil der vom durchgehenden Teilchen deponierten Energie, der in Licht umgewandelt wird, erhöht werden. Außerdem ist die Überlappung von Emissions- und Absorptionsspektren in einem ternären System geringer als in einem binären. Abbildung 3.12 auf Seite 40 verdeutlicht die wellenlängenabhängige Selbstabsorption des Faserkerns. Sie zeigt das Faserlichtspektrum einer Faser mit ternärem System bei verschiedenen durchlaufenen Faserlängen. Eine weitere Aufgabe des Wellenlängenschiebers ist es, die Wellenlänge des Faserlichtes an die Wellenlängenempfindlichkeit des Auslesesystems anzupassen, um die Effizienz des gesamten Detektors zu erhöhen. Die Emissionsspektren verschiedener szintillierender Fasern, die in einer eigenen Messung mit einem Monochromator [Fin 90] aufgenommen worden sind, zeigt Abbildung 3.3.

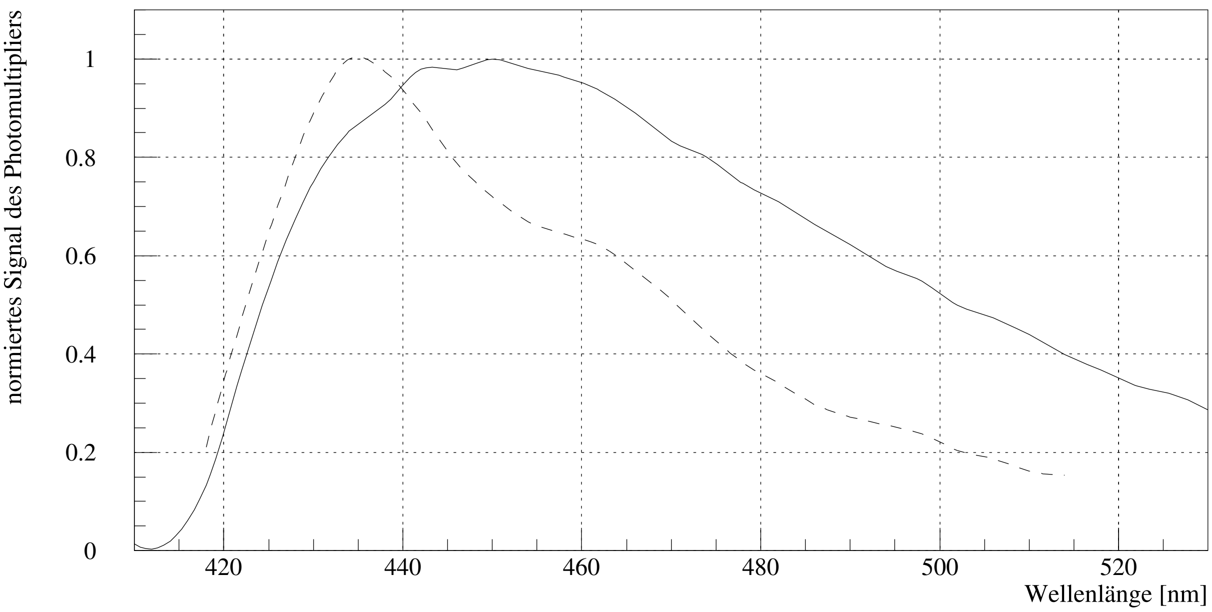

Abbildung 3.3: *Emissionsspektren szintillierender Fasern. Beide untersuchte Fasern haben einen Durchmesser von 0,5 mm und emittieren im blauen Bereich. Die Fasern wurden mit der UV–Lampe bestrahlt, die in Abschnitt 4.4.2 beschrieben ist. Die Entfernung des Anregungsortes vom Ausleseende der Faser betrug jeweils etwa 20 cm. Durchgezogene Linie: die beim SpaCal verwendete Faser Bicron BCF 12. Gestrichelte Linie: Faser der Firma Pol. hi. tech Polifi 0042 050. Aufgetragen ist das normierte Signal des Photomultipliers gegen die am Monochromator eingestellte Wellenlänge ohne Korrektur der Charakteristik des Photomultipliers*

