Untersuchung der diffraktiven Photoproduktion von J/ψ-Mesonen im H1-Detektor bei HERA

DISSERTATION
zur Erlangung des Doktorgrades
des Fachbereichs Physik
der Universität Hamburg

Vorgelegt von
Guido Schmidt
aus Bad Oldesloe

Hamburg
1996

Gutachter der Dissertation:	Prof. Dr. B. Naroska Prof. Dr. R. Eichler
Gutachter der Disputation:	Prof. Dr. B. Naroska Prof. Dr. R. Klanner
Datum der Disputation:	29. Januar 1997
Sprecher des Fachbereichs Physik und Vorsitzender des Promotionsausschusses:	Prof. Dr. B. Kramer

Kurzfassung

In der vorliegenden Arbeit wird die Photoproduktion von J/ψ-Mesonen in Elektron-Proton-Wechselwirkungen im H1-Detektor am Speicherring HERA untersucht. Die J/ψ-Mesonen werden über ihren leptonischen Zerfall in Elektronen oder Myonen nachgewiesen. Die Daten der Jahre 1994 und 1995 werden analysiert, entsprechend einer integrierten Luminosität von etwa $7\,\mathrm{pb}^{-1}$. Man erhält etwa 1500 J/ψ-Kandidaten, die für die Untersuchung der diffraktiven J/ψ-Produktion verwendet werden.
Der Wirkungsquerschnitt für elastische J/ψ-Produktion ($\gamma p \to J/\psi p$) nimmt im Vergleich zu früheren Experimenten bei niedrigerer Schwerpunktsenergie um fast eine Größenordnung zu. Dieser Anstieg des Wirkungsquerschnittes kann nicht durch diffraktive Modelle beschrieben werden. Im Rahmen störungstheoretischer QCD-Rechnungen kann der starke Anstieg jedoch erklärt werden. Der Wirkungsquerschnitt wird in diesem Modell in Beziehung zum Quadrat der Gluondichte im Proton gesetzt. Der Wirkungsquerschnitt für J/ψ-Produktion mit Proton-Dissoziation ($\gamma p \to J/\psi X$) hat in dem untersuchten kinematischen Bereich annähernd die gleiche Größe wie der elastische Wirkungsquerschnitt. Der differentielle Wirkungsquerschnitt als Funktion des Transversalimpulses des J/ψ-Mesons fällt sowohl für elastische J/ψ-Produktion als auch für J/ψ-Produktion mit Proton-Dissoziation exponentiell ab, wie in diffraktiven Modellen angenommen. Der Steigungsparameter für elastische J/ψ-Produktion ist etwa doppelt so groß wie der für J/ψ-Produktion mit Proton-Dissoziation. Ebenso ist der differentielle Wirkungsquerschnitt für J/ψ-Produktion mit Proton Dissoziation als Funktion der Masse des hadronischen Endzustandes in Übereinstimmung mit diffraktiven Modellen. Die Winkelverteilung der Zerfallsleptonen wird im Ruhesystem des J/ψ-Mesons untersucht, die Ergebnisse sind in Übereinstimmung mit s-Kanal-Helizitätserhaltung.

Abstract

In this thesis the photoproduction of J/ψ mesons in electron proton interactions in the H1 experiment at HERA is analysed. The J/ψ mesons are detected via their leptonic decay into electrons or muons. The data from the years 1994 and 1995 are used corresponding to an integrated luminosity of $7\,\mathrm{pb}^{-1}$. About 1500 J/ψ candidates are selected which are used to analyse the diffractive production of J/ψ mesons.
The cross section for elastic J/ψ production ($\gamma p \to J/\psi p$) is found to increase strongly with the center of mass energy. This rise of the cross section cannot be described within diffractive models. However in perturbative QCD this rise can be described. In this model the gluon density in the proton enters the cross section quadratically. The cross section for J/ψ production with proton dissociation ($\gamma p \to J/\psi X$) is of similar magnitude as the elastic cross section. The differential cross section as a function of the transverse momentum for both elastic J/ψ production and J/ψ production with proton dissociation decreases exponentially as expected in diffractive models. The slope parameter for elastic J/ψ production is two times larger than the slope for J/ψ production with proton dissociation. The differential cross section for J/ψ production with proton dissociation as a function of the mass of the hadronic system is also in accord with a diffractive production mechanism. The angular distribution of the decay leptons is analysed in the J/ψ rest frame and is found to be consistent with s-channel helicity conservation.

Inhaltsverzeichnis

Kapitel 1

Einleitung

In dieser Arbeit wird die Erzeugung von J/ψ-Mesonen am Speicherring HERA bei Elektron-Proton-Schwerpunktsenergien von $\sqrt{s} \approx 300\,\mathrm{GeV}$ untersucht. Das J/ψ-Meson, das 1974 am Stanford Linear Accelerator und am Brookhaven National Laboratory entdeckt wurde, ist ein gebundener Zustand eines Charm-Anticharm-Paares. Es hat eine Masse von $m_\psi = 3.097\,\mathrm{GeV}$.

Die J/ψ-Produktion in der Elektron-Proton-Streuung kann auf die J/ψ-Produktion in der Photon-Proton-Streuung zurückgeführt werden. Bei HERA werden J/ψ-Mesonen überwiegend bei $Q^2 \approx 0$ (Photoproduktion) produziert, d.h. das die Wechselwirkung vermittelnde Photon ist nahezu reell. Es werden Bereiche der Photon-Proton-Schwerpunktsenergie erschlossen ($30\,\mathrm{GeV} \leq W_{\gamma p} \leq 150\,\mathrm{GeV}$), die von früheren *Fixed-Target*-Experimenten nicht erreicht werden konnten.

Wie Untersuchungen in *Fixed-Target*-Experimenten bei niedrigeren Schwerpunktsenergien gezeigt haben, kann die elastische J/ψ-Erzeugung ($\gamma p \rightarrow J/\psi p$) und die J/ψ-Erzeugung mit Proton-Dissoziation ($\gamma p \rightarrow J/\psi X$) als diffraktiver Prozeß aufgefaßt werden. Die Transversalimpulse der J/ψ-Mesonen sind in diesen Prozessen klein, sie werden als *weiche* Prozesse bezeichnet. Im Gegensatz zu inelastischen Prozessen wird keine Farbladung zwischen Charm-Anticharm-Paar und dem Protonrest ausgetauscht. Im Falle der J/ψ-Erzeugung mit Proton-Dissoziation ist der Protonrest nur in Vorwärtsrichtung (Richtung des einlaufenden Protons) sichtbar, im Falle der elastischen J/ψ-Erzeugung bleibt das Proton erhalten. Im Gegensatz dazu ist bei der inelastischen J/ψ-Produktion in der Regel der hadronische Endzustand im zentralen Detektor sichtbar.

Die diffraktive Produktion von J/ψ-Mesonen kann phänomenologisch im Donnachie-Landshoff-Modell beschrieben werden, das auf der Regge-Theorie und dem Vektormeson-Dominanz-Modell basiert. Die Wechselwirkung wird in diesem Modell durch den Austausch eines Pomerons vermittelt. Es gibt Versuche (Donnachie-Nachtmann), die diffraktive J/ψ-Produktion innerhalb der Quantenchromodynamik durch Austausch zweier Gluonen zu beschreiben.

Im Gegensatz dazu wird im Ryskin-Modell die elastische J/ψ-Produktion als *harter* Prozeß interpretiert. Die Rechnungen sind innerhalb der störungstheoretischen Quantenchromodynamik (pQCD) mit der Skala $m_\psi^2/4$ durchführbar, die Wechselwirkung wird durch Austausch eines Gluonsystems vermittelt. In diesem Bild ist der totale

Wirkungsquerschnitt proportional zum Quadrat der Gluondichte im Proton. Dadurch ist es möglich, Zugang zur Gluondichte im Bereich $10^{-3} \leq x \leq 10^{-2}$ zu bekommen.
Beide Modelle sagen ein unterschiedliches Verhalten des Wirkungsquerschnittes als Funktion der Schwerpunktsenergie voraus: Im Donnachie-Landshoff-Modell steigt der Wirkungsquerschnitt nur langsam mit der Schwerpunktsenergie an. Im Ryskin-Modell hingegen führt die Zunahme des Gluoninhaltes im Proton zu kleinen Werten von x hin zu einem wesentlich steileren Anstieg. Durch die Messung der entsprechenden Wirkungsquerschnitte für die Produktion von Vektormesonen kann der Übergangsbereich von weichen Prozessen, die die Produktion leichter Vektormesonen auch bei HERA erfolgreich beschreiben, zu harten Prozessen, die die Produktion von J/ψ-Mesonen beschreiben können, untersucht werden.
Die J/ψ-Mesonen werden über ihren leptonischen Zerfall in Elektronen ($J/\psi \to e^+e^-$) bzw. Myonen ($J/\psi \to \mu^+\mu^-$) im H1-Detektor nachgewiesen und rekonstruiert. Das Verzweigungsverhältnis in Elektronen und Myonen beträgt jeweils etwa 6%. Im Rahmen dieser Arbeit werden die Daten der Jahre 1994 und 1995 analysiert.
Eine wesentliche Aufgabe war es, effiziente Trigger für J/ψ-Ereignisse zu entwickeln und die Zerfallsleptonen zuverlässig im Detektor zu identifizieren. Die für diese Analyse verwendeten Trigger sprechen auf die Signale der Zerfallsleptonen im Flüssig-Argon-Kalorimeter oder im zentralen Myonsystem in Kombination mit Signalen im Spurkammersystem an. Eine besondere Schwierigkeit besteht darin, die niederenergetischen Zerfallsleptonen ($p \approx 1\,\mathrm{GeV}$) von Untergrundprozessen zu trennen. Die Zerfallselektronen werden anhand ihres Schauers im elektromagnetischen Teil des Flüssig-Argon-Kalorimeters nachgewiesen, die Zerfallsmyonen anhand ihrer Spur im hadronischen Teil des Flüssig-Argon-Kalorimeters oder im zentralen Myondetektor. Die Zerfallsleptonen können mit Hilfe dieser Detektorkomponenten effizient von Hadronen getrennt werden.
Um Wirkungsquerschnitte bestimmen zu können, werden sowohl die Triggerwahrscheinlichkeiten als auch die Nachweiswahrscheinlichkeiten für Leptonen anhand von Daten bestimmt.
Zur Analyse der diffraktiven J/ψ-Produktion wird ein Datensatz selektiert, der aus Ereignissen besteht, die außer den Zerfallsleptonen keine weitere Aktivität im Spurkammersystem aufweisen. Hierdurch ist eine Abgrenzung zu inelastischen Prozessen möglich. Anhand von Detektorkomponenten, den sogenannten „Vorwärtsdetektoren“, in denen Protonfragmente aber nicht elastisch gestreute Protonen nachgewiesen werden können, kann zwischen elastischen Ereignissen und Ereignissen mit Proton-Dissoziation unterschieden werden. Zur Bestimmung der Wirkungsquerschnitte für elastische J/ψ-Produktion und für J/ψ-Produktion mit Proton-Dissoziation ist ein genaues Verständnis des Ansprechverhaltens dieser Vorwärtsdetektoren unerläßlich.

Gliederung der Arbeit

Im **zweiten** Kapitel dieser Arbeit werden verschiedene Produktionsmechanismen für J/ψ-Mesonen erläutert und die Kinematik der J/ψ-Ereignisse eingeführt. Es wird insbesondere die diffraktive Erzeugung von J/ψ-Mesonen sowie die elastische J/ψ-Produktion im Rahmen des Ryskin-Modells innerhalb der pQCD diskutiert.
Im **dritten** Kapitel werden der Speicherring HERA sowie der H1-Detektor beschrieben.

