Photoproduktion von $D^{*\pm}$-Mesonen bei HERA

Dissertation

zur Erlangung des Doktorgrades
der Mathematisch-Naturwissenschaftlichen Fakultät
der Christian-Albrechts-Universität
zu Kiel

vorgelegt von
Ulf Kathage

Kiel
1997

Photoproduktion von $D^{*\pm}$-Mesonen bei HERA

Dissertation

zur Erlangung des Doktorgrades
der Mathematisch-Naturwissenschaftlichen Fakultät
der Christian-Albrechts-Universität
zu Kiel

vorgelegt von
Ulf Kathage

Kiel
1997

Referent:	Herr Dr. habil. W. Stamm
Korreferentin:	Frau Prof. Dr. B. Schrempp
Tag der mündlichen Prüfung:	30. April 1997
Zum Druck genehmigt:	Kiel, den 30. April 1997

Prof. Dr. J. Bähr
Dekan

Kurzfassung

In der Elektron-Proton-Streuung bei HERA werden Charm-Quarks überwiegend durch den Prozeß der Photon-Gluon-Fusion in der Photoproduktion erzeugt. Der Wirkungsquerschnitt ist dabei direkt proportional zur Dichteverteilung der Gluonen im Proton. Die Messung des Wirkungsquerschnittes für die Erzeugung von Charm stellt deshalb eine wichtige Ergänzung zur Untersuchung der Protonstruktur bei HERA-Energien dar.

Die in der vorliegenden Arbeit untersuchten Daten wurden in der Betriebsperiode 1994 mit dem H1-Detektor aufgezeichnet und entsprechen einer integrierten Luminosität von $\mathcal{L} = 1.29\,\mathrm{pb}^{-1}$.

Die Produktion von Charm wird durch die Rekonstruktion von $\mathrm{D}^{*\pm}$-Mesonen im Zerfallskanal $\mathrm{D}^{*+} \rightarrow \mathrm{D}^0\pi_\mathrm{s}^+ \rightarrow (\mathrm{K}^-\pi^+)\pi_\mathrm{s}^+$ nachgewiesen. Der gemessene totale Photon-Proton-Wirkungsquerschnitt für $Q^2 < 4\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$ beträgt

$$\sigma(\gamma\mathrm{p} \rightarrow \mathrm{c\bar{c}}X) = (9.3 \pm 2.1\,^{+1.9}_{-1.7}\,^{+6.9}_{-2.3})\,\mu\mathrm{b}$$

bei einer mittleren Schwerpunktsenergie von $\langle W_{\gamma\mathrm{p}}\rangle = 142\,\mathrm{GeV}$ und

$$\sigma(\gamma\mathrm{p} \rightarrow \mathrm{c\bar{c}}X) = (20.6 \pm 5.5\,^{+4.2}_{-3.7}\,^{+20.4}_{-4.9})\,\mu\mathrm{b}$$

bei $\langle W_{\gamma\mathrm{p}}\rangle = 230\,\mathrm{GeV}$. Der dritte Fehler berücksichtigt hierbei zusätzliche Unsicherheiten bzgl. verschiedener Parametrisierungen der Partondichten im Proton und Photon.

Differentielle Wirkungsquerschnitte als Funktion des Transversalimpulses und der Rapidität der $\mathrm{D}^{*\pm}$-Mesonen werden bestimmt. Die Resultate stimmen innerhalb der Fehler mit NLO-QCD-Vorhersagen überein.

Abstract

In electron-proton scattering at HERA charm quarks are mainly produced by the photoproduction process of photon gluon fusion. The cross section is proportional to the density distribution of gluons in the proton. The measurement of the cross section of charm production is therefore an important contribution to the knowledge of the proton structure at HERA energies.

The data used in this analysis were collected in the run period of 1994 and correspond to a total integrated luminosity of $\mathcal{L} = 1.29\,\mathrm{pb}^{-1}$.

Charm production is tagged by the reconstruction of $\mathrm{D}^{*\pm}$ mesons in the decay channel $\mathrm{D}^{*+} \rightarrow \mathrm{D}^0\pi_\mathrm{s}^+ \rightarrow (\mathrm{K}^-\pi^+)\pi_\mathrm{s}^+$. The total photon proton cross section for $Q^2 < 4\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$ is measured as

$$\sigma(\gamma\mathrm{p} \rightarrow \mathrm{c\bar{c}}X) = (9.3 \pm 2.1\,^{+1.9}_{-1.7}\,^{+6.9}_{-2.3})\,\mu\mathrm{b}$$

at an average centre of mass energy of $\langle W_{\gamma\mathrm{p}}\rangle = 142\,\mathrm{GeV}$ and becomes

$$\sigma(\gamma\mathrm{p} \rightarrow \mathrm{c\bar{c}}X) = (20.6 \pm 5.5\,^{+4.2}_{-3.7}\,^{+20.4}_{-4.9})\,\mu\mathrm{b}$$

at $\langle W_{\gamma\mathrm{p}}\rangle = 230\,\mathrm{GeV}$. The third error accounts for an additional uncertainty due to different parametrizations of the parton density distribution in the proton and photon.

Differential cross sections are presented as a function of the transverse momentum and rapidity of the $\mathrm{D}^{*\pm}$ mesons. The results agree reasonably well within errors with NLO-QCD predictions.

Inhaltsverzeichnis

Einleitung

Die Experimente an der Speicherring-Anlage HERA[1] am DESY[2] (Hamburg) führen die klassischen Streuexperimente mit Elektronen, Myonen und Neutrinos weiter, auf denen weitgehend unsere Kenntnis von der Struktur der Materie beruht und die mit zur Entwicklung des Standardmodells der fundamentalen elektroschwachen und starken Wechselwirkung beigetragen haben.

Mit Hilfe von Elektron-Nukleon-Streuexperimenten konnten Ende der sechziger Jahre am Linearbeschleuniger SLAC[3] in Stanford erstmals Substrukturen im Proton sichtbar gemacht werden [1, 2]. Die Meßergebnisse konnten im Partonmodell (Feynman, Bjorken und Paschos [3, 4]) durch Streuung an punktförmigen Konstituenten des Protons – Partonen genannt – gedeutet werden. Diese Partonen wurden später mit den bereits 1964 von Gell-Mann und Zweig postulierten Quarks identifiziert, die diese zur Klassifizierung der zahlreichen beobachteten Hadronen einführten [5].

Eine der Grundannahmen des Partonmodells ist, daß sich die elektrisch geladenen Partonen den Gesamtimpuls des Nukleons teilen. In Lepton-Nukleon-Streuexperimenten zeigte sich aber, daß die Partonen nur etwa die Hälfte des gesamten Nukleonimpulses tragen. Die andere Hälfte wird von neutralen Partonen – den Gluonen – getragen. Sie wurden später mit den Eichbosonen der Quantenchromodynamik (QCD) identifiziert, die die starke Wechselwirkung der Quarks beschreibt.

Durch die QCD wird das ursprünglich statische Bild der Nukleonen zu einem dynamischen Gebilde – bestehend aus Quarks und Gluonen – erweitert. Einzelne Quarks können Gluonen abstrahlen, Gluonen wiederum können in Quark-Antiquark-Paare annihilieren. Diese dynamischen Prozesse werden bei ausreichend großen Impulsüberträgen Q^2 im Rahmen der störungstheoretischen QCD mit Hilfe von Entwicklungsgleichungen beschrieben. Daraus lassen sich quantitative Aussagen über die dynamische Entwicklung der Partondichten ableiten.

Die bei HERA, dem weltweit ersten und bisher einzigen Elektron-Proton-Speicherring, erreichbare Schwerpunktsenergie liegt mit 314 GeV um mehr als eine Größenordnung über den bisher in Lepton-Nukleon-Streuexperimenten erreichten Energien. Somit sind physikalische Untersuchungen in einem bisher unerschlossenen kinematischen Bereich möglich. Die hohe Schwerpunktsenergie ermöglicht Impulsüberträge bis zu $Q^2 \approx 10^5\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$. Die damit verbundene Auflösung von $\Delta \approx \hbar/Q \approx 10^{-18}\,\mathrm{m}$ ist um drei Größenordnungen kleiner als der Protonradius. Außerdem wird der Meßbereich in x, dem Impulsbruchteil des an der Wechselwirkung beteiligten Quarks, zu sehr kleinen Werten $x \approx 10^{-5}$ ausgedehnt.

Der wichtigste Streuprozeß bei HERA ist die tief-inelastische Streuung von Elektronen an Quarks, bei denen im Endzustand ein gestreutes Elektron oder ein Neutrino auftritt. Die Impulsüberträge können hierbei so hoch sein, daß die Beiträge der schwachen Wechselwirkung vergleichbar oder sogar größer sind als die der elektromagnetischen Wechselwirkung.

---

[1] **H**adron-**E**lektron-**R**ing-**A**nlage
[2] **D**eutsches **E**lektronen-**Sy**nchrotron
[3] **S**tanford **L**inear **A**ccelerator **C**enter

Ein zweiter Schwerpunkt bildet die Untersuchung von Photon-Proton-Stößen bei Schwerpunktsenergien von etwa 200 GeV. Hierbei nutzt man das Bremsstrahlungsspektrum der Elektronen aus, nämlich die Abstrahlung quasireeller Photonen mit $Q^2 \approx 0$ (Photoproduktion).

Einige der wichtigsten physikalischen Fragestellungen bei HERA seien hier kurz aufgeführt:

- *Die Suche nach Substrukturen von Quarks und Leptonen:* Bei dem umfangreichen Experimentierprogramm bei HERA gilt ein besonderer Augenmerk der Suche nach experimentellen Hinweisen auf eine Physik jenseits des Standardmodells. Die von einigen theoretischen Modellen vorhergesagten neuen Teilchen können bis zu Massen von $250\,\mathrm{GeV/c^2}$ nachgewiesen werden. Hierzu zählen z.B. gebundene Zustände von Quarks und Leptonen.

- *Messung der Proton-Strukturfunktion:* Neben einer rein phänomenologischen Bedeutung ermöglichen diese Messungen wichtige Tests von QCD-Vorhersagen über einen sehr großen Q^2-Bereich hinweg.

- *Messung der Impulsverteilung von Quarks und Gluonen bei kleinen x-Werten:* Die hohe Schwerpunktsenergie bei HERA ermöglicht es, Partondichten bei sehr kleinen Werten von x („weiche Partonen“) zu messen. Zwar gibt es theoretische Gründe für einen raschen Anstieg der Partondichten mit kleiner werdendem x, doch sollten unterhalb eines kritischen x-Wertes Sättigungseffekte durch Rekombination von Partonen auftreten, die ein unbegrenztes Anwachsen der Partondichten verhindern. Ein weiterer wichtiger Punkt ist, daß HERA für die nächste Generation von Proton-Proton-Speicherringen (LHC[4]), bei denen die Streuung an weichen Partonen dominieren wird, Voraussagen über zu erwartende Streuraten machen kann.

- *Untersuchungen zur Struktur des Photons:* Neben der Messung des totalen Photon-Proton-Wirkungsquerschnittes lassen sich aus der Analyse von harten Streuprozessen in der Photoproduktion auch Aussagen über die Quark- und Gluonverteilungen im Photon machen.