Wird eine szintillierende Faser mit UV–Licht bestrahlt, werden die Wellenlängenschieber durch dieses Licht direkt angeregt. Das entstehende Faserlicht entspricht dabei weitgehend dem durch Teilchendurchgang erzeugten Licht, so daß zur Überprüfung verschiedener Fasereigenschaften die Lichterzeugung alternativ durch eine radioaktive Quelle oder durch eine UV–Lampe vorgenommen werden kann. Aufgrund der wesentlich höheren Lichtintensitäten bei Bestrahlung mit UV–Licht können dann weniger empfindliche Auslesegeräte verwendet werden. Dazu gehört die bei dieser Arbeit benutzte CCD–Kamera, siehe Abschnitt 4.3.

3.3 Lichttransport in szintillierenden Plastikfasern

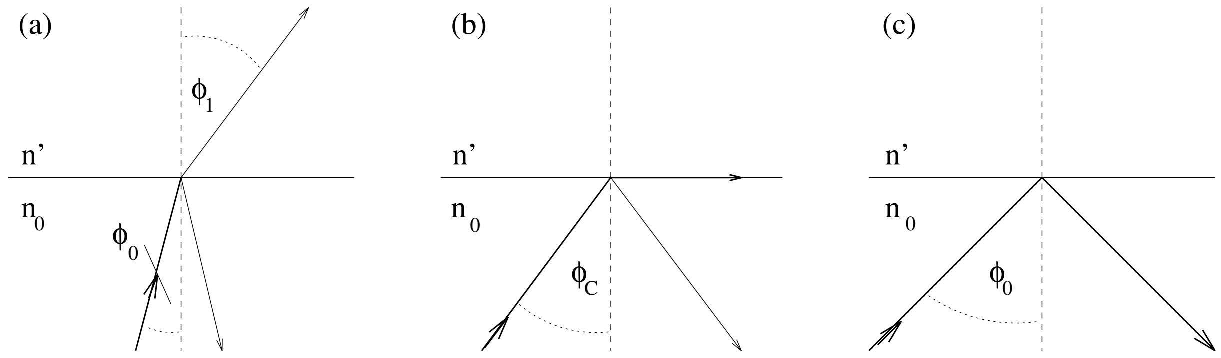

Abbildung 3.4: *Das Verhalten eines Lichtstrahls an der Grenzschicht zweier Medien mit hohem und niedrigem Brechungindex n_0 und n'. Der Strahl wird gebrochen (a), geht entlang der Grenzfläche (b) oder wird totalreflektiert (c)*

Das Verhalten eines Lichtstrahls, das aus einem Medium mit höherem Brechungsindex auf eine Grenzschicht zu einem Medium mit niedrigerem Brechungsindex trifft, wird durch das Snelliussche Brechungsgesetz [Des 38]

$$n_0 \cdot sin\phi_0 = n' \cdot sin\phi_1 \tag{3.1}$$

beschrieben. Dabei bedeuten n_0 und n' die Brechungsindizes der beiden Medien und ϕ_0 und ϕ_1 die Winkel des einfallenden und des gebrochenen Strahls in Bezug zum Einfallslot. Abbildung 3.4a zeigt einen unter einem Winkel ϕ_0 einfallenden Strahl, der in das optisch dünnere Medium unter einem Winkel von $\phi_1 > \phi_0$ gebrochen wird. Erreicht der Winkel des einfallenden Strahles den Wert ϕ_C, verläuft der Strahl wie in Abbildung 3.4b gezeigt entlang der Grenzschicht. ϕ_C wird *kritischer Winkel* genannt. In Abbbildung 3.4c ist der Winkel des einfallenden Strahles größer als ϕ_C. Es tritt kein gebrochener Strahl auf und die Intensität des reflektierten Strahles ist mit der des einfallenden Strahles identisch. Die Bedingung für diesen *Totalreflexion* genannten Effekt ist folgende:

$$\phi_{Tot} > \phi_C = arcsin\frac{n'}{n_0} \tag{3.2}$$

Wegen des Wellencharakters des Lichtes breitet sich bei der Totalreflexion ein Teil des Lichtes im optisch dünneren Medium aus, wobei im zeitlichen Mittel jedoch kein Energiefluß stattfindet. Wird bei szintillierenden Plastikfasern diese in den Fasermantel eindringende Welle gedämpft, so wird auch die reflektierte Welle geschwächt. Dies bedeutet, daß auch der Mantel aus transparentem Material bestehen muß, um Totalreflexion zu erhalten. Die Amplitude der eindringenden Welle nimmt mit zunehmendem Abstand von der Grenzschicht exponentiell ab, so daß dieser Effekt nur in einem Bereich von einigen Wellenlängen eine Rolle spielt.