Dabei werden besonders die Detektorkomponenten ausführlich behandelt, die für den Nachweis und die Rekonstruktion von J/ψ-Mesonen wichtig sind.
Im **vierten** Kapitel wird auf die im Rahmen dieser Arbeit verwendeten Monte-Carlo-Generatoren und auf die Detektorsimulation eingegangen.
Im **fünften** Kapitel werden die Komponenten des H1-Triggersystems beschrieben, die für die Selektion von J/ψ-Mesonen wichtig sind. Im **sechsten** Kapitel wird der Nachweis der Zerfallsleptonen im Flüssig-Argon-Kalorimeter und im zentralen Myonsystem diskutiert. Der Schwerpunkt dieser Arbeit liegt bei der Identifikation von Leptonen im Flüssig-Argon-Kalorimeter. Auf die Identifikation von Leptonen aufbauend wird im **siebten** Kapitel dieser Arbeit die Selektion der J/ψ-Kandidaten mit Hilfe der Zerfallsleptonen vorgestellt.
Im **achten** Kapitel werden die totalen Wirkungsquerschnitte für elastische J/ψ-Produktion und J/ψ-Produktion mit Proton-Dissoziation als Funktion der Photon-Proton-Schwerpunktsenergie sowie die differentiellen Wirkungsquerschnitte als Funktion des Transversalimpulses bestimmt. Darüberhinaus wird die Abhängigkeit des Wirkungsquerschnittes für J/ψ-Produktion mit Proton-Dissoziation von der Masse des hadronischen Endzustandes abgeschätzt. Zum Abschluß des Kapitels wird die Winkelverteilung der Zerfallsleptonen im J/ψ-Ruhesystem untersucht, und es wird überprüft, inwieweit die s-Kanal-Helizitätserhaltung erfüllt ist.

Kapitel 2

Theoretische Grundlagen

Das J/ψ-Teilchen ist ein Vektormeson mit einer Masse von $m_\psi = 3.097\,\mathrm{GeV}$, das als gebundener Zustand eines Charm-Anticharm-Paares interpretiert wird. Es hat die Quantenzahlen $J^{PC} = 1^{--}$. In der vorliegenden Analyse werden die J/ψ-Mesonen anhand ihrer Zerfälle in Leptonpaare im H1-Detektor nachgewiesen. J/ψ-Mesonen zerfallen mit einer Wahrscheinlichkeit von etwa 6%[1] pro Zerfallskanal in Elektronen ($J/\psi \to e^+e^-$) und Myonen ($J/\psi \to \mu^+\mu^-$). Die gesamte Zerfallsbreite beträgt $\Gamma = (87 \pm 5)\,\mathrm{keV}$, die leptonische Zerfallsbreite $\Gamma_{\ell\ell} = (5.26 \pm 0.37)\,\mathrm{keV}$ pro Lepton [67].

Bei der Produktion von J/ψ-Mesonen in der Elektron[2]-Proton-Streuung unterscheidet man zwischen diffraktiven Prozessen, in denen das Proton elastisch gestreut wird oder dissoziiert, und inelastischen Prozessen, in denen das Proton fragmentiert. In der vorliegenden Arbeit wird die Photoproduktion von J/ψ-Mesonen untersucht. Dieser Prozeß ist bei HERA der dominierende Erzeugungsprozeß.

In diesem Kapitel wird zuerst die Kinematik der Elektron-Proton-Wechselwirkung sowie die Kinematik der J/ψ-Produktion eingeführt. Dann werden die verschiedenen Produktionsmechanismen für die Photoproduktion von J/ψ-Mesonen vorgestellt: die diffraktive J/ψ-Erzeugung (Abschnitt 2.3), die im Rahmen dieser Arbeit untersucht wird, sowie ein Modell für die elastische Erzeugung von J/ψ-Mesonen, das auf der störungstheoretischen Quantenchromodynamik basiert (Abschnitt 2.4). Abschließend wird die inelastische Produktion von J/ψ-Mesonen durch Photon-Gluon-Fusion beschrieben (Abschnitt 2.5).

2.1 Kinematik bei HERA

Die Elektron-Proton-Wechselwirkung bei HERA wird dominiert durch den Austausch von Photonen (Abbildung 2.1) und läßt sich mit Hilfe der lorentzinvarianten Größen s, y und Q^2 beschreiben. Der Austausch von Z^0- oder $W^\pm$-Bosonen ist im Vergleich hierzu stark unterdrückt.

[1] Die Zerfallswahrscheinlichkeit beträgt $(6.02 \pm 0.19)\%$ für den elektronischen Zerfallskanal und $(6.01 \pm 0.19)\%$ für den myonischen Zerfallskanal [67].

[2] Elektron umfaßt hier als Oberbegriff sowohl das Elektron als auch das Positron.

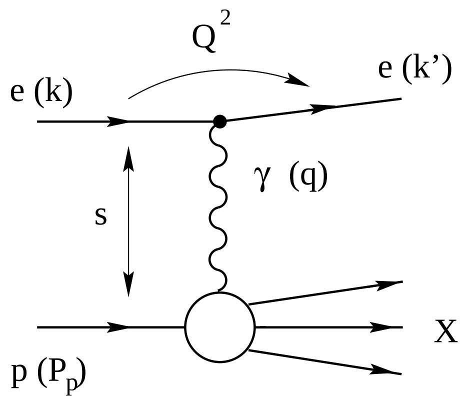

Abbildung 2.1: *ep-Wechselwirkung durch Austausch von Photonen. In Klammern sind die Viererimpulse der an der Wechselwirkung beteiligten Teilchen angegeben.*

Die Elektron-Proton-Schwerpunktsenergie ist gegeben durch:

$$s = (P_p + k)^2 \approx 2P_p \cdot k \approx 4E_e E_p. \tag{2.1}$$

Bei Strahlenergien von $E_e = 27.5\,\mathrm{GeV}$ und $E_p = 820\,\mathrm{GeV}$ (Datennahmeperiode 1994 und 1995) ist $s \approx 87600\,\mathrm{GeV}^2$ und $\sqrt{s} \approx 300\,\mathrm{GeV}$.
Der normierte Energieübertrag des Elektrons ist:

$$y = \frac{P_p \cdot q}{P_p \cdot k} = \frac{2}{s} P_p \cdot q. \tag{2.2}$$

Die Variable Q^2, das negative Quadrat des Viererimpulses des Photons, ist gegeben durch:

$$Q^2 = -q^2 = (k - k')^2 \approx 4E_e E'_e \sin^2 \frac{\theta}{2}. \tag{2.3}$$

Dabei sind k und k' die Viererimpulse von einlaufendem und getreutem Elektron, P_p der Impuls des einlaufenden Protons und E_e und E_p die Energien von Elektron und Proton (siehe Abbildung 2.1). E'_e ist die Energie des gestreuten Elektrons und θ der Winkel zwischen einlaufendem und gestreutem Elektron.
Ist der Impulsübertrag vom Elektron auf das Photon groß ($Q^2 \gtrsim 1\,\mathrm{GeV}^2$), so spricht man von *tiefinelastischer Streuung*. Für kleine Q^2, $Q^2 \approx 0$, ist das Photon nahezu reell, und man spricht von *Photoproduktion*.
In der Photoproduktion bezeichnet y im Ruhesystem des Protons den Energiebruchteil des Elektrons, der vom Photon übernommen wird:

$$y = \frac{E_\gamma}{E_e}. \tag{2.4}$$

„Bjorken-x“ ist eine weitere lorentzinvariante Größe, die von den oben definierten Größen abhängig ist:

$$x = \frac{Q^2}{ys}. \tag{2.5}$$

x ist in der tiefinelastischen Streuung der Impulsanteil des an der Wechselwirkung mit dem Photon teilnehmenden Partons aus dem Proton.

Kinematik der J/ψ-Produktion

Die Erzeugung von J/ψ-Mesonen in der Elektron-Proton-Streuung ist in Abbildung 2.2 dargestellt. Zur Beschreibung werden drei zusätzliche Variablen benötigt. In der Regel verwendet man die Elastizität z, den Transversalimpuls p_t des J/ψ-Mesons und den Winkel Φ.

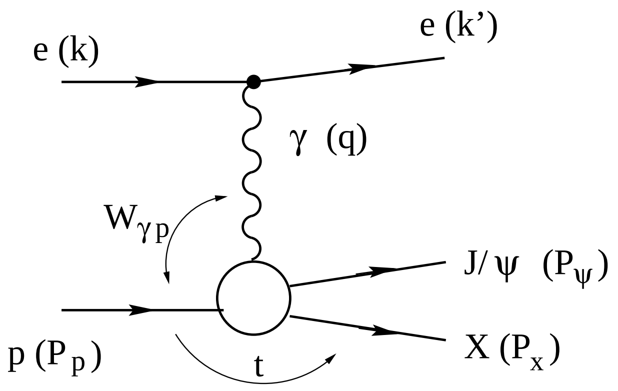

Abbildung 2.2: *Erzeugung von J/ψ-Mesonen. Die Symbole in Klammern bezeichnen die Viererimpulse der beteiligten Teilchen. Für elastische J/ψ-Produktion ist $X = p$ und $P_X = P_p'$.*

Die Elastizität z ist definiert als:

$$z = \frac{P_p \cdot P_\psi}{P_p \cdot q} = \frac{2}{ys} P_p \cdot P_\psi, \tag{2.6}$$

wobei P_ψ der Viererimpuls des J/ψ-Mesons ist. Im Ruhesystem des Protons ist z der Energiebruchteil des Photons, der vom J/ψ-Meson übernommen wird:

$$z = \frac{E_\psi^*}{E_\gamma^*}. \tag{2.7}$$

E_ψ^* und E_γ^* sind die Energie des J/ψ-Mesons und des Photons im Ruhesystem des Protons. Die Elastizität z kann zur Trennung der verschiedenen Mechanismen für die Erzeugung von J/ψ-Mesonen verwendet werden.
Der Winkel Φ wird definiert zwischen der Ebene des einlaufenden und des gestreuten Elektrons und der Ebene des einlaufenden Protons und des J/ψ-Mesons [45]:

$$\cos \Phi = \frac{(\vec{k} \times \vec{k}') \cdot (\vec{P}_p \times \vec{P}_\psi)}{|\vec{k} \times \vec{k}'||\vec{P}_p \times \vec{P}_\psi|}. \tag{2.8}$$

Die im Rahmen dieser Arbeit diskutierten Modelle zur Beschreibung der J/ψ-Produktion verwenden das **γp-Schwerpunktsystem**. Die Schwerpunktsenergie in diesem System (γp-Schwerpunktsenergie) beträgt:

$$W_{\gamma p} = \sqrt{(P_p + q)^2}. \tag{2.9}$$

Für die γp-Schwerpunktsenergie gilt in der Photoproduktion:

$$W^2_{\gamma p} = ys - Q^2 + m_p^2 \approx ys. \tag{2.10}$$

Der Impulsübertrag t am Protonvertex ist definiert als:

$$t = (P_p - P'_p)^2 = (q - P_\psi)^2. \tag{2.11}$$

Der Transversalimpuls des J/ψ-Mesons wird im γp-Schwerpunktsystem bezüglich der Flugrichtung des einlaufenden Protons gemessen:

$$\vec{p_t^*} = |\vec{n} \times \vec{P}_\psi| \tag{2.12}$$

mit $\vec{n} = \vec{P}_p / |\vec{P}_p|$. Man erhält:

$$t = -\frac{1}{z} p_t^{*2} - (1-z)Q^2 - (\frac{1}{z} - 1) m_\psi^2. \tag{2.13}$$

Für elastische J/ψ-Produktion mit $z = 1$ (siehe Fußnote [3]) gilt daher:

$$t = -p_t^{*2}. \tag{2.14}$$

2.2 Photoproduktion von J/ψ-Mesonen

Die Reaktion $ep \to eX$ läßt sich in niedrigster Ordnung in die Emission des Photons durch das Elektron und die Reaktion $\gamma p \to eX$ faktorisieren. Die Unabhängigkeit der beiden Subprozesse drückt sich in der Faktorisierung des Wirkungsquerschnittes in zwei Komponenten aus. Dabei beschreibt der Flußfaktor $f_{\gamma/e}(y, Q^2)$ (siehe Kapitel 8.2) die Abstrahlung von Photonen vom Elektron. Es gilt:

$$\frac{d^2\sigma_{ep}(Q^2, y)}{dy dQ^2} = f_{\gamma/e}(y, Q^2) \sigma_{\gamma p}(Q^2, y). \tag{2.15}$$

Diese Näherung wird auch als Weizsäcker-Williams-Approximation bezeichnet [16, 96, 97].
Die Photoproduktion kann in unterschiedliche Prozesse unterteilt werden [77]: In **direkten Prozessen** wechselwirkt das Photon als punktförmiges Objekt. Im Gegensatz dazu zeigt das Photon bei der **resolved-Photoproduktion** eine Substruktur und fluktuiert in eine hadronische Komponente. Ein Parton aus dem Photon wechselwirkt mit

[3] Strenggenommen gilt $z_{max} = 1 - \frac{|t|}{ys}$, in dem untersuchten kinematischen Bereich ergibt sich hieraus jedoch keine Einschränkung für die Annahme $z = 1$.

einem Parton aus dem Proton. Die J/ψ-Produktion über *resolved*-Photon Wechselwirkung wird von der Gluon-Gluon-Fusion dominiert und hat in der Regel eine kleine Elastizität $z \lesssim 0.5$. Diese Prozesse können durch entsprechende Schnitte von direkten Prozessen getrennt werden und werden im folgenden nicht weiter behandelt.