- *Untersuchungen von schweren Quarks:* Bei HERA werden Charm- und Bottom-Quarks mit hoher Statistik erzeugt. Die Untersuchungen von Mesonen mit schweren Quarks geben Auskünfte über die zugrunde liegenden Produktionsmechanismen. Die hohe Produktionsrate wird auch eine Verbesserung der Sensitivität bei der Suche nach seltenen und verbotenen Zerfällen von schweren Quarks, die in vielen Theorien außerhalb des Standardmodells erwartet werden, mit sich bringen.

Für eine umfassendere und tiefer gehende Darstellung der mit HERA verbundenen physikalischen Fragestellungen sei auf [6, 7] verwiesen. Übersichtsartikel über die bisherigen HERA-Resultate sind in [8–10] zu finden.

Physik und Ziel der vorliegenden Arbeit

Die vorliegende Arbeit befaßt sich mit der Produktion von Charm-Quarks in der Elektron-Proton-Streuung. Bei HERA werden schwere Quarks hauptsächlich durch den Prozeß der Boson-Gluon-Fusion (BGF) mit quasi-reellen Photonen (Photoproduktion) erzeugt. Sowohl direkte als auch aufgelöste („resolved“) Prozesse tragen zum Wirkungsquerschnitt bei.

Bei der direkten Photon-Gluon-Fusion $\gamma g \to Q\bar{Q}$ erzeugt ein vom Elektron abgestrahltes Photon zusammen mit einem Gluon aus dem Proton ein schweres Quark-Antiquark-Paar. Bei

[4] **L**arge **H**adron **C**ollider

den aufgelösten Prozessen tritt das Photon als Teilchen mit partonischer Struktur auf. Durch die Streuung eines Partons aus dem Photon an einem Parton des Protons (z.B. $gg \to Q\bar{Q}$) können ebenfalls schwere Quarks produziert werden. Aufgrund von theoretischen Rechnungen wird erwartet, daß die aufgelöste Komponente im Vergleich zur direkten nur einen geringen Beitrag zum gesamten Wirkungsquerschnitt liefert. Allerdings hängen die genauen Anteile von den verwendeten Parametrisierungen der Partondichten im Proton und Photon ab. Für die Erzeugung von Charm-Quarks werden Wirkungsquerschnitte in der Größenordnung $\mathcal{O}(1\,\mu\mathrm{b})$ erwartet. Die Vorhersagen für die Produktion von Bottom-Quarks sind um mehr als einen Faktor 100 kleiner.

Die Messungen der Wirkungsquerschnitte für die Photoproduktion von Charm-Quarks können als eine Fortsetzung früherer Fixed-Target-Experimente angesehen werden, wobei die bei HERA erreichbare Photon-Proton-Schwerpunktsenergie mit $W_{\gamma\mathrm{p}} \approx 200\,\mathrm{GeV}$ den Meßbereich um mehr als eine Größenordnung erweitert.

Da der Wirkungsquerschnitt direkt von der Gluondichte im Proton abhängt, bietet die Untersuchung von Charm-Quarks die Möglichkeit, die Gluondichte zu bestimmen. Aufgrund der hohen Schwerpunktsenergie können die Messungen dabei auf den Bereich sehr kleiner Werte von $x \approx 10^{-4}$, der experimentell bisher nicht zugänglich war, ausgedehnt werden.

Ziel dieser Arbeit ist der Nachweis von Charm-Quarks in den Daten, die in der Betriebsperiode 1994 mit dem H1-Detektor aufgezeichnet wurden. Der Nachweis wird dabei über die Identifikation von $\mathrm{D}^{*\pm}$-Mesonen, die in den Fragmentationsprozessen der primär erzeugten Charm-Quarks entstehen und diese enthalten, geführt. Die $\mathrm{D}^{*\pm}$-Mesonen werden durch die Rekonstruktion der Zerfallskette $\mathrm{D}^{*+} \to \mathrm{D}^0\pi_s^+ \to (\mathrm{K}^-\pi^+)\pi_s^+$ mit Hilfe der ΔM-Methode nachgewiesen.

Zur Selektion von Photoproduktionsereignissen und zur Unterdrückung von Untergrundereignissen werden geeignete Selektionskriterien entwickelt und vorgestellt. Auf diesen Daten basierend, werden inklusive $\mathrm{D}^{*\pm}$-Wirkungsquerschnitte und Charm-Wirkungsquerschnitte sowie differentielle Verteilungen bzgl. des Transversalimpulses und der Rapidität der $\mathrm{D}^{*\pm}$-Mesonen bestimmt und mit QCD-Rechnungen höherer Ordnung verglichen.

Gliederung der Arbeit

Im ersten Kapitel werden die kinematischen Grundlagen der Elektron-Proton-Streuung beschrieben und einige wichtige HERA-Resultate im Hinblick auf die Struktur des Protons und Photons vorgestellt.

Das Kapitel 2 befaßt sich mit den Produktionsmechanismen und Zerfällen von Charm-Quarks. Hier werden die theoretischen Grundlagen der Charm-Physik behandelt, die für das Verständnis der vorliegenden Arbeit wesentlich sind.

Im daran anschließenden Kapitel werden die Speicherring-Anlage HERA und der H1-Detektor beschrieben. Dabei wird der Schwerpunkt auf die Detektorkomponenten gelegt, die für die $\mathrm{D}^{*\pm}$-Analyse von Bedeutung sind.

Die kinematischen Eigenschaften der Charm-Quarks und $\mathrm{D}^{*\pm}$-Mesonen werden auf Basis von Monte-Carlo-Simulationen in Kapitel 4 besprochen. In diesem Abschnitt wird auch die Ereignis- und $\mathrm{D}^{*\pm}$-Rekonstruktion beschrieben.

Die Datenselektion und die der Analyse zugrunde liegenden Selektionskriterien werden in den Kapiteln 5 und 6 ausführlich dargelegt. Für diese Selektionsbedingungen werden in Kapitel 7 die Rekonstruktions- und Triggereffizienzen anhand von Daten und Monte-Carlo-Simulationen bestimmt.

In Kapitel 8 werden die Ergebnisse vorgestellt und diskutiert. Hierzu zählen die Bestimmung des totalen Charm-Wirkungsquerschnittes in der Photoproduktion sowie Transversalimpuls- und Rapiditätsverteilungen. Die Meßergebnisse werden mit theoretischen Vorhersagen verglichen.

Den Abschluß bilden eine Zusammenfassung und Diskussion der Ergebnisse sowie ein kurzer Ausblick auf zukünftige Datennahmeperioden mit höheren Luminositäten.

Kapitel 1

Elektron-Proton-Streuung

Dieses Kapitel gibt einen Überblick über die beiden wichtigsten Streuprozesse bei HERA, die tief-inelastische Streuung[1] bei hohen Impulsüberträgen und die Photon-Proton-Streuung mit quasi-reellen Photonen (Photoproduktion).

Während in der tief-inelastischen Streuung die Struktur des Protons in experimentell bisher nicht zugänglichen Bereichen vermessen werden kann, bietet die Untersuchung von Photon-Proton-Stößen die Möglichkeit, Aussagen über die Struktur des Photons zu machen.

Die Photon-Proton-Streuung ist auch Hauptquelle für die Produktion schwerer Quarks, deren Nachweis Gegenstand dieser Arbeit ist.

1.1 Kinematik

In niedrigster Ordnung des Quark-Parton-Modells (QPM) wird die Elektron-Proton-Streuung durch den Austausch eines virtuellen Eichbosons vermittelt, das mit einem Parton des Protons in Wechselwirkung tritt (siehe Abb. 1.1). Je nach Ladung des ausgetauschten Bosons, wird zwischen den neutralen Strömen („Neutral Currents", NC) und geladenen Strömen („Charged Currents", CC) unterschieden. Bei den neutralen Strömen wird die Wechselwirkung durch den Austausch eines virtuellen Photons γ bzw. Z^0-Bosons vermittelt. Der Austausch eines geladenen W-Bosons kennzeichnet die geladenen Ströme:

$$\begin{aligned} \mathrm{e}^-\mathrm{p} &\rightarrow \mathrm{e}^-\mathrm{X} && \text{(NC-Prozesse)}, \\ \mathrm{e}^-\mathrm{p} &\rightarrow \nu_\mathrm{e}\mathrm{X} && \text{(CC-Prozesse)}. \end{aligned}$$

Aufgrund der großen Masse der Z^0- und W-Bosonen ist der Austausch eines Photons der dominante Prozeß.

Bei fest vorgegebener Schwerpunktsenergie $\sqrt{s}$ ist die Kinematik unter HERA-Bedingungen durch zwei unabhängige Variablen bestimmt. Zur Beschreibung werden üblicherweise die Variablen Q^2 und eine der beiden dimensionslosen Skalenvariablen x oder y gewählt. Dabei ist Q^2 das Quadrat des Viererimpulsübertrages auf das Proton und y der relative Energieverlust des Elektrons im Ruhesystem des Protons. Die Variable x (x-Bjorken) erhält im Quark-Parton-Modell eine anschauliche Bedeutung, wo sie den Impulsanteil des an der Wechselwirkung beteiligten Partons angibt.

[1] **D**eep **I**nelastic **S**cattering (DIS)

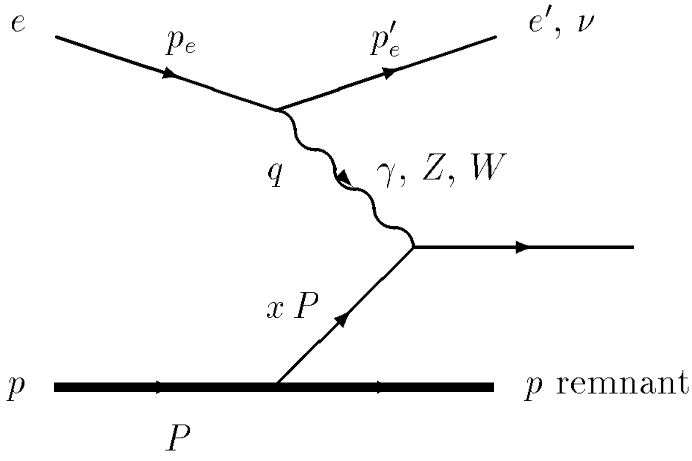


Abbildung 1.1: Diagramm der Elektron-Proton-Streuung in niedrigster Ordnung (QPM).

Mit den in der Abb. 1.1 definierten Viererimpulsen lauten die Variablen in Lorentz-invarianter Schreibweise:

$$s := (\mathbf{p_e} + \mathbf{P})^2, \tag{1.1}$$
$$Q^2 \equiv -\mathbf{q}^2 := -(\mathbf{p_e} - \mathbf{p_e'})^2 \tag{1.2}$$

und

$$x := \frac{\mathbf{P}\cdot\mathbf{q}}{\mathbf{P}\cdot\mathbf{p_e}}, \tag{1.3}$$
$$y := \frac{Q^2}{2\,\mathbf{P}\cdot\mathbf{q}}. \tag{1.4}$$

Die Variablen sind über

$$Q^2 = x \cdot y \cdot s \tag{1.5}$$

miteinander verknüpft.