3.3.1 Lichtleitung meridionaler Strahlen in geraden Fasern

Im folgenden soll die Lichtleitung des Faserlichtes beschrieben werden. Es wird dabei von einer idealen Faser ausgegangen, deren Oberfläche und deren Grenzschicht Kern–Mantel keine Fehler aufweisen. Abbildung 3.5 zeigt die Lichtleitung in einer Faser bei einem Schnitt

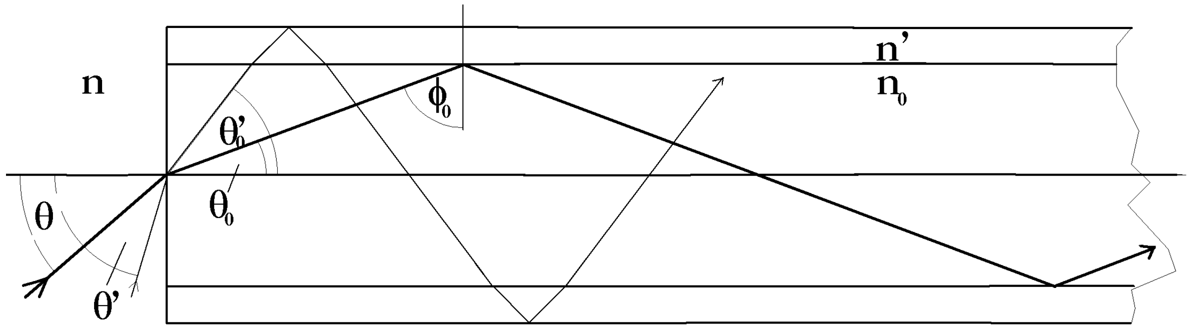

Abbildung 3.5: *Lichtleitung in einem geraden Stück Faser. Faserkern, -mantel und die umgebende Luft haben die Brechungsindizes n_0, n' und n. Der dick eingezeichnete Strahl gehört zum Kernlicht, der dünnere gehört zum Mantellicht*

durch die Faserachse. Das Licht wird hier von außen eingekoppelt; aus Symmetriegründen entspricht dies einem am Faserende herausgebrochenen Strahl. Hier und im folgenden bedeuten die Winkel θ und θ_0 die Winkel des Lichtstrahles außerhalb und innerhalb der Faser bezüglich der Faserachse und der Winkel ϕ_0 der zwischen dem auf die Grenzschicht Kern–Mantel fallenden Lichtstrahl und dem Einfallslot. Die Abbildung zeigt einen Lichtstrahl, der sich in einer Ebene ausbreitet, die die Faserachse enthält. Die Beschreibung der Lichtleitung sei im folgenden vorerst auf solche *meridionalen Strahlen*, die die Faserachse kreuzen, beschränkt.

Für eine szintillierende Faser mit Kern- und Mantelbereich ergeben sich zwei Grenzschichten. Das Licht, das sich in der Faser befindet, kann aufgrund seiner Winkelverteilung in drei Komponenten aufgeteilt werden:

- *Kernlicht*: Das Licht trifft unter einem Winkel auf die Grenzschicht Kern–Mantel, der größer als der Grenzwinkel $\phi_C = \phi_{KM}$ dieser Grenzschicht ist: $\phi_{KM} \leq \phi_0 \leq 90°$. Dieses Licht wird totalreflektiert und trifft die Grenzschicht wieder unter demselben Winkel. Nach einer Reihe von Totalreflexionen erreicht das Licht das Faserende. Auf seinem Weg durch die Faser befindet sich Kernlicht also ausschließlich im Faserkern