Photoproduktion von J/ψ-Mesonen läßt sich unterteilen in diffraktive Prozesse, in denen es keinen Farbfluß zwischen dem erzeugten $c\bar{c}$-Paar und dem Protonrest gibt und das Proton elastisch gestreut wird oder dissoziiert, und inelastische Prozesse, in denen Farbladung übertragen wird und das Proton aufbricht. Diese Prozesse werden in den folgenden Abschnitten genauer beschrieben, hier wird zunächst ein Überblick über die Modellvorstellungen gegeben.

- **Diffraktive J/ψ-Produktion:** Das Photon fluktuiert in ein virtuelles J/ψ-Meson, das mit dem Proton wechselwirkt und auf die Massenschale gehoben wird (siehe auch Abschnitt 2.3 und Abbildung 2.3). Die Wechselwirkung zwischen J/ψ-Meson und Proton kann phänomenologisch als *diffraktive* Streuung beschrieben werden. Man unterscheidet die elastische Streuung, einfach dissoziative Streuung und doppelt dissoziative Streuung. Im Falle der elastischen Streuung bleibt das Proton erhalten, bei der einfach dissoziativen Streuung brechen Proton oder J/ψ-Meson auf. Im Falle der doppelt dissoziativen Streuung dissoziieren sowohl das Proton als auch das J/ψ-Meson. Es dominieren die elastische J/ψ-Erzeugung und die J/ψ-Erzeugung mit Proton-Dissoziation.
  In diesen diffraktiven Prozessen sind die Transversalimpulse typischerweise klein, sie werden als *weiche* Prozesse bezeichnet. Eine störungstheoretische Behandlung im Rahmen der QCD ist im allgemeinen nicht möglich. Aufgrund der hohen Masse der $c\bar{c}$-Paare kann die Produktion von J/ψ-Mesonen mit kleinem p_t jedoch unter bestimmten Voraussetzungen als *harter* Prozeß beschrieben und störungstheoretisch berechnet werden. Rechnungen hierzu im Rahmen des Ryskin-Modells werden in Abschnitt 2.4 vorgestellt.
  Die diffraktive J/ψ-Produktion dominiert im kinematischen Bereich $z \gtrsim 0.95$. Für elastische Ereignisse ist $z = 1$, für Ereignisse mit Proton-Dissoziation ist die Elastizität typischerweise größer als 0.95, da die Protonfragmente in Richtung des einlaufenden Protons gestreut werden.

- **Inelastische J/ψ-Produktion:** Das Photon wechselwirkt über die Bildung eines Quark-Antiquark-Paares mit einem Gluon aus dem Proton. Dieser Prozeß wird als Photon-Gluon-Fusion bezeichnet. Es wird ein Charm-Anticharm-Paar erzeugt, das im Colour-Singlet-Modell durch Abstrahlung eines harten Gluons in das farbneutrale J/ψ-Meson übergeht (siehe auch Abschnitt 2.5 und Abbildung 2.8). Dieser Produktionsmechanismus ist im kinematischen Bereich $0.2 \lesssim z \lesssim 0.9$ dominant, da außer dem Proton auch das abgestrahlte Gluon fragmentiert.
  Er kann störungstheoretisch behandelt werden, falls für den Transversalimpuls $p_t^2 \gtrsim 1\,\mathrm{GeV}^2$ gilt.

2.3 Diffraktive J/ψ-Erzeugung

Die Feynman-Graphen der elastischen J/ψ-Produktion $\gamma p \rightarrow J/\psi p$ und der diffraktiven J/ψ-Produktion mit Proton-Dissoziation $\gamma p \rightarrow J/\psi X$ sind in Abbildung 2.3 dargestellt [89]. Die Fluktuation des Photons in das J/ψ-Meson kann im Vektormeson-Dominanz-Modell beschrieben werden, die diffraktive Streuung des J/ψ-Mesons am Proton mit Hilfe der Regge-Theorie. Im Regge-Modell wird die Streuung im Energiebereich von HERA durch den Austausch eines Pomerons vermittelt. Das Pomeron ist ein Objekt mit den Quantenzahlen des Vakuums, insbesondere trägt es keine Farbladung.
Die Ergebnisse werden z.B. im Donnachie-Landshoff-Modell [26] zusammengefaßt, das die J/ψ-Produktion als *weichen* Prozeß interpretiert, der nicht störungstheoretisch behandelt wird. Es gibt Versuche, die diffraktive Streuung durch den Austausch von zwei Gluonen innerhalb der QCD zu beschreiben (Donnachie-Nachtmann-Modell [33, 54]). Die Rechnungen werden in diesem Ansatz nicht störungstheoretisch vorgenommen, die Gluonen werden wie Photonen an das Proton gekoppelt. Um die Quantenzahlen des Pomerons reproduzieren zu können, werden mindestens zwei Gluonen benötigt.

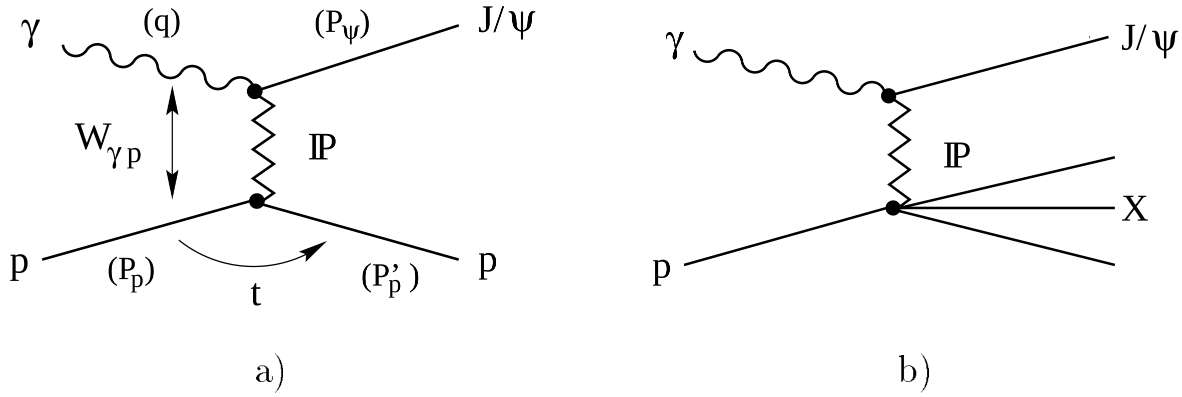

Abbildung 2.3: *Diffraktive J/ψ-Erzeugung durch Pomeron-Austausch: a) elastische Produktion; b) Produktion mit Proton-Dissoziation.*

2.3.1 Vektormeson-Dominanz-Modell

Das Vektormeson-Dominanz-Modell (VDM) [11, 75] beschreibt die Fluktuation des Photons γ in ein Vektormeson V. Durch das Vektormeson-Dominanz-Modell erhält man die Normierung und die Q^2-Abhängigkeit des Wirkungsquerschnittes.
Das Photon wird als Überlagerung des reinen elektromagnetischen Feldes γ_{QED} mit den Vektormesonen V betrachtet:

$$|\gamma\rangle = N|\gamma_{QED}\rangle + \sum_V \frac{e}{f_V}|V\rangle. \tag{2.16}$$

Dabei ist $e^2 = 4\pi\alpha_{em}$ und f_V die Kopplungskonstante des Vektormesons an das Photon. Mit der Wahrscheinlichkeit $4\pi/f_V^2$ fluktuiert das Photon in ein Vektormeson. Mit der leptonischen Zerfallsbreite $\Gamma_{\ell\ell}$ und der Masse m_V der Vektormesonen kann die Kopplung bestimmt werden:

$$\frac{4\pi}{f_V^2} = \frac{3\Gamma_{\ell\ell}}{\alpha^2 m_V}. \tag{2.17}$$

Für J/ψ-Mesonen mit $\Gamma_{\ell\ell} = (5.26 \pm 0.37)\,\mathrm{keV}$ [67] ergibt sich daraus $4\pi/f_V^2 = 0.095$. Man erhält für den elastischen γp-Wirkungsquerschnitt [11]:

$$\sigma(\gamma p \to Vp) = \alpha \frac{4\pi}{f_V^2} \sigma(Vp \to Vp). \tag{2.18}$$

Die elastische Vektormeson-Produktion in der Photon-Proton-Streuung ist damit auf einen hadronischen Prozeß zurückgeführt.
Die Normierung des Vektormeson-Dominanz-Modells kann die Produktion von J/ψ-Mesonen bei früheren *Fixed-Target*-Experimenten und bei HERA nicht richtig beschreiben, die Vorhersage liegt etwa zwei Größenordnungen über den Daten. Die Normierung wird im folgenden als freier Parameter behandelt. Für die Produktion von ρ- und ϕ-Mesonen stimmt die Normierung aus dem Vektormeson-Dominanz-Modell größenordnungsmäßig mit den Messungen überein. Der vorhergesagte Wirkungsquerschnitt für ρ-Produktion muß mit einem Faktor 0.84 an die Daten angepaßt werden, der Wirkungsquerschnitt für ϕ-Produktion mit einem Faktor 0.5 [26]. Mit zunehmender Masse des Vektormesons nimmt offensichtlich die Gültigkeit des Vektormeson-Dominanz-Modells ab.
Die Q^2-Abhängigkeit des Wirkungsquerschnittes für die Wechselwirkung über transversale und longitudinale Photonen wird im Vektormeson-Dominanz-Modell beschrieben durch:

$$\sigma_T(Q^2) = \frac{1}{(1 + \frac{Q^2}{m_V^2})^2} \sigma_T(0) \tag{2.19}$$

sowie

$$\sigma_L(Q^2) = \zeta^2 \frac{Q^2}{m_V^2} \sigma_T(Q^2) \tag{2.20}$$

mit dem Kopplungsparameter $\zeta \approx 1$. Im Falle der Photoproduktion mit $Q^2 \approx 0$ trägt die longitudinale Komponente nur wenig zum Wirkungsquerschnitt bei.