Unter Vernachlässigung der Protonmasse gilt für die quadrierte invariante Masse W^2 des hadronischen Endzustandes, ausgedrückt durch die oben definierten Variablen:

$$W^2 := (\mathbf{q} + \mathbf{P})^2 = Q^2 \cdot \frac{1-x}{x}. \tag{1.6}$$

Mit den Strahlenergien $E_\mathrm{e} = 27.6\,\mathrm{GeV}$ und $E_\mathrm{p} = 820\,\mathrm{GeV}$ der einlaufenden Elektronen bzw. Protonen ergibt sich für die Schwerpunktsenergie bei HERA ein Wert von

$$\sqrt{s} \approx \sqrt{4 \cdot E_\mathrm{e} \cdot E_\mathrm{p}} = 300\,\mathrm{GeV}. \tag{1.7}$$

Die Kinematik der Elektron-Proton-Streuung läßt sich durch die Messung der Energie E_e' und des Polarwinkels Θ_e des gestreuten Elektrons[2] vollständig rekonstruieren. Mit E_e, der Strahlenergie der einlaufenden Elektronen, ergibt sich:

$$Q_\mathrm{e}^2 = 4 \cdot E_\mathrm{e} \cdot E_\mathrm{e}' \cdot \cos^2(\Theta_\mathrm{e}/2) \tag{1.8}$$

[2]Bei H1 werden Polarwinkel relativ zur Richtung des Protonenstrahls (Vorwärtsrichtung) gemessen. Der Polarwinkel der einlaufenden Elektronen entspricht somit $\Theta_\mathrm{e} = 180°$.

und

$$y_{\mathrm{e}} = 1 - \frac{E'_{\mathrm{e}}}{E_{\mathrm{e}}} \cdot \sin^2(\Theta_{\mathrm{e}}/2). \tag{1.9}$$

Die anderen Variablen ergeben sich dann aus Gl. 1.5 und 1.6.

Die gesamte Kinematik kann aber auch aus der Messung des hadronischen Endzustandes bestimmt werden. Nach der Methode von Jacquet-Blondel [11] müssen hierzu die Energien und Impulse aller im Endzustand auftretenden Hadronen bestimmt und aufsummiert werden:

$$Q^2_{JB} = \frac{(\sum p_x)^2 + (\sum p_y)^2}{(1 - y_{JB})}, \tag{1.10}$$

$$y_{JB} = \frac{\sum (E - p_z)}{2 \cdot E_{\mathrm{e}}}. \tag{1.11}$$

Mit diesem Verfahren kann die Kinematik auch dann vollständig rekonstruiert werden, wenn das gestreute Elektron nicht im Detektor nachgewiesen oder ein Neutrino im Endzustand erzeugt wird.

Bei Photoproduktionsprozessen ($Q^2 \approx 0$) wird das Elektron unter sehr kleinen Winkeln gestreut und Gl. 1.9 vereinfacht sich zu:

$$y \approx 1 - \frac{E'_{\mathrm{e}}}{E_{\mathrm{e}}} = \frac{E_{\mathrm{e}} - E'_{\mathrm{e}}}{E_{\mathrm{e}}} = \frac{E_\gamma}{E_{\mathrm{e}}} \tag{1.12}$$

mit der Photonenergie E_γ. Für die Schwerpunktsenergie im Photon-Proton-System ergibt sich dann:

$$W_{\gamma\mathrm{p}} = \sqrt{y \cdot s - Q^2} \approx \sqrt{y \cdot s} = 2 \cdot \sqrt{y \cdot E_{\mathrm{e}} \cdot E_{\mathrm{p}}}. \tag{1.13}$$

Zur Beschreibung des hadronischen Endzustandes wird neben den Impulsen und Winkeln der Teilchen auch die Rapidität oder Pseudorapidität verwendet. Die Rapidität $\hat{y}$ ist für ein Teilchen mit Energie E und longitudinaler Impulskomponente p_z definiert als

$$\hat{y} := \frac{1}{2} \ln\left(\frac{E + p_z}{E - p_z}\right). \tag{1.14}$$

Kann die Masse eines Teilchens gegenüber der Energie vernachlässigt werden ($m \ll E$), ist es möglich, die Rapidität durch die Pseudorapidität η zu nähern, indem die Energie E durch den Impuls p ersetzt wird:

$$\eta := \frac{1}{2} \ln\left(\frac{p + p_z}{p - p_z}\right) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{1 + \cos\Theta}{1 - \cos\Theta}\right) = \frac{1}{2} \ln(\arctan(\Theta/2)). \tag{1.15}$$

1.2 Tief-inelastische Streuung

Unter Vernachlässigung der schwachen Wechselwirkung lautet der doppelt differentielle Wirkungsquerschnitt für die Elektron-Proton-Streuung:

$$\frac{d^2\sigma}{dx dQ^2} = \frac{2\pi\alpha^2}{xQ^4} \left(y^2 x F_1(x, Q^2) + (1 - y) F_2(x, Q^2)\right) \tag{1.16}$$

mit den beiden Strukturfunktionen $F_1(x,Q^2)$ und $F_2(x,Q^2)$. Mit Hilfe der longitudinalen Strukturfunktion

$$F_L(x,Q^2) := F_2(x,Q^2) - 2xF_1(x,Q^2) \tag{1.17}$$

und

$$R(x,Q^2) := \frac{\sigma_L(x,Q^2)}{\sigma_T(x,Q^2)} = \frac{F_2(x,Q^2)}{2xF_1(x,Q^2)} - 1 = \frac{F_L(x,Q^2)}{F_2(x,Q^2) - F_L(x,Q^2)}, \tag{1.18}$$

dem Verhältnis von longitudinalem zu transversalem Wirkungsquerschnitt, läßt sich Gl. 1.16 umschreiben zu:

$$\frac{d^2\sigma}{dxdQ^2} = \frac{2\pi\alpha^2}{xQ^4}\Big(2(1-y) + \frac{y^2}{1+R(x,Q^2)}\Big)F_2(x,Q^2). \tag{1.19}$$

Die Messung des doppelt differentiellen Wirkungsquerschnittes erlaubt die Bestimmung der Strukturfunktion $F_2(x,Q^2)$. Die Größe $R(x,Q^2)$ kann durch Vergleich der Wirkungsquerschnitte bei verschiedenen Schwerpunktsenergien bestimmt oder aber QCD-Vorhersagen entnommen werden.

Im Quark-Parton-Modell (QPM) erhalten die Strukturfunktionen $F_1(x,Q^2)$ und $F_2(x,Q^2)$ eine anschauliche Bedeutung. In diesem, von Feynman, Bjorken und Paschos Ende der sechziger Jahre aufgestellten Modell [3, 4], besteht das Proton aus punktförmigen Teilchen, den sogenannten Partonen. Die geladenen Partonen wurden später mit den bereits 1964 von Gell-Mann und Zweig postulierten Quarks identifiziert, die diese zur Klassifizierung der zahlreichen beobachteten Hadronen einführten [5].

In dem Quark-Parton-Modell wird die tief-inelastische Streuung als elastische Streuung der Elektronen an den freien Partonen im Proton aufgefaßt, die selbst nicht miteinander wechselwirken. Die Strukturfunktion $F_2(x,Q^2)$ läßt sich dann als Summe der Quarkdichten im Proton $q_i(x)$ schreiben:

$$F_2(x) = x\sum_{i=1}^{n_f} e_i^2(q_i(x) + \bar{q}_i(x)). \tag{1.20}$$

Die $q_i(x)$ geben dabei die Wahrscheinlichkeit an, ein Quark der Sorte i mit dem Impulsanteil x am Protonimpuls anzutreffen. Die Quarkladung der Sorte i ist mit e_i bezeichnet, n_f ist die Anzahl der verschiedenen Quarks und Antiquarks („Flavours"). Da die Quarks Spin $\frac{1}{2}$ besitzen, gilt außerdem die Callan-Gross-Relation [12]:

$$F_2(x,Q^2) = 2xF_1(x,Q^2). \tag{1.21}$$

Aus der Callan-Gross-Relation folgt, daß die longitudinale Strukturfunktion $F_L(x,Q^2)$ und damit auch $R(x,Q^2)$ gemäß Gl. 1.17 und 1.18 Null wird.

Als weiteres wichtiges Ergebnis liefert das naive Parton-Modell das sogenannte Bjorken-Skalenverhalten für die Strukturfunktionen $F_1(x,Q^2)$ und $F_2(x,Q^2)$. Bereits vor der Aufstellung des Parton-Modells hatte Bjorken abgeleitet, daß die Strukturfunktionen nur von der dimensionslosen Variablen x und nicht von Q^2 abhängen (vgl. Gl. 1.20). Sowohl die Skaleninvarianz als auch die Callan-Gross-Relation, die auf den Spin $\frac{1}{2}$-Charakter der Partonen hinwies, wurden Ende der sechziger Jahre experimentell bestätigt.

Bei dem naiven Quark-Parton-Modell handelt es sich um ein statisches Modell, bei dem die Quarks miteinander nicht wechselwirken. Berücksichtigt man aber die starke Wechselwirkung zwischen den Quarks, so entsteht ein dynamisches Gebilde, bei dem Quarks Gluonen abstrahlen und Gluonen Quark-Antiquark-Paare bilden können. Die Berücksichtigung der in Abb. 1.2 dargestellten QCD-Prozesse führt nun dazu, daß die Partondichten außer von der dimensionslosen Größe x auch von dem Impulsübertrag Q^2 abhängen. Das dynamische Verhalten der Quark- und Gluondichten wird durch Integro-Differentialgleichungen beschrieben, die eine störungstheoretische Näherungsrechnung für die Entwicklung der Partondichten in $\ln(Q^2)$ darstellen. Diese Gleichungen, die zuerst von Altarelli und Parisi aufgestellt wurden, lauten in führender Ordnung [13]:

$$\frac{dq_i(x,Q^2)}{d(\ln(Q^2))} = \frac{\alpha_s(Q^2)}{2\pi}\int_x^1 \frac{dz}{z}\Big[q_i(z,Q^2)\cdot P_{qq}\Big(\frac{x}{z}\Big) + g(z,Q^2)\cdot P_{qg}\Big(\frac{x}{z}\Big)\Big] \tag{1.22}$$

für die Quarkdichten $q_i(x,Q^2)$ und

$$\frac{dg(x,Q^2)}{d(\ln(Q^2))} = \frac{\alpha_s(Q^2)}{2\pi}\int_x^1 \frac{dz}{z}\Big[\sum_{i=u,d,\bar{u},\bar{d},\ldots} q_i(z,Q^2)\cdot P_{gq}\Big(\frac{x}{z}\Big) + g(z,Q^2)\cdot P_{gg}\Big(\frac{x}{z}\Big)\Big] \tag{1.23}$$

für die Gluondichte $g(x,Q^2)$. Dabei geben die sogenannten Splitting-Funktionen P_{qq}, P_{qg}, P_{gq} und P_{gg} die Wahrscheinlichkeiten für die in Abb. 1.2 gezeigten Prozesse an.