- *Mantellicht*: Das Licht trifft unter einem Winkel $\phi_0 < \phi_{KM}$ auf die Grenzschicht Kern–Mantel und wird in den Mantel gebrochen. Dort trifft es unter einem Winkel ϕ' auf die Grenzschicht Mantel–Luft, der größer als der entsprechende Grenzwinkel ϕ_{ML} ist. Dieses Licht wird totalreflektiert und wieder in die Kernschicht hineingebrochen, wonach es die Grenzschicht Mantel–Luft wieder unter dem anfänglichen Winkel trifft. Auf seinem Weg durch die Faser befindet sich Mantellicht also sowohl im Fasermantel als auch im Faserkern. Es gilt: $\phi_{KL} \leq \phi_0 \leq \phi_{KM}$

- *Herausgebrochenes Licht*: Trifft das Licht unter einem zu kleinen Winkel $\phi_0 < \phi_{KL}$ auf die Grenzschicht Kern–Mantel, so wird es in den Fasermantel gebrochen und an der folgenden Grenzschicht aus der Faser herausgebrochen. Dieses Licht wird folglich nicht in der Faser transportiert

Bei diesen Überlegungen wird das teilreflektierte Licht, das nach Abbildung 3.4a bei der Lichtbrechung in ein optisch dünneres Medium entsteht, nicht berücksichtigt, da es nach mehreren aufeinanderfolgenden Reflexionen vernachlässigt werden kann.

Bei dreidimensionaler Betrachtung ergibt sich für Licht auf der Faserachse ein *Akzeptanzkegel*, dessen Öffnungswinkel $\theta_{0,Max}$ sich aus dem kritischen Winkel ϕ_C ergibt. Für Kernlicht gilt $\theta_{0,Max} = 90° - \phi_{KM}$. Der Öffnungswinkel θ_{Max} des Akzeptanzkegels für von außen auf der Achse eingekoppeltes Licht ergibt sich nach Gleichung 3.1 zu:

$$NA = n \cdot sin\theta_{Max} = \sqrt{n_0^2 - n'^2} \tag{3.3}$$

Die Größe $n \cdot sin\theta$ wird als *numerische Apertur NA* der Faser bezeichnet und ist ein Maß für die Winkelverteilung der am Faserende austretenden meridionalen Strahlen und entsprechend des äußeren Akzeptanzkegels.

Für die beim SpaCal eingesetzten Fasern mit $n_0 = 1,59$ und $n' = 1,49$ ergeben sich folgende Werte:

$$\begin{aligned} \phi_{KM} &= arcsin\frac{n'}{n_0} = 69,6° \\ \phi_{KL} &= arcsin\frac{1}{n_0} = 39,0° \\ \theta_{0,Max} &= 20,4° \\ \theta_{Max} &= 33,7° \end{aligned}$$

Anhand Abbildung 3.5 kann die Weglänge P eines meridionalen Strahles entlang einer geraden Faser für Kernlicht zu

$$P(\theta_0) = \frac{L}{cos\theta_0} \tag{3.4}$$

bestimmt werden. Dabei bedeutet L die axiale Faserlänge. Es ist hervorzuheben, daß die optische Weglänge P unabhängig von dem Faserkerndurchmesser d ist und nur von der Winkelverteilung abhängt. Demgegenüber ist die Anzahl der Reflexionen in der Faser durch

$$\eta(\theta_0, d) = \frac{L}{d \cdot tan\phi_0} = \frac{L}{d} tan\theta_0 \tag{3.5}$$

gegeben. Die Reflexionenzahl ist also umgekehrt proportional zum Durchmesser.

3.3.2 Lichtleitung meridionaler Strahlen in gebogenen Fasern

Eine wichtige Eigenschaft optischer Fasern ist die Lichtleitung in gebogenen Fasern. Abbildung 3.6a zeigt eine gebogene Faser und zwei Strahlen, die am Faseranfang eingekoppelt werden. Ein Strahl durchquert die Faser, ohne die Grenzschicht Kern–Mantel unter einem kleineren als den Grenzwinkel ϕ_{KM} zu treffen und erreicht das Faserende. Der andere eingezeichnete Strahl wird jedoch aufgrund der Biegung aus der Faser herausgebrochen. Ebenso sind Strahlen denkbar, die ursprünglich zum Kernlicht gehören und durch eine Biegung zu Mantellicht werden und umgekehrt.