2.3.2 Diffraktiv elastische J/ψ-Produktion

Die diffraktive Streuung des J/ψ-Mesons am Proton läßt sich mit Hilfe der Regge-Theorie [53, 69] beschreiben. Für die Streuamplitude $f(s,t)$ der elastischen Streuung des Vektormesons V am Proton p gilt mit der Schwerpunktsenergie $s = (P_V + P_p)^2$ und dem Impulsübertrag $t = (P_p - P_p')^2$ in Partialwellenentwicklung:

$$f(s,t) = \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1) e^{i\delta_l} \sin \delta_l P_l(\cos \theta_t). \tag{2.21}$$

Dabei sind δ_l die Streuphasen und P_l die Legendre-Polynome. Der Streuwinkel θ_t hat die Form:

$$\cos \theta_t = 1 + \frac{2st}{-4m_p^2 t + (t - m_V^2 + m_p^2)^2} \tag{2.22}$$

mit den Massen $m_{V,p}$ von Vektormeson und Proton. Die l-te Partialwelle der Entwicklung hat Pole der Form:

$$\frac{\beta(t)}{l-\alpha(t)} \text{ mit } l \in I\!N \tag{2.23}$$

mit den Residuen $\beta(t)$, die die Stärke der Kopplung festlegen. Diese Pole werden als Regge-Pole bezeichnet. Die Funktion $\alpha(t)$ ist die *Regge-Trajektorie*, sie hat die Form:

$$\alpha(t) = \alpha_0 + \alpha' t \tag{2.24}$$

mit dem Achsenabschnitt α_0 und der Steigung der Regge-Trajektorie α'. In der Näherung $s \to \infty$ mit $\cos\theta_t \to \infty$ gilt für die Streuamplitude:

$$f(s,t) \approx \beta(t) s^{\alpha(t)}. \tag{2.25}$$

Im Energiebereich von HERA dominiert die Pomeron-Trajektorie $\alpha_{I\!P}$ die Streuung, deren Achsenabschnitt $\alpha_{I\!P}(0)$ nur wenig von Eins verschieden ist. Mit $\alpha_{I\!P}(0) = 1+\epsilon$ hat die Pomeron-Trajektorie die Form:

$$\alpha_{I\!P}(t) = 1 + \epsilon + \alpha' t. \tag{2.26}$$

Damit ergibt sich für den elastischen Wirkungsquerschnitt:

$$\frac{d\sigma^{ela}}{dt} = \frac{1}{16\pi s^2}|f(s,t)|^2 = \frac{1}{16\pi}\beta_V(t)^2\beta_p(t)^2 s^{2\alpha_{I\!P}(t)-2}. \tag{2.27}$$

Die Funktionen $\beta_V(t)$ und $\beta_p(t)$ können innerhalb der Regge-Theorie nicht explizit berechnet werden. Für den Pomeron-Proton-Vertex $\beta_p(t)$ und den Pomeron-Vektormeson-Vertex $\beta_V(t)$ kann eine exponentielle Form angenommen werden:

$$\beta_{(V,p)}(t) = \beta_0^{(V,p)} e^{-\frac{1}{2}b_0^{(V,p)}|t|}. \tag{2.28}$$

Die Funktion $\beta_{(V,p)}(t)$ wird als elastischer Formfaktor bezeichnet. Damit hat $d\sigma^{ela}/dt$ die Form:

$$\frac{d\sigma^{ela}}{dt} = \frac{\beta_0^4}{16\pi} s^{2\epsilon} e^{-(b_0+2\alpha'\ln s)|t|} \tag{2.29}$$

sofern die Wechselwirkung durch eine Pomeron-Trajektorie vermittelt wird.
Nach Integration über t erhält man für den elastischen Wirkungsquerschnitt:

$$\sigma_{ela} \propto \frac{\beta_0^4}{16\pi} s^{2\epsilon} \frac{e^{-(b_0+2\alpha'\ln s)|t|}}{b_0 + 2\alpha'\ln s}, \tag{2.30}$$

der mit der Schwerpunktsenergie ansteigt. Der Austausch von Mesonen, der durch die Reggeon-Trajektorie mit einem Achsenabschnitt $\alpha(0) \approx 0.5$ beschrieben wird, ergibt einen Wirkungsquerschnitt, der mit der Schwerpunktsenergie abfällt.
Sofern das Vektormeson, wie im Vektormeson-Dominanz-Modell angenommen, den Impuls des Photons übernimmt, gilt für die Schwerpunktsenergie $W_{\gamma p}^2 = s$. Damit erhält man für die elastische Streuung von Vektormesonen am Proton folgendes Verhalten:

- Der Wirkungsquerschnitt steigt bis auf einen logarithmischen Faktor mit der Schwerpunktsenergie gemäß $W_{\gamma p}^{4\epsilon}$ an.
- Der Wirkungsquerschnitt zeigt ein exponentielles Verhalten in der Variablen t, proportional zu $\exp(-b|t|)$, wobei t der Impulsübertrag am Protonvertex ist.
- Der Steigungsparameter b nimmt gemäß $b(W_{\gamma p}) = b_0 + 2\alpha' \ln W_{\gamma p}^2$ mit der Schwerpunktsenergie zu. Dieses Verhalten wird als *Shrinkage* bezeichnet.

Aus dem optischen Theorem erhält man aus der Form der Partialwellenentwicklung $f(s,t)$ für den totalen Photon-Proton-Wirkungsquerschnitt:

$$\sigma_{\gamma p}^{tot} = \frac{1}{s}\Im(f(s,t=0)) = \frac{1}{16\pi}\beta_V(0)\beta_p(0)s^{\alpha(t=0)-1}. \tag{2.31}$$

Hieraus resultiert für den totalen γp-Wirkungsquerschnitt unter Pomeronaustausch eine Energieabhängigkeit proportional zu $\propto s^{\epsilon}$ bzw. $W_{\gamma p}^{2\epsilon}$.

Donnachie-Landshoff-Modell

Donnachie und Landshoff [27] geben für den totalen γp-Wirkungsquerschnitt

$$\sigma_{\gamma p}^{tot} = 0.677 s^{\epsilon} + 0.129 s^{-\eta} \tag{2.32}$$

an. Für die Pomeron-Trajektorie wird $\epsilon = 0.0808$ und für die Reggeon-Trajektorie $\eta = 0.4545$ verwendet. Beide Werte wurden aus Daten früherer Experimente angepaßt. Ebenso ergibt sich für die Steigung der Pomeron-Trajektorie der Wert $\alpha'_{I\!P} = 0.25\,\mathrm{GeV}^{-2}$ aus früheren Streuexperimenten. Für die Steigung der Reggeon-Trajektorie wird ein Wert nahe Eins angegeben.
Bei hohen Energien dominiert der erste Term, der die Wechselwirkung durch Austausch eines Pomerons vermittelt, den Wirkungsquerschnitt.
Das Donnachie-Landshoff-Modell sagt für die Produktion von Vektormesonen im Energiebereich von HERA eine Steigung des Wirkungsquerschnittes mit der Schwerpunktsenergie gemäß $W_{\gamma p}^{4\epsilon}$ mit $\epsilon = 0.0808$ voraus, sofern $\alpha'_{I\!P} = 0$ angenommen wird. Unter Annahme von *Shrinkage* mit der Steigung $\alpha'_{I\!P} = 0.25\,\mathrm{GeV}^{-2}$ erhält man einen effektiven Steigungsparameter $\epsilon_{eff} \approx 0.055$.

2.3.3 Diffraktive J/ψ-Erzeugung mit Proton-Dissoziation

Die diffraktive Erzeugung von J/ψ-Mesonen mit Proton-Dissoziation kann analog zur elastischen J/ψ-Produktion im Regge-Formalismus beschrieben werden [89]. Das Proton bricht bei der Wechselwirkung mit dem J/ψ-Meson auf, und der elastische Formfaktor des Protons (siehe Gleichung 2.28) wird durch ein Integral über den inelastischen Formfaktor $f_p(M_X^2)$ ersetzt. M_X stellt die Masse des hadronischen Systems dar, das aus dem einlaufenden Proton entsteht. Man erhält für den differentiellen Wirkungsquerschnitt:

$$\frac{d\sigma^{pd}}{dt\,dM_X^2} \propto \frac{1}{M_X^2}\beta_0^2\left(\frac{s}{M_X^2}\right)^{2\alpha(t)-2}\left[1-\frac{M_X^2}{s}\right] f_p(M_X^2). \tag{2.33}$$

Der Wirkungsquerschnitt zeigt ein ähnliches Verhalten wie bei der elastischen J/ψ-Produktion. Es gibt jedoch folgende Unterschiede:

- Der Wirkungsquerschnitt fällt bei fester Energie mit $\approx 1/M_X^2$ ab.
- Der Steigungsparameter b hängt von $W_{\gamma p}$ und M_X^2 ab:

$$b(W_{\gamma p}, M_X^2) = b_0 + 2\alpha'(\ln W_{\gamma p}^2 - \ln M_X^2). \tag{2.34}$$

- Der Steigungsparameter b ist kleiner als im Fall der elastischen Streuung, der Prozeß ist durch höhere Transversalimpulse des J/ψ-Mesons gekennzeichnet.

2.3.4 Zerfallswinkelverteilung

Bei diffraktiver Produktion übernimmt das J/ψ-Meson im Vektormeson-Dominanz-Modell die Helizität des Photons. Man nimmt weiterhin an, daß das J/ψ-Meson seine Helizität bei der Wechselwirkung mit dem Proton beibehält. Diese Annahme wird als **s-Kanal-Helizitätserhaltung** bezeichnet (S-Channel Helicity Conservation, SCHC). Reelle Photonen haben nur eine transversale Komponente. Im Falle der Photoproduktion sind die Photonen quasireell. Sofern s-Kanal-Helizitätserhaltung gilt, sollten daher auch die J/ψ-Mesonen transversal polarisiert sein. Die Polarisation der J/ψ-Mesonen bestimmt die Winkelverteilung der Zerfallsleptonen, d.h. durch ihre Analyse kann die s-Kanal-Helizitätserhaltung überprüft werden. Hierzu werden die Zerfallswinkel θ^* und ϕ^* (siehe Abbildung 2.4) untersucht [45, 82].
Der Zerfallswinkel θ^* wird zwischen den Impulsvektoren eines Zerfallsleptons ($\vec{p}_\ell^{\,*}$) im J/ψ-Ruhesystem und dem Impulsvektor des J/ψ-Mesons ($\vec{P}_\psi$) im γp-Schwerpunktssystem gemessen:

$$\cos\theta^* = \frac{\vec{p}_\ell^{\,*} \cdot \vec{P}_\psi}{|\vec{p}_\ell^{\,*}||\vec{P}_\psi|}. \tag{2.35}$$

Der Impulsvektor des J/ψ-Mesons im γp-Schwerpunktsystem wird als Helizitätsachse bezeichnet. Für den Zerfall transversal polarisierter J/ψ-Mesonen in Leptonen erhält man eine Abhängigkeit der Form:

$$\frac{d\sigma}{d\cos\theta^*} \propto 1 + \cos^2\theta^*. \tag{2.36}$$

Existiert auch eine longitudinale Komponente, so ergibt sich:

$$\frac{d\sigma}{d\cos\theta^*} \propto \frac{3}{8}\left(1 + r_{00}^{04} + (1 - 3r_{00}^{04})\cos^2\theta^*\right), \tag{2.37}$$

mit dem Spindichteelement r_{00}^{04}, das die Wahrscheinlichkeit beschreibt, longitudinal polarisierte J/ψ-Mesonen anzutreffen. Für den Quotienten $R = \sigma_L/\sigma_T$ erhält man, sofern s-Kanal-Helizitätserhaltung gilt:

$$R = \left(\frac{1}{\epsilon}\right)\frac{r_{00}^{04}}{1 - r_{00}^{04}}, \tag{2.38}$$

mit dem Polarisationsparameter $\epsilon = (1-y)/(1-y+y^2/2)$, der als Verhältnis von longitudinalem zu transversalem Photonfluß definiert ist (siehe Abschnitt 8.2). Für den Fall der hier untersuchten Photoproduktion von J/ψ-Mesonen ist y kleiner als 0.3, also ist $\epsilon \gtrsim 0.94$. Falls s-Kanal-Helizitätserhaltung gilt, ist für Photoproduktion $r_{00}^{04} = 0$.