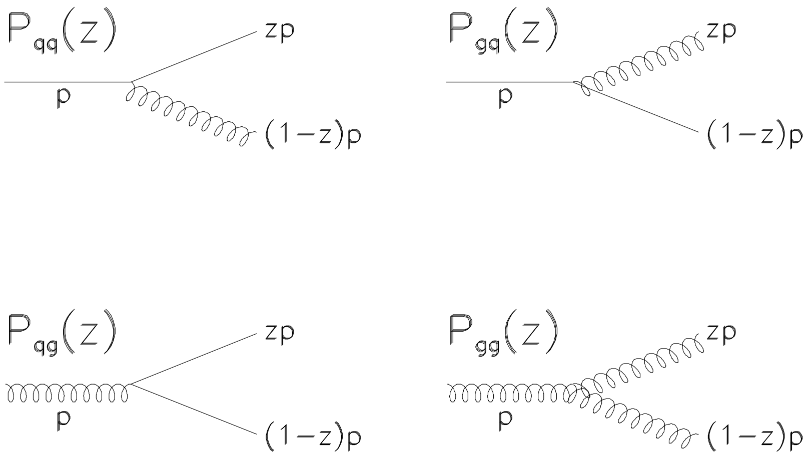


Abbildung 1.2: Splitting-Funktionen P_{ij}: z und $(1-z)$ sind die Impulsanteile am Impuls des einlaufenden Partons. Aus [14].

Voraussetzung für die Anwendbarkeit der Gl. 1.22 und 1.23 ist, daß die Kopplungskonstante der starken Wechselwirkung klein gegen 1 ist, damit Störungstheorie anwendbar ist. Die Kopplungskonstante α_s ist von der Renormierungsskala μ_r abhängig und lautet in führender Ordnung:

$$\alpha_s^{LO}(\mu_r^2) = \frac{4\pi}{\beta_0 \ln(\mu_r^2/\Lambda^2)}, \tag{1.24}$$

wobei $\beta_0 = 11 - 2/3n_f$ und n_f die Anzahl der beteiligten Quarksorten ist. Der Parameter Λ ist abhängig vom Renormierungsschema und läßt sich innerhalb der QCD nicht berechnen. Für $\mu_r \to \infty$ verschwindet die Kopplung der starken Wechselwirkung zwischen Teilchen (asymptotische Freiheit), und für $\mu_r \to 0$ wird die Kopplung beliebig groß („confinement“).

Mit Hilfe der Altarelli-Parisi-Gleichungen kann die Q^2-Abhängigkeit der Partondichten bestimmt werden. Hierzu müssen die Partondichten zunächst an einem festen Wert Q_0^2 definiert werden. Für eine störungstheoretische Entwicklung muß die starke Kopplungskonstante $\alpha_s(Q^2)$ klein gegen 1 sein, entsprechend muß der Referenzwert Q_0^2 ausreichend groß gewählt werden.

Eine Aussage über die x-Abhängigkeit der Partondichten kann nicht gemacht werden. Sie muß in den Anfangsparametrisierungen $q_i(x, Q_0^2)$ und $g(x, Q_0^2)$ vorausgesetzt werden. Die untere Grenze in den Integralen der Gl. 1.22 und 1.23 ist x, so daß die Parametrisierungen der Partondichten in der Q^2-Entwicklung nur für $z > x$ bekannt sein müssen.

Sind die Partondichten an einem Referenzwert Q_0^2 bekannt, lassen sich die Partondichten an einer beliebigen Stelle Q^2 durch Lösen der Integro-Differentialgleichungen berechnen.

Für die Gluondichte im Proton sind einige Beispiele von Parametrisierungen in Abb. 1.3 gezeigt[3] [15]. Dargestellt ist die Gluondichte als Funktion von $x_{g/p}$, dem Impulsanteil des Gluons am Gesamtimpuls des Protons, bei einem Referenzwert von $Q_0^2 = 6\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$. In dem Bereich kleiner x-Werte, der vor HERA experimentell nicht zugänglich war, treten Unterschiede bis zu einer Größenordnung zwischen den Vorhersagen einzelner Parametrisierungen auf. Während einige Parametrisierungen wie z.B. MRSD0' [16] lediglich ein flaches Ansteigen der Gluondichte bei kleinen Werten von x vorhersagen, steigt die Gluondichte für GRV LO [17] mit kleiner werdendem x stark an.

Die Reduzierung dieser theoretischen Unsicherheiten durch Messung der Partondichten bei kleinen Werten von x gehört mit zu den wichtigsten Aufgaben bei HERA. Resultate hierzu werden in den nächsten Abschnitten vorgestellt.

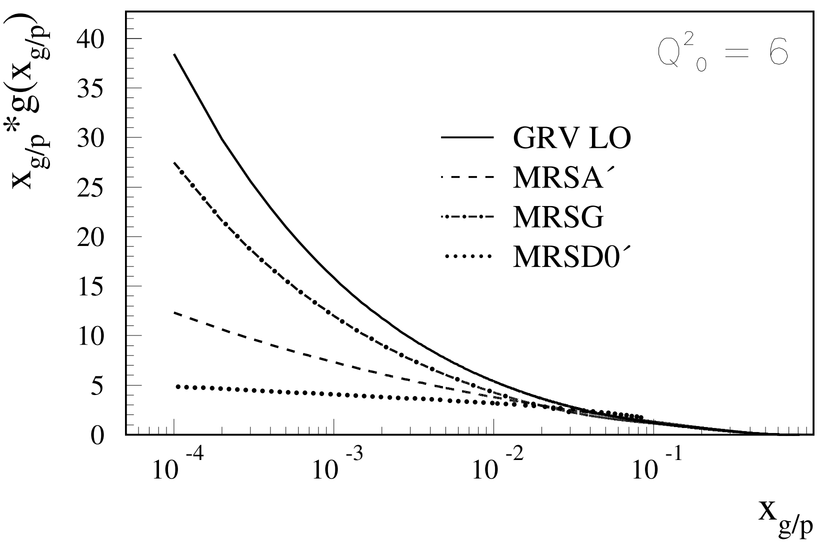


Abbildung 1.3: Die Gluondichte im Proton als Funktion von $x_{g/p}$. Gezeigt sind die Parametrisierungen GRV LO [17], MRSA' [18], MRSG [19] und MRSD0' [16] bei einem Referenzwert von $Q_0^2 = 6\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$.

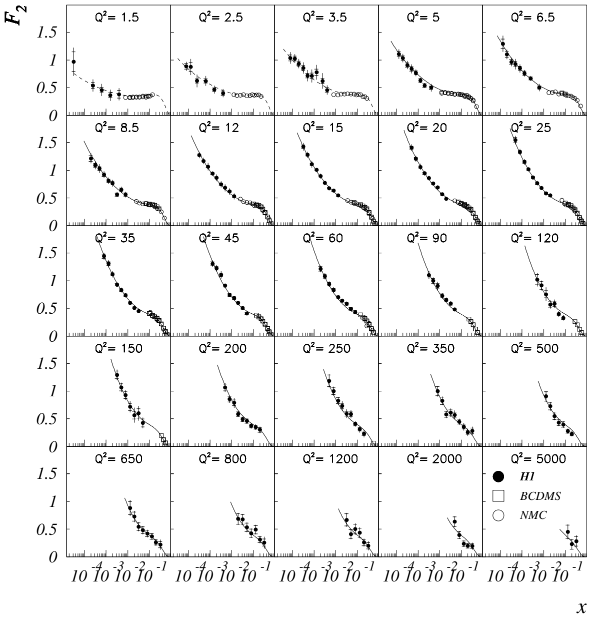
[3] In dieser Arbeit wird der Begriff Gluondichte auch für das in der Abb. 1.3 aufgetragene Produkt $x \cdot g(x)$ verwendet.

1.2.1 Messung der Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$

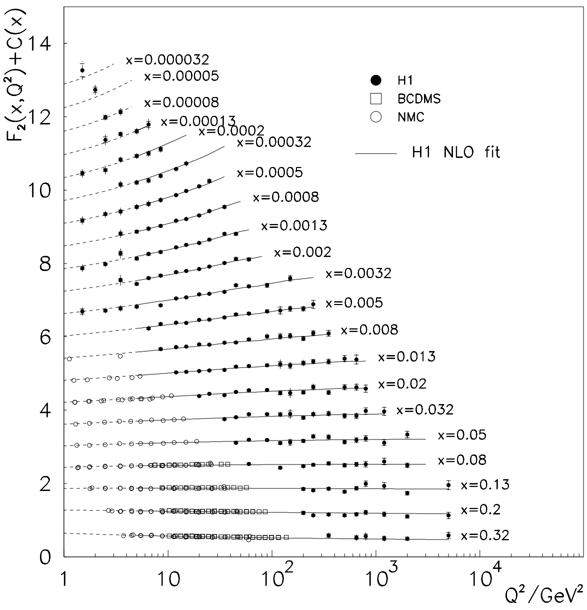
Die Strukturfunktion des Protons ist in tief-inelastischer Lepton-Nukleon-Streuung bei Fixed-Target-Experimenten gemessen worden. Mit HERA besteht die Möglichkeit, diese Messungen auf einen deutlich größeren kinematischen Bereich auszudehnen, bis hin zu einem maximalen Impulsübertrag von $Q^2_{max} \approx 10^5\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$ und einem minimalen Impulsanteil von $x_{min} \approx 10^{-5}$. Im Vergleich zu den Fixed-Target-Experimenten bedeutet dieses eine Erweiterung des kinematischen Bereiches in Q^2 und x um mehr als zwei Größenordnungen.

Die von der H1-Kollaboration gemessene Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$ – basierend auf den Daten von 1994 – ist in Abb. 1.4 (a) als Funktion von x für verschiedene Q^2-Bereiche gezeigt [20]. Für dieselben Meßwerte ist die Q^2-Abhängigkeit bei verschiedenen x-Werten in Abb. 1.4 (b) dargestellt. In allen Q^2-Bereichen ist ein Ansteigen der Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$ mit kleiner werdendem x zu beobachten (vgl. Abb. 1.4 (a)). Dieser Anstieg wird auf eine ansteigende Gluondichte (entsprechend einer ansteigenden See-Quarkdichte) bei kleinen x-Werten zurückgeführt und wird durch eine NLO-QCD-Anpassung gut reproduziert (durchgezogene Kurven).

Diese Anpassung basiert auf einem phänomenologischen Ansatz für die Verteilungen der Valenz- und See-Quarks sowie der Gluonen. Ausgehend von einem Q_0^2-Wert von $5\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$, wird die Q^2-Entwicklung über die Altarelli-Parisi-Gleichungen erzeugt. Die Daten werden in allen Q^2- und x-Bereichen durch die QCD gut beschrieben.



(a) $F_2(x, Q^2)$ als Funktion von x



(b) $F_2(x, Q^2)$ als Funktion von Q^2

Abbildung 1.4: Die Proton-Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$
(a) als Funktion von x für verschiedene Werte von Q^2 und (b) als Funktion von Q^2 für verschiedene Werte von x. Gezeigt sind die H1-Ergebnisse [20] zusammen mit Resultaten der Fixed-Target-Experimente BCDMS [21] und NMC [22]. Die durchgezogenen Kurven beschreiben eine NLO-QCD-Anpassung. Zur besseren Darstellung wurde in Abb. (b) die Funktion $C(x) = 0.6 \cdot (i - 0.4)$ zu $F_2(x, Q^2)$ hinzuaddiert. Dabei gibt i den x-Bereich an und startet bei $i = 1$ für $x = 0.32$.

Bereits anhand der ersten Daten von HERA (1992) konnte durch Vergleich der gemessenen Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$ mit verschiedenen Vorhersagen gezeigt werden, daß Parametrisierungen wie z.B. MRSD0' (vgl. Abb. 1.3), die auf einem flachen Anstieg der Gluondichte $g(x, Q_0^2) \sim$ const. für $x \to 0$ basieren, die Daten nicht korrekt beschreiben und folglich ausgeschlossen werden können [23].