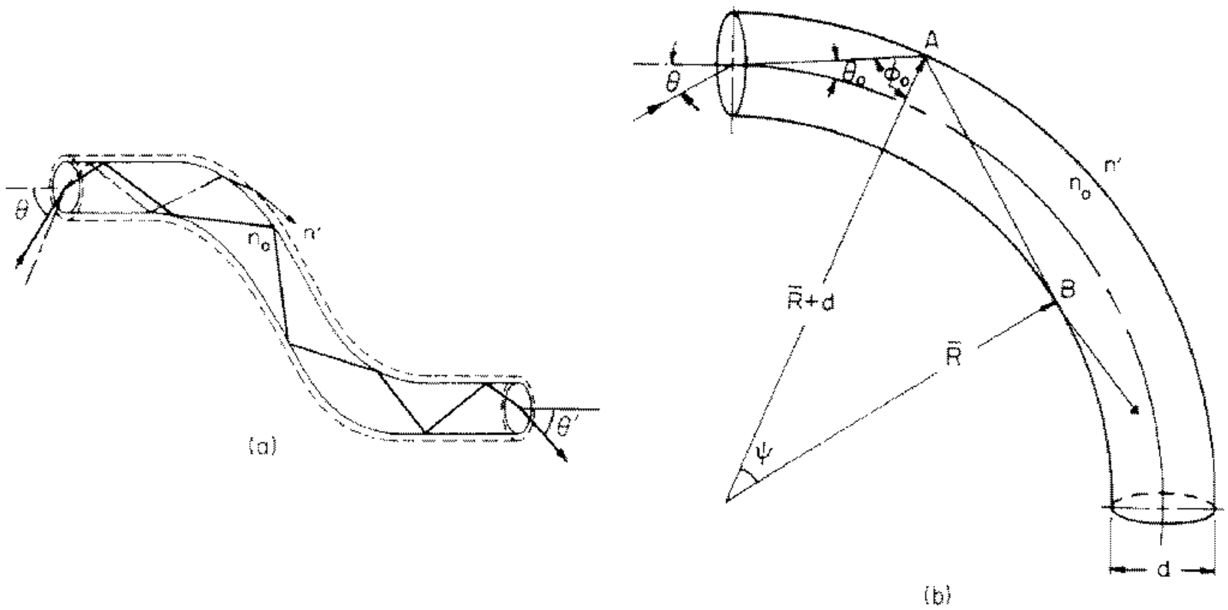

Abbildung 3.6: *Strahlengang durch gebogene Fasern. (a): Ein Strahl wird aus der Faser herausgebrochen, der andere Strahl wird durch die Faser geleitet. Der Fasermantel ist gestrichelt eingezeichnet. (b): Eine zu einem Torusstück gebogene Faser; der Fasermantel ist nicht eingezeichnet. Zur Definition des Winkels θ_0 Siehe Abb. 3.5 [Kap 67]*

Um die Auswirkungen einer Faserbiegung quantitativ zu beschreiben, betrachten wir ein Faserstück mit einem konstanten Biegeradius. Abbildung 3.6b zeigt eine Faser mit dem Kerndurchmesser d, die so gebogen ist, daß der Radius der Faserachse den Wert $\bar{R} + d/2$ hat. Gezeigt ist eine Faser, die bereits am Anfang gebogen ist und in die von außen Licht eingekoppelt wird. Denkbar ist auch eine Faser, an die sich vor dem gebogenen Stück ein Gerades anschließt; die folgende Diskussion geht von diesem realistischeren Fall aus. Die Winkelbezeichnungen entsprechen denen aus Abbildung 3.5; der Abstand des Strahles von der Faserachse beim Eintritt in das gebogene Faserstück sei h. Betrachtet wird nur Kernlicht, das sich in der Kreisebene, die die Faserachse enthält, ausbreitet. Der Winkel ϕ_0, unter dem der Strahl die Grenzschicht Kern–Mantel im gebogenen Faserteil trifft, ist durch

$$sin\phi_0 = \frac{(\bar{R} + d/2 + h)cos\theta_0}{\bar{R} + d} \tag{3.6}$$

gegeben. Dies gilt für Reflexionen am äußeren Rand; sofern solche am inneren Rand überhaupt vorkommen, ist der entsprechende Winkel stets größer. Bei nachfolgenden Reflexionen im gebogenen Teil bleiben die Winkel unverändert.