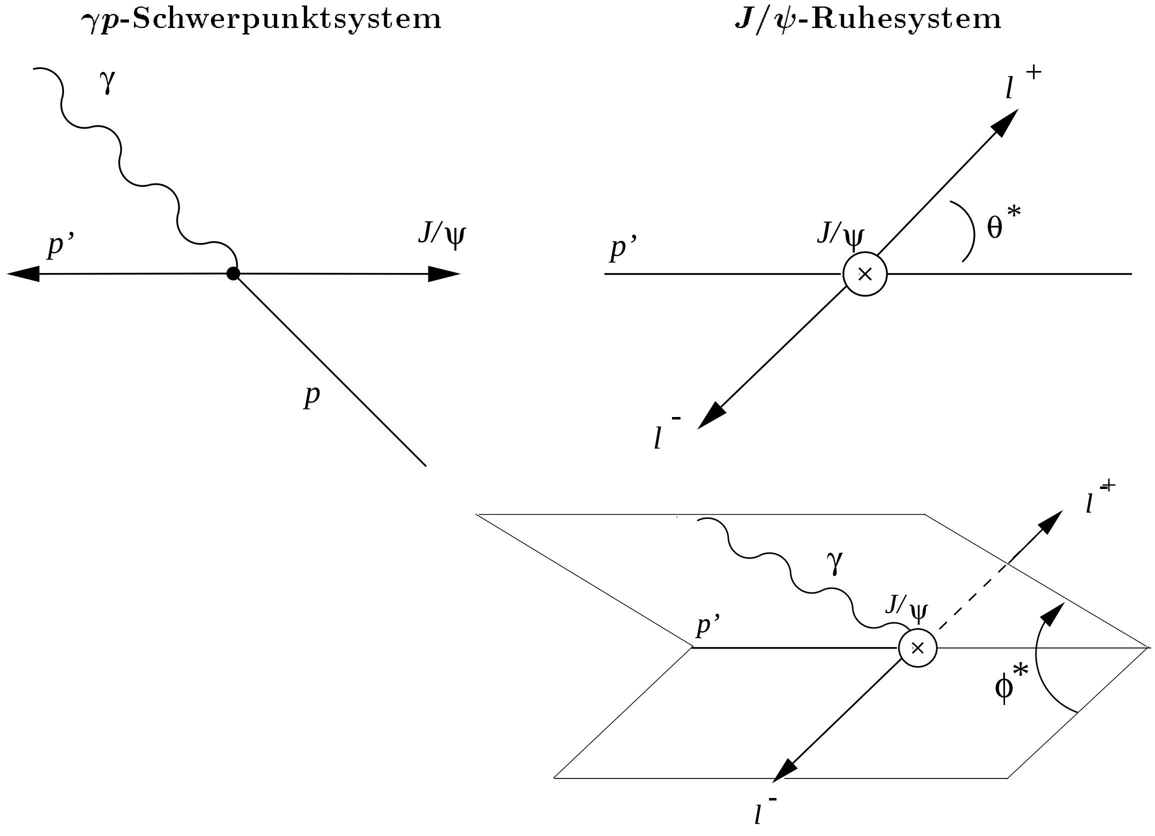

Abbildung 2.4: *Messung des Zerfallswinkels θ^* und ϕ^* im J/ψ-Ruhesystem. Zuerst muß vom Laborsystem in das γp-Schwerpunktsystem transformiert werden, dann in das J/ψ-Ruhesystem.*

Die Matrixelemente r_{ik}^{04} setzen sich zusammen aus den Dichtematrizen ρ_{ik}^0 für transversale Photonen und ρ_{ik}^4 für longitudinale Photonen [45]:

$$r_{ik}^{04} = \frac{\rho_{ik}^0 + \epsilon R \rho_{ik}^4}{1+\epsilon R}. \tag{2.39}$$

Die Indizes i, k stehen für das Photon und das J/ψ-Meson. Die Kombination $ik = 00$ beschreibt die Amplitude für Erhaltung der Helizität, die Kombination $ik = 10$ (*single flip*) und $ik = 1-1$ (*double flip*) eine Änderung der Helizität.
Der Zerfallswinkel ϕ^* wird zwischen der Ebene des Photons $\vec{q}$ und der Flugrichtung des J/ψ-Mesons und der Ebene der Flugrichtung des J/ψ-Mesons und eines der Zerfallsleptonen gemessen [45]:

$$\cos\phi^* = \frac{(\vec{q} \times \vec{P}_\psi)(\vec{P}_\psi \times \vec{p}_\ell)}{|\vec{q} \times \vec{P}_\psi||\vec{P}_\psi \times \vec{p}_\ell|} \tag{2.40}$$

und

$$\sin\phi^* = \frac{-[(\vec{q}\times\vec{P}_\psi)\times\vec{P}_\psi](\vec{P}_\psi\times\vec{p}_\ell)}{|(\vec{q}\times\vec{P}_\psi)\times\vec{P}_\psi||(\vec{P}_\psi\times\vec{p}_\ell)|}. \tag{2.41}$$

Alle Größen werden im J/ψ-Ruhesystem gemessen, $\vec{P}_\psi$ ist der Impuls des J/ψ-Mesons im γp-Schwerpunktsystem. Damit ergibt sich:

$$\frac{d\sigma}{d\phi^*} \propto \frac{1}{2\pi}\left(1 + r^{04}_{1-1}\cos(2\phi^*)\right). \tag{2.42}$$

Wenn s-Kanal-Helizitätserhaltung gilt, ist das Dichteelement $r^{04}_{1-1} = 0$. Dieses Dichteelement mißt das Verhältnis der Amplitude, für die die Helizität erhalten bleibt, zu der Amplidude, für die die Helizität umklappt [45].

2.4 Störungstheoretische Beschreibung der elastischen J/ψ-Produktion

In der Quantenchromodynamik läßt sich die elastische Produktion von J/ψ-Mesonen störungstheorisch durch den Austausch von Gluonen beschreiben [74], da die Masse des J/ψ-Mesons als *harte* Skala dient. Zwei der Graphen erster Ordnung, die den Austausch zweier Gluonen beinhalten, sind in Abbildung 2.5 dargestellt. Darüberhinaus gibt es vier weitere Graphen, die aus 2.5a durch Kreuzen der Gluonlinien und Vertauschen von p_c und $p_{\bar{c}}$ hervorgehen.

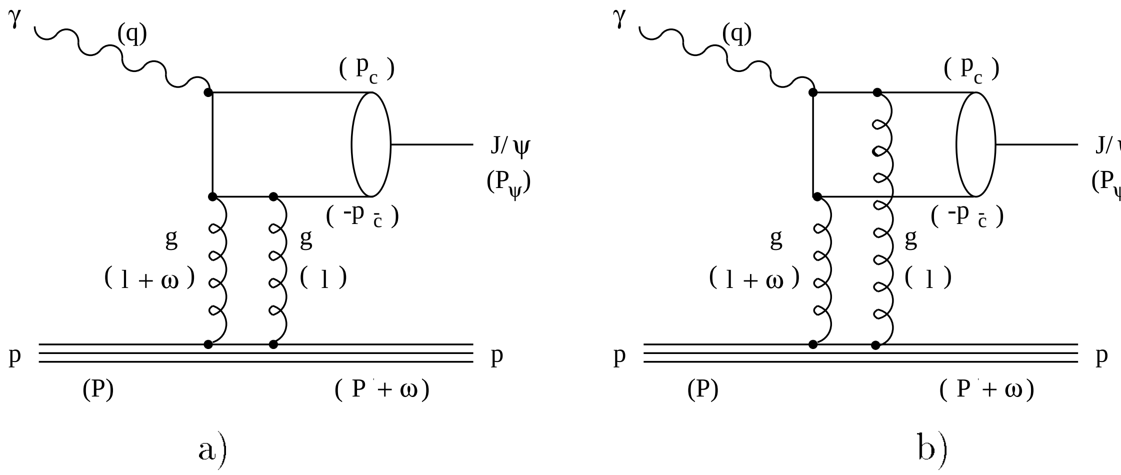

Abbildung 2.5: *Elastische Produktion von J/ψ-Mesonen durch Austausch zweier Gluonen nach Ryskin. Hier sind zwei der sechs Diagramme erster Ordnung dargestellt.*

Für den differentiellen Wirkungsquerschnitt in erster Ordnung erhält man [74]:

$$\left.\frac{d\sigma}{dt}(\gamma^* p \to J/\psi p)\right|_{t=0} = \frac{\Gamma_{ee} m_\psi^3 \pi^3}{48\alpha}\frac{\alpha_S(\bar{Q}^2)^2}{\bar{Q}^8}\left[xg(x,\bar{Q}^2)\right]^2\left(1+\frac{Q^2}{m_\psi^2}\right). \tag{2.43}$$

Als Skala wird

$$\bar{Q}^2 = \frac{Q^2 + m_\psi^2}{4} \tag{2.44}$$

gewählt. Der relative Impuls des Gluonsystems x ist:

$$x = \frac{4\bar{Q}^2}{W_{\gamma p}^2}. \tag{2.45}$$

Bei der Integration über die Gluon-Schleife werden nur Beiträge in führender Ordnung in $\ln \bar{Q}^2$ beachtet (Leading Log Approximation, LLA). Dabei wird angenommen, daß für die Transversalimpulse der Gluonen $k_T \ll \bar{Q}^2$ gilt. Die Gültigkeit des Modells ist aufgrund der Entwicklung in $\ln \bar{Q}^2$ auf große $\bar{Q}^2$ beschränkt.
Die Variable x ist analog dem „Bjorken-x" (Gleichung 2.5) der tiefinelastischen Streuung definiert und kann als Impulsanteil des die Wechselwirkung vermittelnden Gluonsystems am Gesamtimpuls des Protons aufgefaßt werden. Die Gluonimpulsverteilung $xg(x, \bar{Q}^2)$ geht quadratisch in den Wirkungsquerschnitt ein. Aufgrund der großen Masse des J/ψ-Mesons sollten die Rechnungen auch in der Photoproduktion ($Q^2 \approx 0$) gültig sein. Dann ist $\bar{Q}^2 \approx m_\psi^2/4 = 2.4\,\mathrm{GeV}^2$, und die Gluondichte im Proton muß für diesen Wert von $\bar{Q}^2$ berechnet werden. In diesem Bereich ist die Gluondichte nur ungenau bekannt [53]. Für die Produktion leichter Vektormesonen (ρ, ω, ϕ) sind die Rechnungen hingegen nur bei großen Q^2 anwendbar.
Mit Hilfe von Gleichung 2.43 ist eine Bestimmung der Gluonverteilung $xg(x, \bar{Q}^2)$ in elastischer J/ψ-Produktion möglich. Hierbei ist jedoch nicht unmittelbar klar, bei welchem x die Gluondichte bestimmt wird, da der Austausch durch zwei Gluonen vermittelt wird.
Den totalen Wirkungsquerschnitt erhält man durch Integration über t:

$$\sigma(\gamma p \to J/\psi p) = \frac{1}{b} \left. \frac{d\sigma}{dt}(\gamma^* p \to J/\psi p) \right|_{t=0}, \tag{2.46}$$

wobei für den differentiellen Wirkungsquerschnitt eine exponentielle Form $\exp(-b|t|)$ angenommen und der experimentell bestimmte Steigungsparameter b verwendet wird. Um den Wirkungsquerschnitt $d\sigma/dt$ für endliche t zu berechnen, benötigt man einen Zwei-Gluon-Formfaktor $F_N^{2G}(t)$, der die Kopplung der beiden Gluonen an das Proton beschreibt. Für den transversalen Wirkungsquerschnitt wird dann angegeben [73]:

$$\frac{d\sigma_T}{dt}(\gamma^* p \to J/\psi p) \propto [F_N^{2G}(t)]^2 \left[xg(x, \bar{Q}^2) \frac{2\bar{Q}^2 - t}{(2\bar{Q}^2)^3} \right]^2 \tag{2.47}$$

und für den longitudinalen Wirkungsquerschnitt:

$$\frac{d\sigma_L}{dt}(\gamma^* p \to J/\psi p) = \frac{Q^2}{m_\psi^2} \frac{d\sigma_T}{dt}. \tag{2.48}$$

Für $F_N^{2G}(t)$ kann näherungsweise der Dipol-Formfaktor verwendet werden:

$$F_N^{2G}(t) \approx \frac{4m_p^2 - 2.79t}{(4m_p^2 - t)(1 - t/0.71)^2}. \tag{2.49}$$

Diese Näherung beinhaltet große theoretische Unsicherheiten. Durch die Verwendung von Gleichung 2.46 werden diese Unsicherheiten umgangen, da $F_N^{2G} = 1$ bei $t = 0$. Über die angegebene erste Näherung hinausgehend sind folgende Beiträge höherer Ordnung berechnet worden [74]:

- **Gluon $\boldsymbol{k_T}$:** Volle Q^2-Abhängigkeit bei der Integration über die Gluon-Schleife und der Entwicklung in $\ln 1/x$. Dazu muß die Verteilung der Transversalimpulse k_T der Gluonen ausgenutzt werden. In führender Ordnung in $\alpha_S \ln 1/x$ erhält man Leiterdiagramme mit einem zusätzlichen Gluon (siehe Abbildung 2.6a).
- **$\boldsymbol{c\bar{c}}$-Rescattering:** Diagramme mit Streuung oder Absorption von $c\bar{c}$-Paaren am Proton durch Austausch von zusätzlichen Gluon-Paaren (siehe Abbildung 2.6b).
- **Next to leading order:** Strahlungskorrekturen in nächstführender Ordnung (siehe Abbildung 2.6c).