Ein Übersichtsartikel über den derzeitigen Stand der Strukturfunktionsmessungen – und deren Interpretation – ist in [24] zu finden.

1.2.2 Messung der Gluondichte im Proton

Die Skalenverletzung der Strukturfunktion ist auf die Anwesenheit der Gluonen zurückzuführen und ermöglicht Aussagen über die Gluondichte im Proton.

Bei kleinen Werten von x steigt die Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$ mit zunehmendem Q^2 aufgrund der Produktion von Quark-Antiquark-Paaren durch Gluonen, während bei großem x durch Gluonabstrahlung der Quarks ein Abfall von $F_2(x, Q^2)$ beobachtet werden kann (Abb. 1.4 (b)).

Ausgehend von den Gl. 1.20 und 1.22 ergibt sich ein Zusammenhang zwischen der Ableitung $dF_2(x, Q^2)/d\ln(Q^2)$ und der Gluondichte $g(x, Q^2)$. In einer von Prytz [25] vorgeschlagenen Näherungsrechnung läßt sich die Gluondichte direkt aus der Ableitung $dF_2(x, Q^2)/d\ln(Q^2)$ bestimmen. Die Tatsache, daß bei kleinen x-Werten die Skalenverletzung von $F_2(x, Q^2)$ hauptsächlich auf die Paarproduktion von Quarks durch Gluonen zurückgeht und somit die Beiträge der Quarkverteilungen vernachlässigt werden können, führt in führender Ordnung $\ln(Q^2)$ auf die einfache Beziehung:

$$\frac{dF_2(x/2, Q^2)}{d\ln(Q^2)} \approx \frac{10}{27}\frac{\alpha_s(Q^2)}{\pi} \cdot x \cdot g(x, Q^2). \tag{1.25}$$

Die Resultate dieser Rechnung sind zusammen mit den Ergebnissen aus der QCD-Anpasssung (vgl. Abschnitt 1.2.1) in Abb. 1.5 gezeigt.

Neben diesen indirekten Methoden wurde bei H1 auch erstmals ein direktes Verfahren zur Bestimmung der Gluondichte bei kleinen Werten von x angewendet. Dieses Verfahren basiert auf der Analyse von Ereignissen mit 2-Jet-Konfigurationen[4] im Endzustand. In führender Ordnung $\mathcal{O}(\alpha_s)$ können 2-Jet-Ereignisse entweder über die Boson-Gluon-Fusion (Abb. 1.6 (a)) oder über den QCD-Compton-Prozeß (Abb. 1.6 (b)) erzeugt werden. Beim QCD-Compton-Prozeß wird ein Gluon vom Quark emittiert.

Der Wirkungsquerschnitt für die Erzeugung von 2 Jets setzt sich dann aus einem der Gluondichte proportionalen Wirkungsquerschnitt σ_{BGF} für die Boson-Gluon-Fusion und einem von der Quarkdichte abhängigen Wirkungsquerschnitt σ_{Com} für den QCD-Compton-Prozeß zusammen:

$$\sigma_{Jet} = \alpha_s(Q^2) \int \frac{dx}{x}\Big(x \cdot g(x, Q^2) \cdot \sigma_{BGF} + \sum_{i=u,d,\bar{u},\bar{d},\ldots} x \cdot q_i(x, Q^2) \cdot \sigma_{Com}\Big). \tag{1.26}$$

Die Wirkungsquerschnitte σ_{BGF} und σ_{Com} können in der QCD berechnet werden. Der Impulsanteil $x_{i/\mathrm{p}}$ des an dem harten Subprozeß (Quark ($i = \mathrm{q}$) oder Gluon ($i = \mathrm{g}$)) beteiligten Partons kann über

$$x_{i/\mathrm{p}} = \frac{\hat{s} + Q^2}{y \cdot s} = x\Big(1 + \frac{\hat{s}}{Q^2}\Big) \tag{1.27}$$

berechnet werden. Hierbei bedeutet $\hat{s}$ das Quadrat der invarianten Masse des 2-Jet-Systems und x das über Gl. 1.3 definierte x-Bjorken.

[4] Ein Jet ist ein kollimiertes Teilchenbündel mit hohem Transversalimpuls.

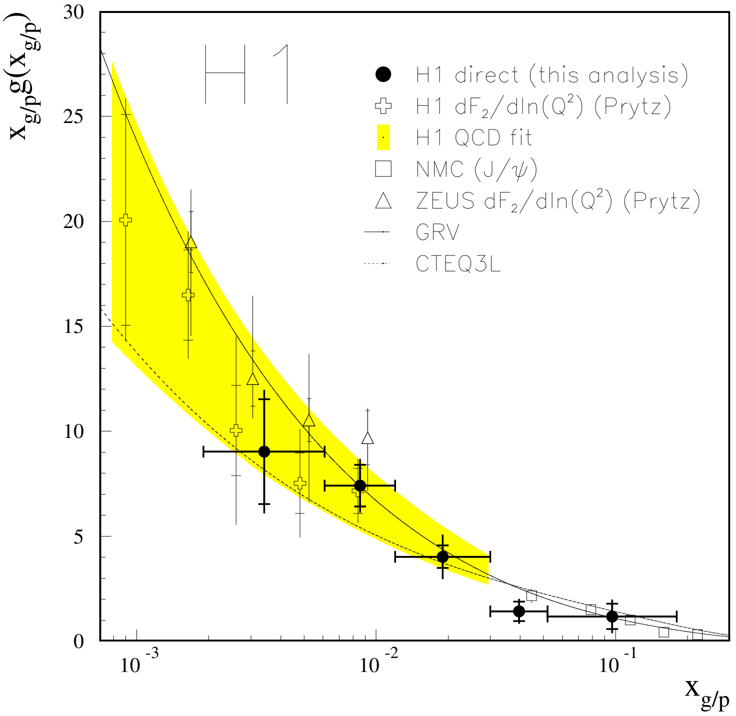


Abbildung 1.5: Die Gluondichte $x_{g/p} \cdot g(x_{g/p})$ als Funktion von $x_{g/p}$ bei einem mittleren Q^2 von $30\,\mathrm{GeV}^2/c^2$. Gezeigt ist das Ergebnis einer direkten Messung [26] zusammen mit indirekten Messungen von H1 [27], ZEUS [28] und NMC [29]. Zum Vergleich sind zwei verschiedene Parametrisierungen der Gluondichte in führender Ordnung gezeigt (GRV LO [30] und CTEQ3L [31]).

Bei kleinen Werten von $x_{i/p}$ dominiert der Prozeß der Boson-Gluon-Fusion mit ungefähr 75 % gegenüber dem QCD-Compton-Prozeß. Durch die der Analyse zugrunde liegenden Selektionskriterien ist der zugängliche $x_{g/p}$-Bereich auf $0.002 < x_{g/p} < 0.18$ beschränkt.

Die Ergebnisse sind ebenfalls in Abb. 1.5 gezeigt (*H1 direct*). Die Resultate stimmen mit den Ergebnissen der anfangs beschriebenen indirekten Verfahren gut überein. Auch diese Messung belegt den deutlichen Anstieg der Gluondichte bei kleinen Werten von $x_{g/p}$.

1.3 Photoproduktion

Die ersten Fixed-Target-Experimente zur Photon-Nukleon-Streuung zeigten, daß sich das Photon teilweise ähnlich wie ein Hadron verhält. Quantitativ werden die Ergebnisse durch das Vektor-Dominanz-Modell (VDM) [32] erklärt. In diesem Modell besitzt das Photon eine wohl definierte Wahrscheinlichkeit, um in ein Vektormeson V ($V = \rho, \omega, \Phi, \cdots$) – mit denselben Quantenzahlen wie das Photon – zu fluktuieren, das dann mit dem Photon wechselwirkt. Hierdurch wird die Photon-Nukleon-Streuung (γN) in Beziehung zur Meson-Nukleon-Streuung (VN) gesetzt, und der γN-Wirkungsquerschnitt kann als Superposition der VN-Wirkungsquerschnitte ausgedrückt werden.

Dieses vom VDM-Modell vorhergesagte hadronische Verhalten des Photons wurde in vielen Fixed-Target-Experimenten bei niedrigen Schwerpunktsenergien bestätigt. Bei höheren Schwerpunktsenergien, wie sie z.B. beim WA69-Experiment [33] am CERN erreicht wurden, zeigten sich jedoch Abweichungen von den Vorhersagen. Der Vergleich der inklusiven Wirkungsquerschnitte

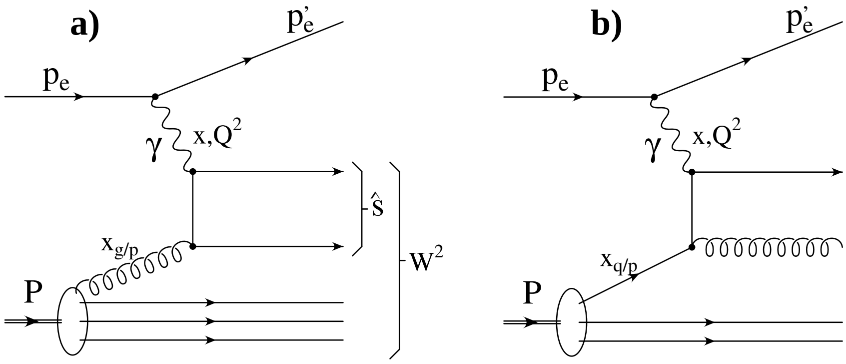


Abbildung 1.6: Feynman-Diagramme für (a) die Boson-Gluon-Fusion und (b) den QCD-Compton-Prozeß.

für die Photoproduktion geladener Hadronen als Funktion des Transversalimpulses p_t ergab bei hohen Transversalimpulsen größere Wirkungsquerschnitte als vom VDM-Modell vorhergesagt. Diese Abweichungen werden auf zusätzliche „harte“ Parton-Parton-Wechselwirkungen zurückgeführt, bei denen die auslaufenden Partonen hohe Transversalimpulse aufweisen. Experimentell sind solche Ereignisse durch hohe Transversalenergie im hadronischen Endzustand und durch das Auftreten von Jets mit hohem Transversalimpuls gekennzeichnet. Im Gegensatz zu den überwiegend „weichen“ Prozessen des VDM-Anteils mit relativ niedrigen Transversalenergien, lassen sich die harten Wechselwirkungen innerhalb der QCD berechnen.

Im Rahmen der QCD lassen sich in führender Ordnung verschiedene Beiträge zur harten γp-Streuung unterscheiden:

- **Direkte Komponente:** Das Photon koppelt direkt als punktförmiges Teilchen an ein geladenes Parton. Direkte Prozesse in niedrigster Ordnung sind in Abb. 1.6 gezeigt (Boson-Gluon-Fusion und QCD-Compton-Prozeß).

- **Anomale Komponente:** Im Gegensatz zur Hadron-Streuung kann das Photon an ein Quark-Antiquark-Paar koppeln (Abb. 1.7 (b+c)). Hierbei bildet sich jedoch kein gebundener hadronischer Zustand. Bei hohen Transversalenergien („Quasi-freie“ Quarks) läßt sich dieser Anteil quantitativ innerhalb der QCD berechnen.

- **VDM-Anteil:** Auch das VDM-Modell, bei dem sich das Photon wie ein Vektormeson verhält, liefert einen Anteil zu der harten Streuung (Abb. 1.7 (a)).