Für den minimalen Akzeptanzwinkel $\phi_{C,geb}$, den ein Strahl in dem geraden Stück vor der Biegung aufweisen darf, um nach der Biegung noch zum Kernlicht zu gehören, gilt nach den Gleichungen 3.2 und 3.6:

$$sin\phi_{C,geb} = cos\theta_0 = \frac{n_0}{n'} \frac{\bar{R} + d}{\bar{R} + d/2 + h} \tag{3.7}$$

Zum Beispiel ergibt sich für die beim SpaCal verwendeten Fasern bei einem $\bar{R}/d$–Verhältnis von 20 ein Grenzwinkel von $\phi_{KM,gebogen} = 73,7°$, wenn man nur den Fall $h = 0$ betrachtet. Dies bedeutet, daß der Winkelbereich $69,6° < \phi_0 < 73,7°$ durch die Biegung für das Kernlicht verloren geht.

Die Weglänge zwischen zwei aufeinanderfolgenden Reflexionen beträgt $l = \bar{R} \cdot sin\psi / sin\phi_0$, wobei ψ der Kreiswinkel zwischen den Reflexionen nach Abbildung 3.6b ist. Zusammen mit der axialen Weglänge $L = \psi \cdot (\bar{R} + d/2)$ erhält man für das Verhältnis zwischen der Weglänge des Strahles im gebogenen Teil $\bar{P}$ und L:

$$\frac{\bar{P}}{L} \leq \frac{(sin\psi)/\psi}{sin\phi_0}$$

also wegen $sin\phi_0 = cos\theta_0$ und $(sin\psi)/\psi \leq 1$

$$\bar{P} \leq \frac{L}{cos\theta_0} \stackrel{3.4}{=} P(\theta_0) \tag{3.8}$$

Der Vergleich mit Gleichung 3.4 zeigt, daß sich die Weglänge eines meridionalen Strahles verkürzt, wenn die Faser gebogen wird. Um die Größenordnung dieses Effektes abzuschätzen, betrachtet man den Maximalwinkel ψ_{Max} zwischen zwei aufeinanderfolgenden Reflexionen, der sich aus $cos\psi_{Max} = \bar{R}/(\bar{R} + d)$ ergibt. Bei einem $\bar{R}/d$–Verhältnis von 20 erhält man zum Beispiel eine Verkürzung der Wegstrecke durch die Biegung um maximal $1,6\%$.

3.3.3 Helikale Strahlen

Die Beschreibung des Lichttransportes in geraden oder gebogenen Fasern anhand von meridionalen Strahlen ist eine sehr starke Vereinfachung. In Wirklichkeit kreuzt nur ein kleiner Teil des Lichtes auf seinem Weg durch die Faser die Faserachse. Der größte Teil des Lichtes läuft auf einer spiralenförmigen Bahn durch die Achse. Diese *helikalen* Strahlen zeigen ein anderes Verhalten als meridionale Strahlen. Eine vollständige analytische Beschreibung der Lichtleitung unter Einbeziehung helikaler Strahlen ist vor allem bei gebogenen Fasern sehr kompliziert und liegt außerhalb des Rahmens dieser Arbeit. Es soll daher im folgenden die Bedeutung helikaler Strahlen vor allem anhand der Ergebnisse einer Monte–Carlo–Simulation von Th. Deckers [Dec 94] veranschaulicht werden. Dieses Programm simuliert die Lichtentstehung und -leitung in einer szintillierenden Plastikfaser mit einem Durchmesser von einem Millimeter. Die Brechungsindizes der Kern- und Mantelschicht entsprechen mit 1,59 und 1,49 denen der beim SpaCal benutzten Fasern. Die Photonen entstehen in dieser Simulation in der Mitte der 10 cm langen Faser auf der Querschnittsfläche des Kerns gleichverteilt. Diese Verteilung auf der Querschnittsfläche trägt der Lichtentstehung im SpaCal Rechnung. Zum Vergleich können auch nur meridionale Photonen betrachtet werden. Absorptionsverluste werden nicht berücksichtigt.