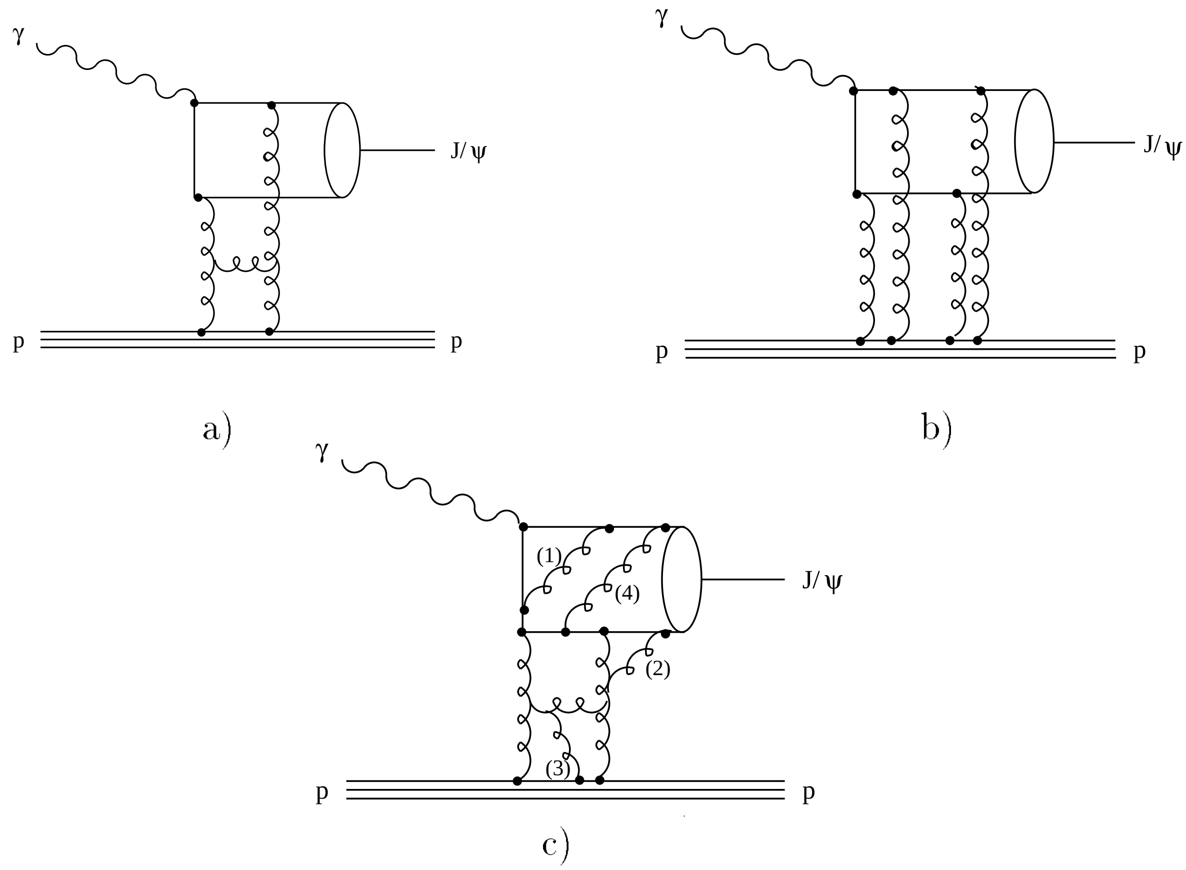

Abbildung 2.6: *Korrekturen höherer Ordnung im Ryskin-Modell: a) Leiterdiagramm, b) Streuung und Absorption von $c\bar{c}$-Paaren und c) vier verschiedene Arten von Strahlungskorrekturen in nächstführender Ordnung, die mit (1) bis (4) bezeichnet sind.*

In Abbildung 2.7 sind diese Beiträge am Beispiel des mit der Gluondichte MRS(A') berechneten totalen Wirkungsquerschnittes für elastische J/ψ-Produktion dargestellt [71]. Dabei beschreibt die durchgezogene Linie die vollständige Rechnung, die gepunktete Linie die niedrigste Ordnung und die gestrichelten Linien die Hinzunahme

der Terme **Gluon k_T** und **$c\bar{c}$-Rescattering**. Durch Berücksichtigung der Diagramme **Gluon k_T** wird der Wirkungsquerschnitt wesentlich größer. Diese Tendenz wird durch die **$c\bar{c}$-Rescattering** Diagramme kompensiert. Der Unterschied zwischen erster Näherung und endgültiger Rechnung ist gering, wenn man die $W_{\gamma p}$-Abhängigkeit des Wirkungsquerschnittes betrachtet. Deshalb kann vorerst angenommen werden, daß die Gluondichte im Proton aus den Rechnungen erster Ordnung extrahiert werden kann, ohne daß signifikante Änderungen durch Berücksichtigung höherer Terme zu erwarten sind.
Der elastische Wirkungsquerschnitt in Gleichung 2.43 wird bei $t = 0$ berechnet, jedoch gilt für den minimalen Wert von t näherungsweise $t_{min} \approx x^2 m_p^2$. Die durch die Berechnung des Wirkungsquerschnittes bei $t = 0$ erforderlichen Korrekturen werden als vernachlässigbar angenommen [74]. Relativistische Korrekturen, die die Bewegung der Quarks im J/ψ-Meson beschreiben, können nicht genau berechnet werden. Aufgrund der erwähnten Unsicherheiten wird eine Genauigkeit von etwa 30% für den Betrag des Wirkungsquerschnittes angegeben [74, 92].

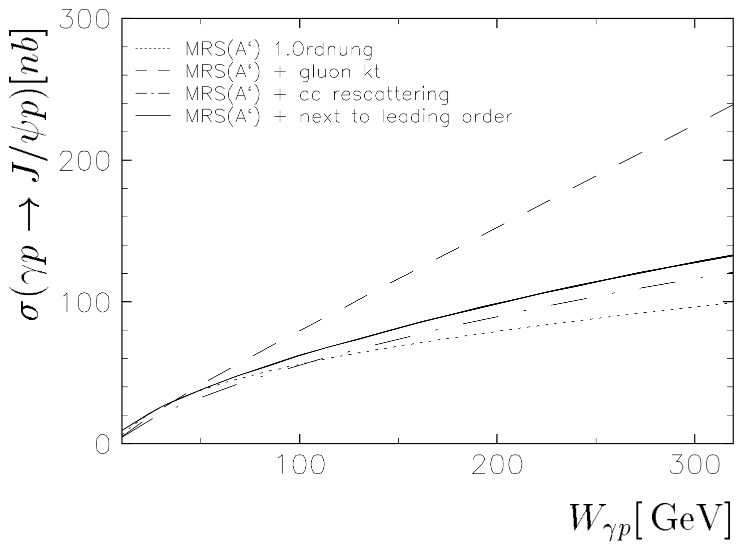

Abbildung 2.7: *Beiträge höherer Ordnung im Ryskin-Modell: Verwendet wurde die Gluondichte MRS(A'). Die durchgezogene Linie beinhaltet die vollständige Rechnung, die gestrichelten Linien beinhalten verschiedene Näherungen. Die gepunktete Linie stellt die Rechnung niedrigster Ordnung dar.*

2.5 Inelastische J/ψ-Produktion

Das erfolgreichste Modell für die inelastische Produktion von J/ψ-Mesonen in Photoproduktion ist der Prozeß der Photon-Gluon-Fusion [79] (Abbildung 2.8). Durch Wechselwirkung des Photons mit einem Gluon aus dem Proton entsteht ein Charm-Anticharm-Paar, das durch Abstrahlung eines weiteren harten Gluons zum Farbsingulett wird (Colour-Singlet-Modell) [13].

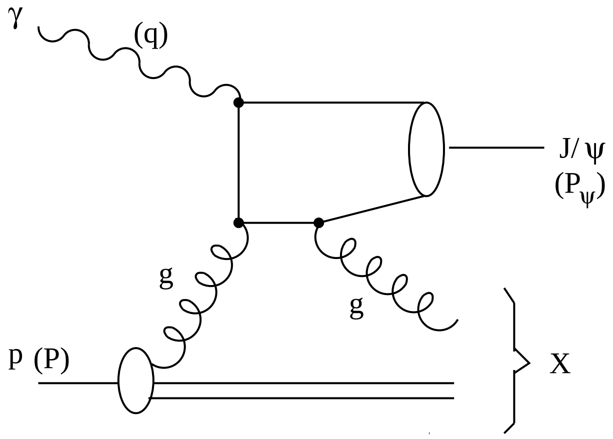

Abbildung 2.8: *Inelastische Erzeugung von J/ψ-Mesonen durch Photon-Gluon-Fusion im Colour-Singlet-Modell. Dargestellt ist der Graph erster Ordnung.*

Der Wirkungsquerschnitt für inelastische J/ψ-Produktion faktorisiert mit der Gluondichte im Proton $g(x, \mu^2)$ zu:

$$\sigma(\gamma p \to J/\psi X) = g(x, \mu^2) \cdot \sigma(\gamma g \to J/\psi g), \tag{2.50}$$

mit der Faktorisierungsskala μ und dem Impulsanteil x des Gluons als Parton des Protons:

$$x = \frac{1}{ys} \left(\frac{p_t^{*2}}{z(1-z)} + \frac{m_\psi^2}{z} + Q^2 \right). \tag{2.51}$$

Hierdurch läßt sich die Gluondichte im Proton bestimmen.
Bei der Wahl einer hohen Faktorisierungsskala ($\mu = m_c\sqrt{2}$) und bei hohen Transversalimpulsen $p_t^2 > 1\,\mathrm{GeV}^2$ sind störungstheoretische Methoden auch für Prozesse der Photoproduktion anwendbar. Rechnungen in erster Ordnung (LO) und Rechnungen in nächster Ordnung (NLO) sind verfügbar [52]. Dieser Prozeß wird in [79] untersucht.

Kapitel 3

Das Experiment

In diesem Kapitel werden der Speicherring HERA und die Komponenten des H1-Detektors, die für die vorliegende Analyse Verwendung finden, vorgestellt.

3.1 Der Speicherring HERA

In der Speicherringanlage HERA (Abbildung 3.1) werden Protonen einer Energie von 820 GeV mit Positronen einer Energie von 27.5 GeV zur Kollision gebracht. Dadurch erhält man Schwerpunktsenergien von $\sqrt{s} \approx 300\,\text{GeV}$. Der Speicherring befindet sich in einem 6.3 km langen ringförmigen Tunnel etwa 15 bis 20 m unter der Erdoberfläche. Die Protonen und Positronen werden in getrennten Ringen (HERA-p und HERA-e) beschleunigt und gespeichert. Einige wichtige Parameter der Speicherringanlage HERA sind in Tabelle 3.1 angegeben.