Eine klare Abgrenzung der anomalen Komponente von der harten VDM-Komponente ist nicht möglich. Zusammen für beide wird – in Analogie zur Proton-Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$ – der hadronische Inhalt des Photons durch eine Photon-Strukturfunktion $F_2^\gamma(x, Q^2)$ beschrieben.

Der totale hadronische Photon-Proton-Wirkungsquerschnitt läßt sich als Summe der Wirkungsquerschnitte dieser drei Komponenten auffassen:

$$\sigma_{tot}^{\gamma \mathrm{p}} = \sigma_{direct}^{\gamma \mathrm{p}} + \overbrace{\sigma_{anomalous}^{\gamma \mathrm{p}} + \underbrace{\sigma_{VDM}^{\gamma \mathrm{p}}}_{\gamma \sim \text{Hadron}}}^{\text{resolved}}.$$

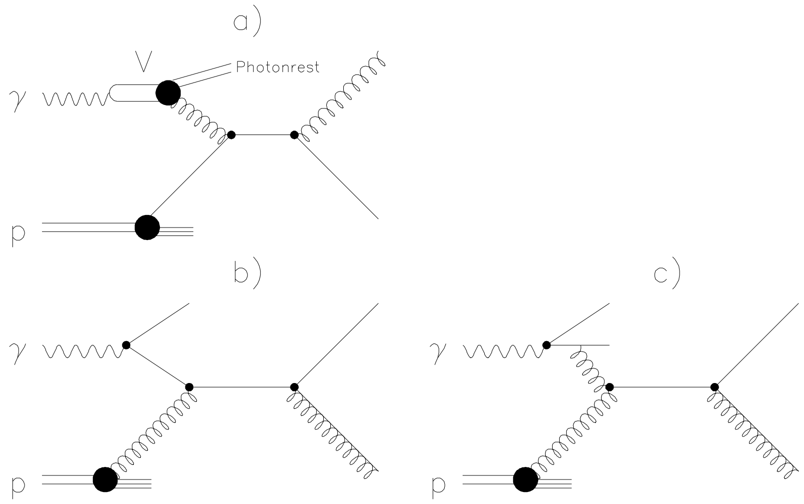


Abbildung 1.7: Aufgelöste Prozesse in niedrigster Ordnung: (a) VDM-Anteil, (b+c) Anomaler Anteil. Aus [14].

Der VDM-Anteil wird zusammen mit der anomalen Komponente häufig auch als hadronische oder aufgelöste („resolved") Komponente bezeichnet, da hier eine innere Struktur des Photons zum Vorschein kommt.

Ein wichtiger Unterschied zwischen den direkten und aufgelösten Prozessen besteht darin, daß bei den aufgelösten Prozessen nur ein Bruchteil x_γ der gesamten Photonenergie in den harten Subprozeß eingeht. Da die an der Wechselwirkung nicht teilnehmenden Partonen des Photons kein Farbsinglett mehr bilden – nach außen hin also nicht farbneutral sind – fragmentieren sie zu einem hadronischen Photonrest („photon remnant"), der als zusätzlicher Jet in Photonrichtung auftreten kann.

In Analogie zu den Altarelli-Parisi-Gleichungen für die Entwicklung der Partondichten im Proton (Gl. 1.22 und 1.23), lassen sich auch für die Photon-Strukturfunktion Entwicklungsgleichungen angeben. Da aber das Photon direkt an ein Quark-Antiquark-Paar koppeln kann, ergibt sich ein wesentlicher Unterschied zwischen der Strukturfunktion eines Hadrons und der Strukturfunktion eines Photons. Zusätzlich zu den in Abb. 1.2 gezeigten Prozessen muß die in Abb. 1.8 gezeigte direkte Kopplung in den Entwicklungsgleichungen mit berücksichtigt werden. Für die Quarkdichten $q_i(x, Q^2)$ ergibt sich dann:

$$\begin{aligned}\frac{dq_i(x,Q^2)}{d(\ln(Q^2))} &= \frac{\alpha_{em}}{2\pi} P_{q\gamma} + \\ &\quad \frac{\alpha_s(Q^2)}{2\pi}\int_x^1 \frac{dz}{z}\left[q_i(z,Q^2)\cdot P_{qq}\left(\frac{x}{z}\right) + g(z,Q^2)\cdot P_{qg}\left(\frac{x}{z}\right)\right] \qquad (1.28)\end{aligned}$$

mit der Splitting-Funktion $P_{q\gamma}$ für die Kopplung eines Photons an ein Quark-Antiquark-Paar und der elektromagnetischen Kopplungskonstanten α_{em}.

Im Gegensatz zum Proton sind die Altarelli-Parisi-Entwicklungsgleichungen für die Quarkdichten des Photons nun inhomogen. Die Lösungen dieser Gleichungen lassen sich als Überlagerung einer allgemeinen homogenen Lösung, die den VDM-Anteil repräsentiert, und einer speziellen inhomogenen Lösung, die die punktförmige Kopplung des anomalen Photons beschreibt, darstellen.

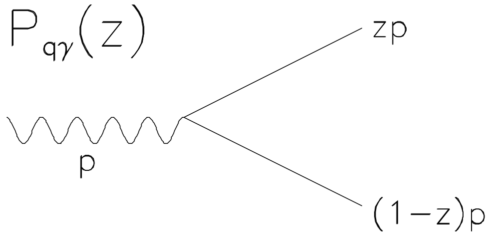


Abbildung 1.8: Die Splitting-Funktion $P_{q\gamma}$ für die Kopplung eines Photons an ein Quark-Antiquark-Paar. Aus [14].

Die Strukturfunktion $F_2^\gamma(x, Q^2)$ läßt sich für den anomalen Anteil im QPM berechnen:

$$F_2^\gamma(x, Q^2)\Big|_{\mathrm{QPM}} = 3\frac{\alpha}{\pi}\sum_{i=1}^{n_f} x\, e_i^4 (x^2 + (1-x)^2) \ln(Q^2/m_i^2). \tag{1.29}$$

Hierbei sind e_i und m_i die Ladung bzw. „freie“ Masse der Quarks. Summiert wird über alle Quarksorten n_f.

Im Vergleich zu den hadronischen Strukturfunktionen unterscheidet sich die Strukturfunktion $F_2^\gamma(x, Q^2)\big|_{\mathrm{QPM}}$ in drei wesentlichen Punkten:

- Die Ladung der Quarks geht, statt quadratisch, mit der vierten Potenz ein.
- Die Photon-Strukturfunktion nimmt mit größer werdendem x zu.
- Die Strukturfunktion zeigt bereits im einfachen QPM eine Abhängigkeit von Q^2. Bei den hadronischen Strukturfunktionen wird eine solche Abhängigkeit erst durch QCD-Effekte (Anwesenheit der Gluonen) verursacht.

Die Photon-Strukturfunktion wurde in zahlreichen Photon-Photon-Experimenten an e^+e^--Speicherringen (PETRA, LEP) gemessen. Wie bei der Messung der Strukturfunktion des Protons wird dabei die innere Struktur eines quasi-reellen Photons durch ein hochvirtuelles Photon aufgelöst. Durch die Messung der Strukturfunktion $F_2^\gamma(x, Q^2)$ konnte die anomale Komponente des Photons experimentell bestätigt und die Quarkdichten im Bereich $0.007 \leq x_\gamma \leq 1$ vermessen werden [34].

Ähnlich wie bei der Proton-Strukturfunktion kann aus der Skalenverletzung von $F_2^\gamma(x, Q^2)$ auf die Gluondichte im Photon geschlossen werden. Allerdings werden die skalenverletzenden Effekte bei der Photon-Strukturfunktion durch die Q^2-Abhängigkeit des anomalen Anteils dominiert, während der Einfluß der Gluonen wesentlich schwächer ist. Deshalb konnte aus den bisherigen Daten der e^+e^--Experimente die Gluondichte nur sehr ungenau bestimmt werden. Diese Unsicherheit spiegelt sich in den verschiedenen Parametrisierungen der Gluondichte wider (Abb. 1.9).

Im Gegensatz zu den Photon-Photon-Kollisionen wird in der Photon-Proton-Streuung die Photonstruktur durch ein Parton aus dem Proton abgetastet, das an Quarks und Gluonen koppeln kann. Untersuchungen von γp-Wechselwirkungen erlauben deshalb nicht nur direkte Rückschlüsse auf die Quarkdichten sondern auch auf die Gluondichte im Photon.

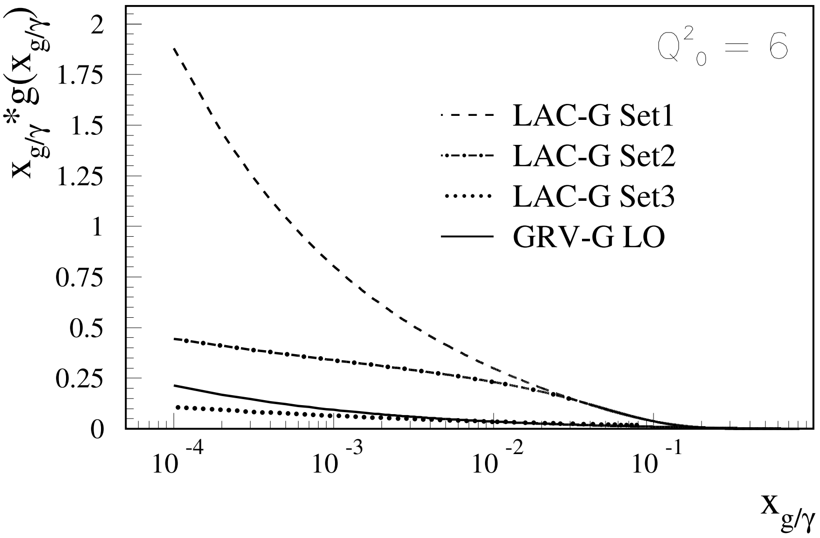


Abbildung 1.9: Die Gluondichte im Photon als Funktion von $x_{g/\gamma}$. Gezeigt sind die Parametrisierungen LAC-G Set1-3 [35] und GRV-G LO [36] bei einem Referenzwert von $Q_0^2 = 6\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$.

1.3.1 Messung der Gluondichte im Photon in γp-Wechselwirkungen

Ein Bruchteil des totalen Photon-Proton-Wirkungsquerschnittes bei HERA kann auf harte Streuprozesse zurückgeführt werden. Harte Streuprozesse bezeichnen Parton-Parton-Streuungen, bei denen die auslaufenden Partonen hohe Transversalimpulse aufweisen. Diese Prozesse lassen sich im Rahmen der QCD berechnen. Experimentell sind solche Ereignisse u.a. mit dem Auftreten von Jets mit hoher Transversalenergie verbunden.

Die Wirkungsquerschnitte sind abhängig von den Partondichten im Photon und Proton, wobei die Partondichten im Proton im Bereich $x_\mathrm{p} > 0.01$ aus Lepton-Nukleon-Streuexperimenten bekannt sind. Auf der Photonseite tragen insgesamt drei Prozesse zum Wirkungsquerschnitt bei: Streuung an den Gluonen oder Quarks im Photon und direkte Prozesse. Die einzelnen Anteile können experimentell in der Regel nicht voneinander getrennt werden. Da aber die Beiträge der direkten Prozesse und die Beiträge der Quarks (die Quarkdichten sind aus Messungen der Photon-Strukturfunktion F_2^γ bekannt) im Rahmen der QCD berechnet werden können, läßt sich die Gluondichte im Photon durch Subtraktion der beiden Beiträge von dem Gesamtwirkungsquerschnitt bestimmen.

Um die Partondichten im Photon als Funktion des Impulsanteils x_γ zu bestimmen, muß die Kinematik des in Abb. 1.10 gezeigten Prozesses rekonstruiert werden. Unter Vernachlässigung der Transversalimpulse (relativ zur Richtung des einlaufenden Hadrons) der einlaufenden Partonen folgt aus der Energie- und Impulserhaltung:

$$x_\gamma E_\gamma + x_\mathrm{p} E_\mathrm{p} = E_1 + E_2 \tag{1.30}$$

und

$$x_\gamma p_{z,\gamma} + x_\mathrm{p} p_{z,\mathrm{p}} = E_{z,1} + E_{z,2}. \tag{1.31}$$

Aus diesen beiden Gleichungen ergeben sich dann unter Vernachlässigung der Protonmasse und

Partonmassen die folgenden Ausdrücke für x_{p} bzw. x_γ:

$$x_{\mathrm{p}} = \frac{\sum_{i=1,2}(E_i + p_{z,i})}{2E_{\mathrm{p}}} = \frac{\sum_{i=1,2}(E_{t,i} \cdot e^{\eta_i})}{2E_{\mathrm{p}}} \tag{1.32}$$

und

$$x_\gamma = \frac{\sum_{i=1,2}(E_i - p_{z,i})}{2E_\gamma} = \frac{\sum_{i=1,2}(E_{t,i} \cdot e^{-\eta_i})}{2E_\gamma}. \tag{1.33}$$

Hierbei sind E_t und η die Transversalenergie bzw. Pseudorapidität der auslaufenden Partonen.

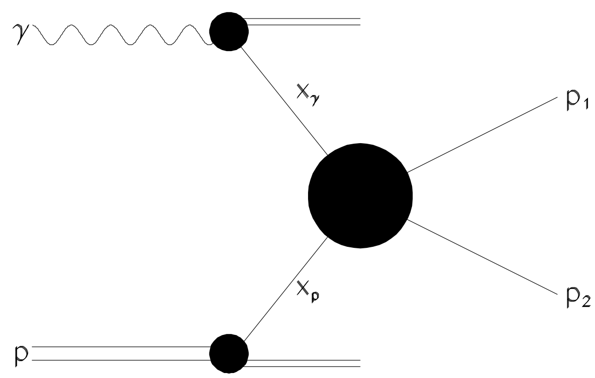


Abbildung 1.10: Parton-Parton-Streuung in der harten Photon-Proton-Wechselwirkung.Aus [14].

Die Richtungen und Energien der im Experiment beobachtbaren Teilchenjets sind mit den Viererimpulsen der auslaufenden Partonen korreliert, so daß die Kinematik der Parton-Parton-Streuung anhand der meßbaren Jets bestimmt werden kann.

Zur Untersuchung harter Streuprozesse wurden bei H1 2-Jet-Ereignisse mit einer minimalen Transversalenergie von $E_t^{Jet} \geq 7\,\mathrm{GeV}$ selektiert. Die aus den Jetraten in führender Ordnung ermittelte Gluondichte ist in Abb. 1.11 gezeigt. Zum ersten Mal konnte die Gluondichte im Photon im Bereich kleiner x_γ-Werte ($0.03 < x_\gamma < 1$) gemessen werden. Zum Vergleich sind verschiedene Parametrisierungen der Gluondichte im Photon (GRV-G LO [37] sowie LAC-G Set1 und LAC-G Set3 [35]) gezeigt.

Die von der Parametrisierung LAC-G Set3 vorhergesagte hohe Gluondichte bei großen Impulsanteilen x_γ ist mit den Daten nicht verträglich. Oberhalb $x_\gamma > 0.08$ stimmen sowohl GRV-G LO als auch LAC-G Set1 mit den Daten überein. Der steile Anstieg der Gluondichte von LAC-G Set1 unterhalb $x_\gamma < 0.08$ ist mit der Messung allerdings nicht konsistent. Eine gute Beschreibung der Daten in allen Bereichen von x_γ wird mit der Parametrisierung GRV-G LO erzielt.

1.3.2 Totaler Photoproduktions-Wirkungsquerschnitt

Der differentielle Wirkungsquerschnitt für die Elektron-Proton-Streuung kann für den Photon-Austausch bei gegebener Schwerpunktsenergie $\sqrt{s}$ geschrieben werden als:

$$\frac{d^2\sigma_{\mathrm{ep}}(s)}{dydQ^2} = \frac{\alpha}{2\pi}\frac{1}{Q^2}\Big(A(y,Q^2)\cdot\sigma^T_{\gamma^*\mathrm{p}}(y,Q^2) + B(y,Q^2)\cdot\sigma^L_{\gamma^*\mathrm{p}}(y,Q^2)\Big) \tag{1.34}$$

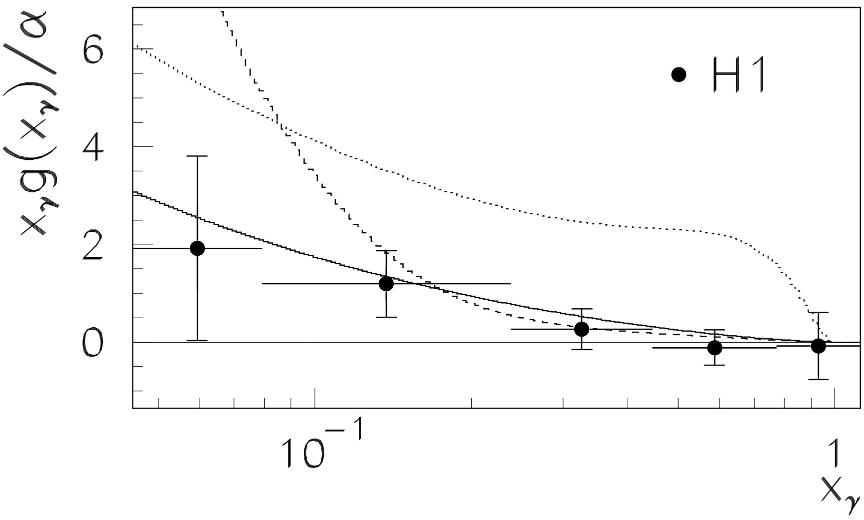


Abbildung 1.11: Die Gluondichte im Photon dividiert durch die Feinstrukturkonstante $\alpha = 1/137$ bei $\langle p_t \rangle^2 = 75\,\mathrm{GeV}^2/\mathrm{c}^2$ als Funktion von x_γ [38]. Zum Vergleich sind die Parametrisierungen GRV-G LO [37] (durchgezogene Kurve) sowie LAC-G Set1 und LAC-G Set3 [35] (gestrichelte bzw. gepunktete Kurve) gezeigt.

mit den Wirkungsquerschnitten $\sigma^T_{\gamma^*\mathrm{p}}(y, Q^2)$ und $\sigma^L_{\gamma^*\mathrm{p}}(y, Q^2)$ für transversal bzw. longitudinal polarisierte virtuelle Photonen und den kinematischen Faktoren A(y,Q^2) und B(y,Q^2) [39]. Für kleine Werte von Q^2 ($Q^2 \to 0$) kann die longitudinale Komponente vernachlässigt werden:

$$\sigma^L_{\gamma^*\mathrm{p}} \to 0 \quad \text{und} \quad \sigma^T_{\gamma^*\mathrm{p}} \to \sigma^{tot}_{\gamma\mathrm{p}}.$$

Mit Hilfe der erweiterten Weizsäcker-Williams-Approximation (WWA) [40–42] kann Gl. 1.34 weiter vereinfacht werden. In dieser Näherung läßt sich der Elektron-Proton-Wirkungsquerschnitt in einen von $W_{\gamma\mathrm{p}} = \sqrt{y \cdot s}$ abhängigen Photon-Proton-Wirkungsquerschnitt und den Photon-Fluß $F_{\gamma/\mathrm{e}}(y, Q^2)$ faktorisieren. Der aus dem Prozeß $\mathrm{e} \to \mathrm{e}'\gamma$ herrührende Photon-Fluß ergibt sich zu:

$$F_{\gamma/\mathrm{e}}(y, Q^2) = \frac{\alpha}{2\pi Q^2}\Big(\frac{1+(1-y)^2}{y} - \frac{2(1-y)}{y} \cdot \frac{Q^2_{min}(y)}{Q^2}\Big). \tag{1.35}$$

Hierbei ist α die Feinstrukturkonstante, und $Q^2_{min} = (m_\mathrm{e} y)^2/(1-y)$ gibt die minimale Virtualität des Photons an. Integration über Q^2 ergibt schließlich:

$$\frac{d\sigma_{\mathrm{ep}}(s)}{dy} = \int_{Q^2_{min}}^{Q^2_{max}} dQ^2\, F_{\gamma/\mathrm{e}}(y, Q^2) \cdot \sigma^{tot}_{\gamma\mathrm{p}}(W_{\gamma\mathrm{p}}) = f_{\gamma/\mathrm{e}}(y) \cdot \sigma^{tot}_{\gamma\mathrm{p}}(W_{\gamma\mathrm{p}}) \tag{1.36}$$

mit

$$f_{\gamma/\mathrm{e}}(y) = \frac{\alpha}{2\pi}\Big(\frac{1+(1-y)^2}{y} \ln\Big(\frac{Q^2_{max}}{Q^2_{min}}\Big) - \frac{2(1-y)}{y}\Big(1 - \frac{Q^2_{min}}{Q^2_{max}}\Big)\Big). \tag{1.37}$$

Die Größe Q^2_{max} ist durch die experimentellen Bedingungen bestimmt. Der erste Term der Gl. 1.37 ist die ursprüngliche WWA. Der zweite Term ist ein Korrekturterm, der bei HERA nicht zu vernachlässigen ist ($\mathcal{O}(7\,\%)$ [43]).

In Gl. 1.36 wird der Beitrag der longitudinal polarisierten Photonen zum gesamten Wirkungsquerschnitt vernachlässigt. Weiterhin wird die Q^2-Abhängigkeit des Wirkungsquerschnittes nicht berücksichtigt. Der daraus resultierende Fehler wurde bei H1 für Ereignisse, bei denen das Elektron unter sehr kleinen Winkeln gestreut wird ($Q^2 < 0.01$), bestimmt und beträgt ungefähr 0.2 % [44].

Für diese Ereignisse ist der totale Photon-Proton-Wirkungsquerschnitt $\sigma_{\gamma\mathrm{p}}^{tot}(W_{\gamma\mathrm{p}})$ gemessen worden. Die kinematischen Variablen Q^2 und y sind dabei durch die Akzeptanz des Elektron-Detektors (vgl. Abb. 3.7) auf

$$Q^2_{max} = 10^{-2} \quad \text{und} \quad 0.3 < y < 0.7$$

beschränkt. Der entsprechende Bereich der Schwerpunktsenergie $W_{\gamma\mathrm{p}}$ beträgt

$$165\,\mathrm{GeV} < W_{\gamma\mathrm{p}} < 252\,\mathrm{GeV}\,.$$

Bei einer mittleren Schwerpunktsenergie von $\langle W_{\gamma\mathrm{p}} \rangle = 200\,\mathrm{GeV}$ beträgt der totale γp-Wirkungsquerschnitt [45]

$$\sigma_{\gamma\mathrm{p}}^{tot} = (165.3 \pm 2.3 \pm 10.9)\,\mu\mathrm{b}.$$

Die Fehler repräsentieren den statistischen und systematischen Fehler.