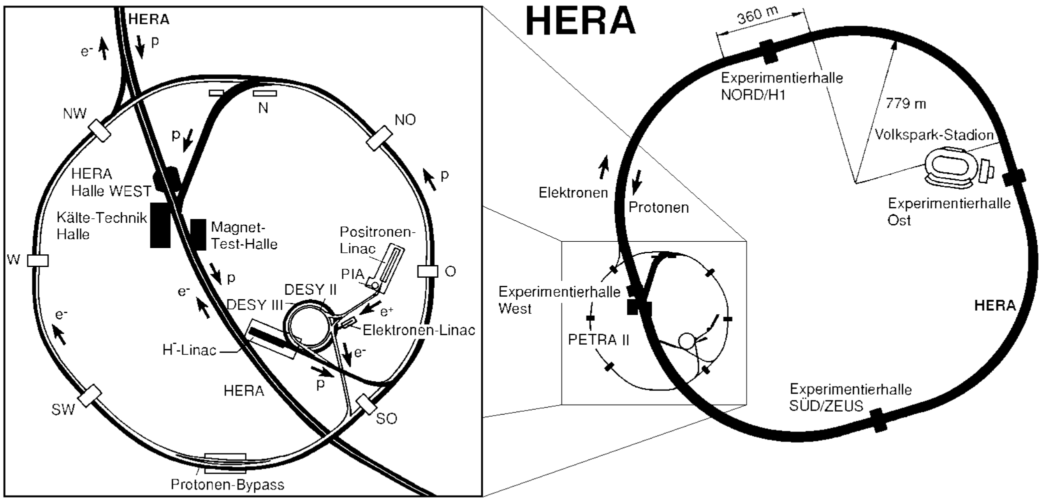

Abbildung 3.1: *Überblick über den Speicherring HERA: links sind die Vorbeschleuniger dargestellt, rechts der Speicherring HERA mit den vier Experimentierhallen. Das H1-Experiment befindet sich in der Experimentierhalle Nord.*

Die Protonen werden, nachdem sie auf 40 GeV vorbeschleunigt sind (LINAC III 50 MeV, DESY III 7.5 GeV, PETRA II 40 GeV), in den HERA-p Ring injiziert und auf die Endenergie von 820 GeV beschleunigt.
Die Positronen werden in LINAC II (450 MeV), DESY II (7.5 GeV) und PETRA II (14 GeV) vorbeschleunigt und im HERA-e Ring auf die endgültige Energie von 27.5 GeV gebracht. Je Umlauf verlieren die Positronen 127 MeV durch Synchrotronstrahlung, dieser Verlust wird ausgeglichen.
Protonen und Positronen werden in Paketen (*bunches*) gespeichert. Dem Designwert von 210 Paketen entspricht eine Kollisionsfrequenz von 10.4 MHz entsprechend dem zeitlichen Abstand zweier möglicher Wechselwirkungen (*bunchcrossing*, HERA Periode) von 96 ns.
Am Speicherring HERA befinden sich an vier verschiedenen Stellen Experimentierhallen. Protonen und Positronen werden an zwei Stellen zur Kollision gebracht. Hier befinden sich die Detektoren H1 (Experimentierhalle Nord) und ZEUS (Experimentierhalle Süd). Das Experiment HERMES (Experimentierhalle Ost) verwendet den longitudinal polarisierten Positronstrahl von HERA, um die Spinstruktur von Proton und Neutron zu untersuchen. Im Experiment HERA B (Experimentierhalle West) wird ein Draht-*Target* im Protonring zur Untersuchungen der CP-Verletzung verwendet.

	1994 (e^+p)	1995	Designwerte
e-Strahlenergie [GeV]	27.5	27.5	30
p-Strahlenergie [GeV]	820	820	820
typischer Strahlstrom e [mA]	17	18	58
typischer Strahlstrom p [mA]	41	54	158
kollidierende Teilchenpakete	153	174	210
Schwerpunktsenergie $\sqrt{s}$ [GeV]	300	300	314
spezifische Luminosität [$10^{29}\,\mathrm{cm}^{-2}\,\mathrm{mA}^{-2}$]	3.6	4.0	4.0
maximale Luminosität [$10^{30}\,\mathrm{cm}^{-2}\,\mathrm{s}{-1}$]	4.3	5.9	16
integrierte Luminosität [$\mathrm{pb}^{-1}\,\mathrm{a}^{-1}$]	5	11	50

Tabelle 3.1: *Parameter der Speicherringanlage HERA [40]*

3.2 Der H1-Detektor

Der H1-Detektor [2] ist in Abbildung 3.2 in einer dreidimensionalen Ansicht und in Abbildung 3.3 in der Seitenansicht unter Angabe einiger wichtiger Polarwinkelbereiche dargestellt. Die im Speicherring umlaufenden Protonen kommen in Abbildung 3.2 von rechts in den Detektor, die Positronen von links.
Der H1-Detektor deckt fast den gesamten Raumwinkel ab. Aufgrund der gegenüber den Impulsen der Positronen hohen Protonimpulse ist die Topologie der Ereignisse aus ep-Wechselwirkungen in Protonrichtung (Vorwärtsrichtung) ausgerichtet. Dort ist der Detektor aufwendiger instrumentiert als in Rückwärtsrichtung.

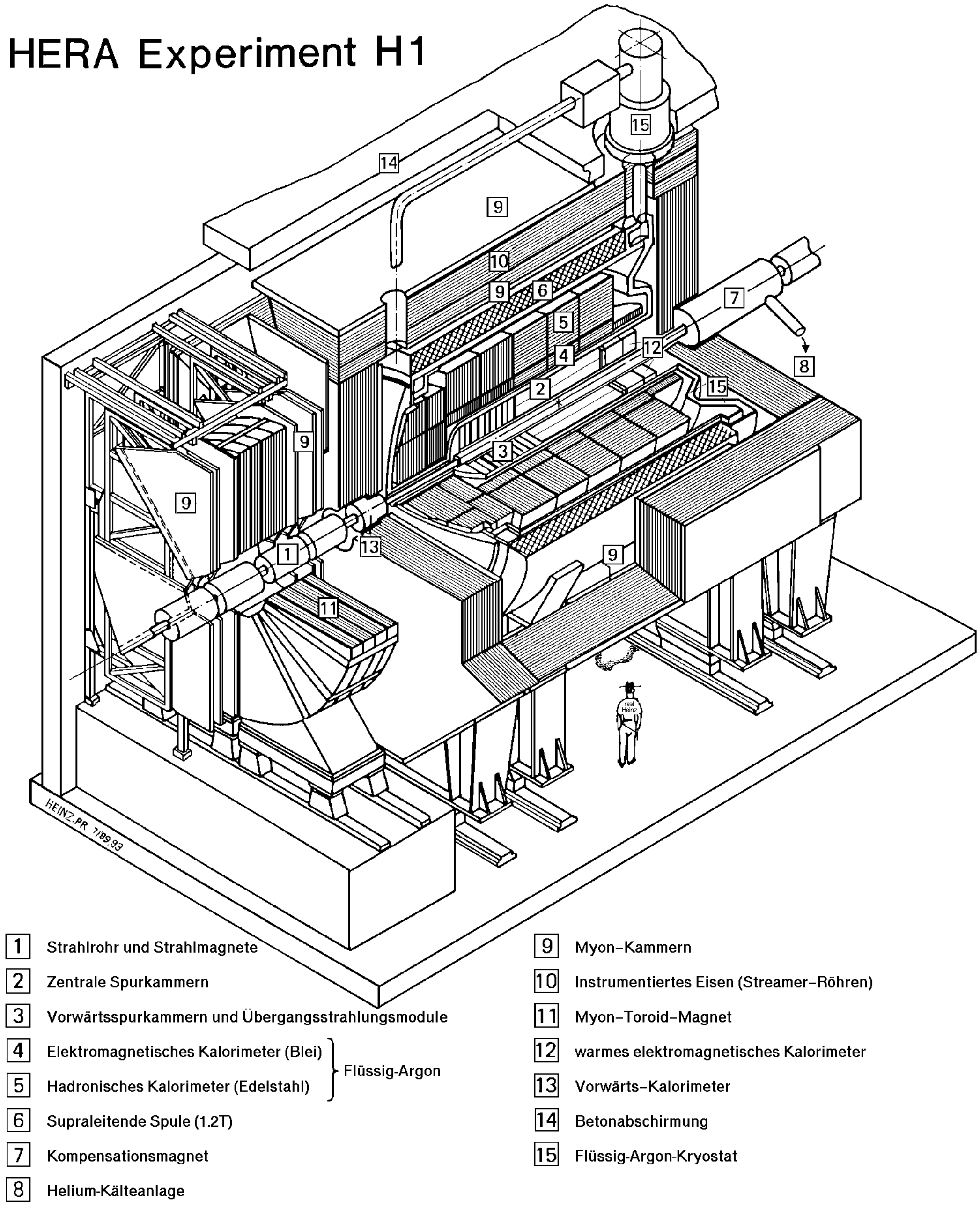

Abbildung 3.2: Der H1-Detektor

In diesem Kapitel werden zunächst die für den Nachweis von Leptonen aus dem Zerfall von J/ψ-Mesonen verwendeten Detektorkomponenten beschrieben:

- das Spurkammersystem zur Rekonstruktion der Teilchenimpulse,
- das LAr-Kalorimeter zum Nachweis von Elektronen und Myonen sowie
- das zentrale Myonsystem zum Nachweis von Myonen.

Daraufhin werden die Detektoren beschrieben, die in Vorwärtsrichtung Protonenfragmente zur Erkennung von Ereignissen mit Proton-Dissoziation nachweisen:

- das Vorwärts-Myon-Spektrometer,
- der Proton-Remnant-Tagger und
- das Plug-Kalorimeter.

Zum Abschluß des Kapitels werden Methoden zum Nachweis des gestreuten Elektrons und die Luminositätsmessung erwähnt.

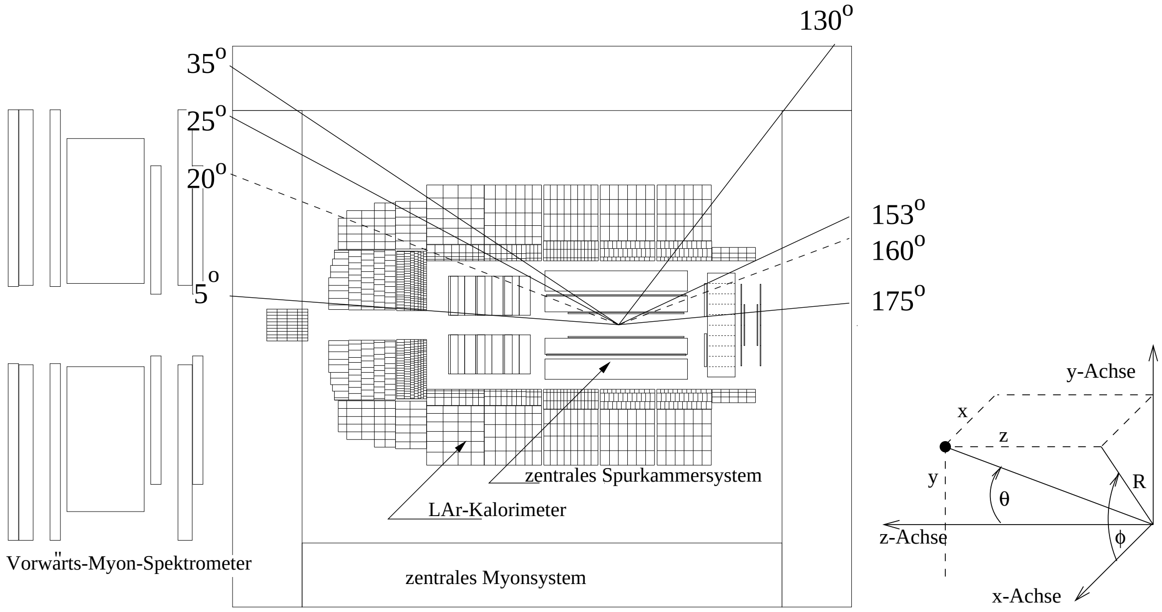

Abbildung 3.3: **Polarwinkelbereiche des H1-Detektors:** *Eingezeichnet sind die Akzeptanzbereiche des zentralen Myonsystems, des Flüssig-Argon-Kalorimeters sowie der Akzeptanzbereich* $20° \leq \theta \leq 160°$ *für den Nachweis von Leptonen aus dem* J/ψ-*Zerfall für diese Analyse, der mit dem Akzeptanzbereich des zentralen Spurkammersystems übereinstimmt. Rechts unten ist das H1-Koordinatensystem dargestellt.*

Das H1-Koordinatensystem

Das H1-Koordinatensystem (siehe Abbildung 3.3) ist ein rechtshändiges System, seine z-Achse wird durch die Richtung der einlaufenden Protonen definiert, die x-Achse zeigt in Richtung des Mittelpunktes des HERA-Ringes, die y-Achse zeigt nach oben. Der Polarwinkel θ wird in der durch $R = \sqrt{x^2 + y^2}$ und z aufgespannten Ebene gemessen, der Azimutwinkel ϕ in der durch x und y aufgespannten Ebene.

3.3 Das Spurkammersystem

Das Spurkammersystem [2] (Abbildung 3.4 und $\boxed{2}$ $\boxed{3}$ in Abbildung 3.2), das aus zentralen und vorderen Spurkammern besteht, dient der Messung von Impuls und Richtung geladener Teilchen sowie zur Messung ihres Energieverlustes. Es befindet sich im Magnetfeld einer supraleitenden Spule von 1.15 T und ist konzentrisch um die Strahlachse angeordnet.
Einige Komponenten des Spurkammersystems dienen darüberhinaus der Rekonstruktion des Wechselwirkungspunktes (*Vertex*) bzw. der schnellen Spurfindung im Rahmen der ersten Triggerstufe (L1).

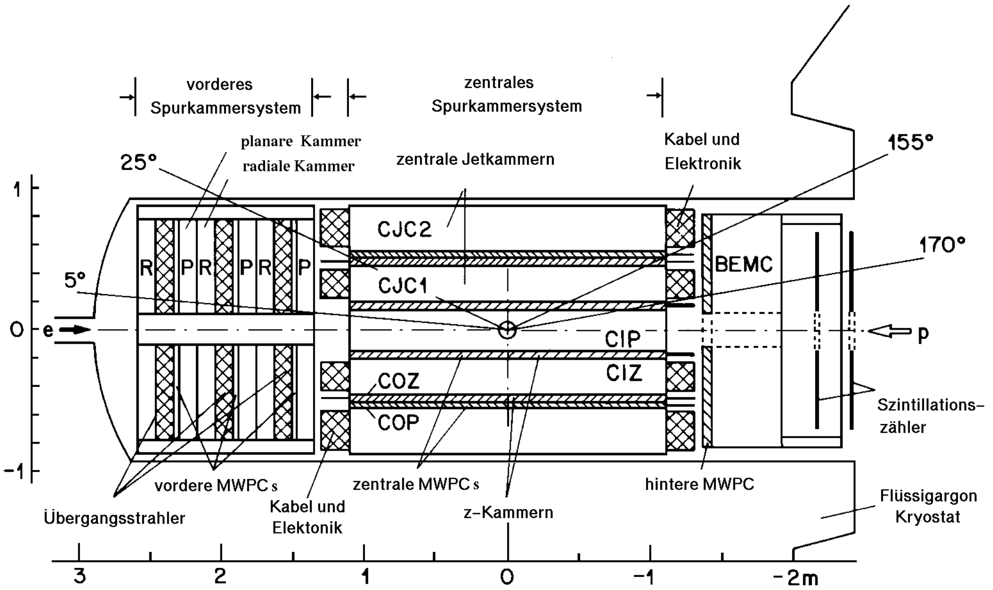

Abbildung 3.4: *Das H1-Spurkammersystem*

3.3.1 Zentrale Spurkammern

Das zentrale Spurkammersystem $\boxed{2}$ deckt einen Polarwinkelbereich von etwa $20° \leq \theta \leq 160°$ ab. Es ist in Abbildung 3.5 in der $(r\phi)$-Projektion abgebildet. Zur Rekonstruktion von Spuren geladener Teilchen werden die zentralen Driftkammern CJC1 und CJC2 und die z-Kammern CIZ und COZ verwendet. Für Triggerzwecke stehen die Vieldrahtproportionalkammern CIP und COP (zVertex-Trigger), die Driftkammern

CJC1 und CJC2 (DCRϕ-Trigger) und die z-Kammern CIZ und COZ (RZ-Trigger) zur Verfügung.

Die 2640 Signaldrähte der beiden konzentrischen **Driftkammern** CJC1 und CJC2 [21] sind parallel zur Strahlachse gespannt. Die zentrale Jetkammer CJC1 ist in $r\phi$ in 30 Zellen mit je 24 Signaldrähten unterteilt, die Kammer CJC2 besteht aus 60 Zellen mit je 32 Signaldrähten. Die Kammern sind in der $(r\phi)$-Ebene um etwa 30° geneigt (siehe Abbildung 3.5), um die Rekonstruktionsgenauigkeit zu erhöhen. Durch Driftzeitmessung ist eine Ortsmessung in der $(r\phi)$-Ebene mit einer Genauigkeit von $\sigma_{r\phi} = 145\,\mu$m möglich. Die z-Koordinate wird mit Hilfe von Ladungsteilung bestimmt. In z-Richtung beträgt die Ortsauflösung etwa $\sigma_z = 22\,$mm [2].

Um die Ortsauflösung in z-Richtung zu verbessern, sind innerhalb und außerhalb der CJC1 die dünnen **z-Driftkammern** [72] CIZ und COZ mit Drähten senkrecht zur Strahlachse angebracht. Die z-Auflösung dieser Kammern beträgt $\sigma_z = 300\,\mu$m. Die innere Kammer CIZ besteht aus 15 Zellen mit je 4 Signaldrähten, die äußere Kammer COZ aus 23 Zellen mit je 4 Signaldrähten.

Die Impulsbestimmung im zentralen Spurkammersystem erfolgt mit einer Genauigkeit von $\sigma_{p_t}/p_t^2 = 0.01\,\mathrm{GeV}^{-1}$, die Winkelauflösung beträgt $\sigma_\theta = 1\,$mrad, und der gemessene Energieverlust von geladenen Teilchen hat einen Fehler $\sigma_{dE/dx} = 10\%$.

Für den zVertex-Trigger sind die **Vieldrahtproportionalkammer** CIP an der Innenseite der CIZ und die **Vieldrahtproportionalkammer** COP an der Innenseite der CJC2 angeordnet. CIP und COP bestehen aus jeweils 2 Kammern mit parallel zur Strahlachse verlaufenden Drählten, die in der $(r\phi)$- und der (rz)-Ebene segmentiert sind (16×60 für CIP und 16×18 für COP).

3.3.2 Vordere Spurkammern

Das vordere Spurkammersystem $\boxed{3}$ deckt den Winkelbereich $5° \leq \theta \leq 25°$ ab. Es besteht aus drei „Supermodulen“, die jeweils aus einem „planaren“ Modul mit drei Driftkammern, einer Vieldrahtproportionalkammer, einem Übergangsstrahlungsmodul und einem „radialen“ Modul mit einer Driftkammer aufgebaut sind. Die Supermodule sind in z-Richtung hintereinander angeordnet. Zur Spurrekonstruktion werden lediglich die planaren und radialen Driftkammern verwendet.

Die **planaren Driftkammern** bestehen aus 32 Zellen mit je 4 Signaldrähten, die senkrecht zur Strahlachse gespannt sind. Die drei Driftkammern sind um 60° gegeneinander gedreht. Die Auflösung beträgt in der $(r\phi)$-Ebene $\sigma_{r\phi} = 170\,\mu$m. Für Triggerzwecke (*forward rays*) ist eine **Vieldrahtproportionalkammer** hinter jedem planaren Modul angebracht. Mit Hilfe der **Übergangsstrahlungsmodule** sollen Elektronen und Pionen getrennt werden. Die **radialen Driftkammern** bestehen aus 48 radialen Sektoren in der $(r\phi)$-Ebene mit jeweils 12 Signaldrähten, die gegeneinander versetzt sind. Durch diese Anordnung soll eine gute Impulsauflösung ermöglicht werden, die Trefferauflösung in der $(r\phi)$-Ebene beträgt $\sigma_{r\phi} = 200\,\mu$m.

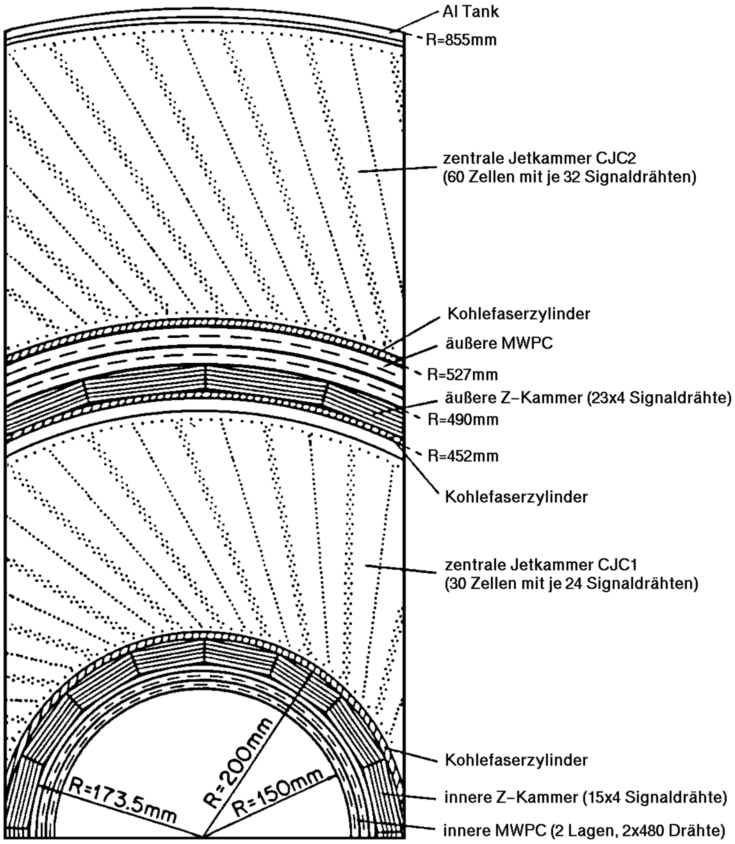

Abbildung 3.5: *Das zentrale Spurkammersystem in der $(r\phi)$-Projektion*

3.4 Das Flüssig-Argon-Kalorimeter

Das Flüssig-Argon-Kalorimeter (LAr-Kalorimeter) [7] (Abbildung 3.6) deckt den Winkelbereich $4^\circ \leq \theta \leq 153^\circ$ ab und ist in ein elektromagnetisches Kalorimeter, das an das Spurkammersystem anschließt, und ein hadronisches Kalorimeter unterteilt. Es ermöglicht den Nachweis von Elektronen und Myonen und die genaue Messung des Energieflusses. Das LAr-Kalorimeter ist im Inneren der supraleitenden Spule ($\boxed{6}$ in Abbildung 3.2) angeordnet, dadurch wird Material zwischen Spurkammersystem und Kalorimeter minimiert.

Das Kalorimeter ist in etwa 45000 Zellen unterteilt, wodurch eine hohe Ortsauflösung ermöglicht wird. Es besteht aus acht Modulen *(wheels)* längs der Strahlachse und acht Kammern *(octants)*, die radialsymmetrisch zum Strahlrohr angeordnet sind. Die Zellen in jedem Oktanten mit gleichem Abstand zum Strahlrohr sind in Lagen zusammengefaßt.

Das LAr-Kalorimeter ist ein nicht-kompensierendes *Sampling*-Kalorimeter, es werden unterschiedliche Materialien für Absorption und Nachweis verwendet.

Im **elektromagnetischen Kalorimeter** ($\boxed{4}$ in Abbildung 3.2) werden 2.4 mm dicke Bleiplatten als Absorbermaterial und dazwischenliegende 2.35 mm dicke Spalten gefüllt mit flüssigem Argon als Ionisationsmaterial verwendet. Das elektromagnetische Kalorimeter hat 3 Lagen im Zentralbereich und 7 Lagen im Vorwärtsbereich des Detektors