Die Energieabhängigkeit des Wirkungsquerschnittes ist in Abb. 1.12 gezeigt. Eingetragen sind die Resultate der H1- und ZEUS-Kollaboration [46] sowie zahlreiche Messungen früherer Fixed-Target-Experimente. Die HERA-Ergebnisse stimmen gut mit Modellrechnungen überein, die die Niederenergiedaten von $\sigma_{\gamma\mathrm{p}}^{tot}$ und der Proton-Strukturfunktion $F_2(x, Q^2)$ zu höheren Energien extrapolieren (Parametrisierungen DL [47] und ALLM [48]).

Ein dramatischer Anstieg des Photon-Proton-Wirkungsquerschnittes wird nicht beobachtet. Ein solcher Anstieg wurde von Modellen mit einem großen Anteil harter Stöße [50] wie auch zur Interpretation von hochenergetischen Luftschauern, bei denen ein Überschuß an Myonen gemessen wurde [51], vorhergesagt.

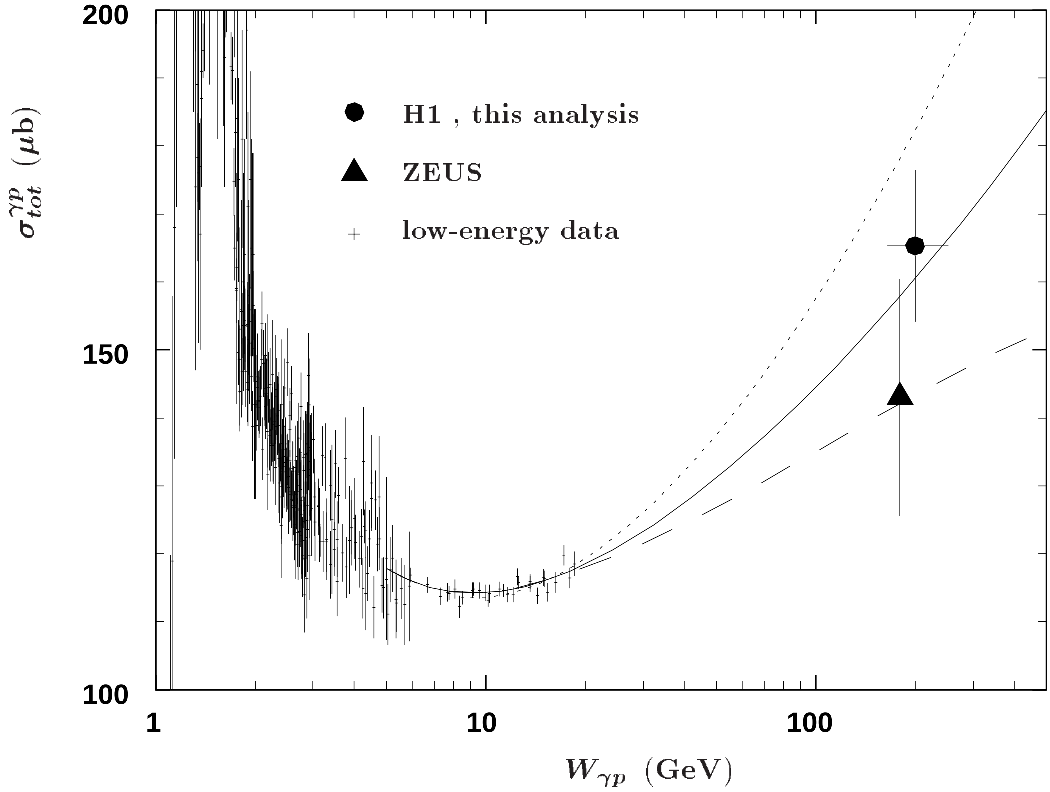


Abbildung 1.12: Totaler Photoproduktions-Wirkungsquerschnitt als Funktion der Photon-Proton-Schwerpunktsenergie $W_{\gamma p}$. Gezeigt sind die Resultate von H1[45] und ZEUS [46] sowie zahlreiche Messungen bei niedrigen Energien zusammen mit Vorhersagen der Parametrisierungen DL [47] (durchgezogene Kurve) und ALLM [48] (gestrichelte Kurve). Die gepunktete Kurve entspricht der Parametrisierung DL unter Einbeziehung neuerer Ergebnisse von CDF [49].

Kapitel 2

Produktion und Zerfall von Charm-Quarks

Das Charm-Quark ist das erste Quark, das vor der experimentellen Entdeckung bereits theoretisch vorhergesagt wurde. Zu Beginn der sechziger Jahre waren bereits die vier Leptonen der ersten und zweiten Generation entdeckt. Von den Quarks waren zu dieser Zeit lediglich die u, d- und s-Quarks bekannt. Zur Vervollständigung der zweiten Generation und zur Behebung der fehlenden Symmetrie zwischen Leptonen und Quarks wurde von einigen theoretischen Physikern eine vierte Quarksorte mit dem Namen Charm vorgeschlagen [52]. Dieses vierte Quark – mit der Charm-Quantenzahl $C = +1$ – sollte eine Ladung von $Q_c = +2/3\,e$ und eine Masse zwischen 1 und $3\,\mathrm{GeV/c^2}$ besitzen.

Im Jahre 1974 wurde die Existenz eines gebundenen $c\bar{c}$-Zustandes experimentell nachgewiesen. Dieses J/ψ genannte Vektormeson wurde gleichzeitig in Experimenten am BNL[1] [53] und am SLAC [54] entdeckt.

Etwa zwei Jahre nach der Entdeckung des J/ψ-Mesons wurden auch andere Mesonenzustände mit $C \neq 0$ nachgewiesen, die neben dem schweren Charm-Quark noch eines der leichten Quarks enthalten. Die leichtesten Teilchen mit Charm sind die pseudoskalaren D-Mesonen mit Spin $J = 0$ (D^0, $D^\pm$) [55, 56]. Nur wenig später wurden auch die Vektormesonen mit Spin $J = 1$ (D^{*0}, $D^{*\pm}$) entdeckt [57–59]. Diese Vektormesonen zerfallen über die starke Wechselwirkung in die leichteren D-Mesonen. Mesonenzustände, die neben dem c-Quark ein s-Quark beinhalten ($D_s^\pm$, $D_s^{*\pm}$), wurden erst im Jahre 1983 durch die CLEO-Kollaboration nachgewiesen [60]. Die ersten Nachweise für die Existenz von Baryonen mit Charm stammen aus Blasenkammer-Experimenten [61].

2.1 Produktion von Charm

In den vergangenen 20 Jahren wurden an vielen verschiedenen Experimenten Untersuchungen an Charm-Quarks durchgeführt. Die Prozesse, die zur Erzeugung von Charm-Quarks führen, sind dabei vielfältig und die Wahl der zur Kollision gebrachten Teilchensorten entscheidet darüber, welcher Produktionsmechanismus dominiert und welche speziellen physikalischen Untersuchungen möglich sind.

Wesentliche Beiträge zum heutigen Verständnis stammen dabei von e^+e^--Speicherringen. Über die Annihilation der beiden Leptonen in ein Photon oder Z^0 kann ein $c\bar{c}$-Paar erzeugt werden. Aber auch bei der Streuung von Hadronen, die im Gegensatz zu den Leptonen eine

[1] **B**rookhaven **N**ational **L**aboratory

Substruktur besitzen, können Charm-Quarks erzeugt werden. Durch Fusion bzw. Annihilation zweier Partonen – Quarks oder Gluonen – kann Charm im Endzustand auftreten.

In der Elektron-Proton-Streuung bei HERA werden Charm-Quarks hauptsächlich über den QCD-Prozeß der Boson-Gluon-Fusion erzeugt. Neben den direkten tragen auch aufgelöste Prozesse zum Wirkungsquerschnitt bei. Auf diese Produktionsmechanismen wird im folgenden näher eingegangen.

2.1.1 Prozesse führender Ordnung

Direkte Prozesse

In niedrigster Ordnung QCD wird die Produktion von Charm durch den Prozeß der Boson-Gluon-Fusion (BGF) beschrieben. Hierbei fusioniert ein vom Elektron abgestrahltes Boson $(\gamma, \mathrm{Z}^0, \mathrm{W}^-)$ mit einem Gluon aus dem Proton:

$$\begin{aligned} \gamma/\mathrm{Z}^0 + \mathrm{g} &\rightarrow \mathrm{c} + \bar{\mathrm{c}} && \text{(NC-Prozesse)}, \\ \mathrm{W}^- + \mathrm{g} &\rightarrow \mathrm{c} + \bar{\mathrm{Q}} && \text{(CC-Prozesse)}. \end{aligned}$$

Die entsprechenden Feynman-Graphen der Ordnung $\mathcal{O}(\alpha \cdot \alpha_s)$ sind in Abb. 2.1 gezeigt.

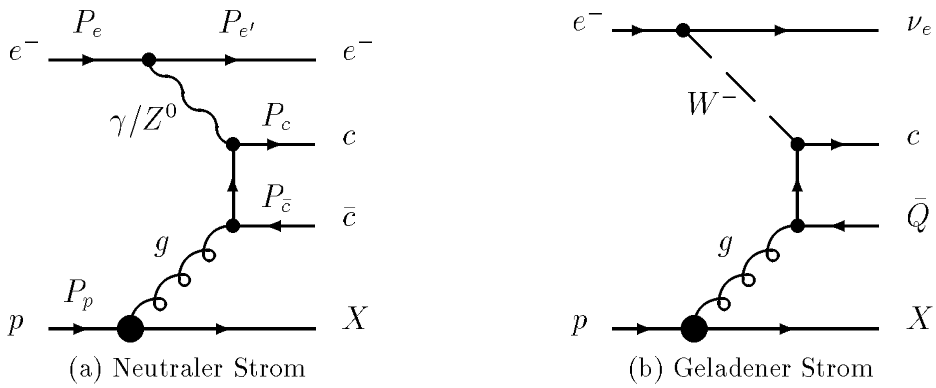


Abbildung 2.1: Feynman-Diagramme für die Charm-Erzeugung in der Boson-Gluon-Fusion. Aus [62].

Der Elektron-Proton-Wirkungsquerschnitt wird durch den Austausch von Photonen bei kleinen Werten von Q^2 dominiert. Aufgrund der großen Masse der Z^0- und W^--Bosonen sind deren Beiträge klein und können vernachlässigt werden. Die Erzeugung von Charm findet deshalb hauptsächlich in der Photoproduktion mit quasi-reellen Photonen ($Q^2 \approx 0$) statt. Die Boson-Gluon-Fusion reduziert sich in diesem Fall auf die Photon-Gluon-Fusion (PGF).

Neben der direkten Wechselwirkung des Photons mit einem Parton aus dem Proton kann das Photon auch als ein Teilchen mit partonischer Struktur (aufgelöste oder hadronische Komponente) wechselwirken. Wie beim Proton wird die Wechselwirkung dann durch Strukturfunktionen beschrieben.

Aufgelöste Prozesse

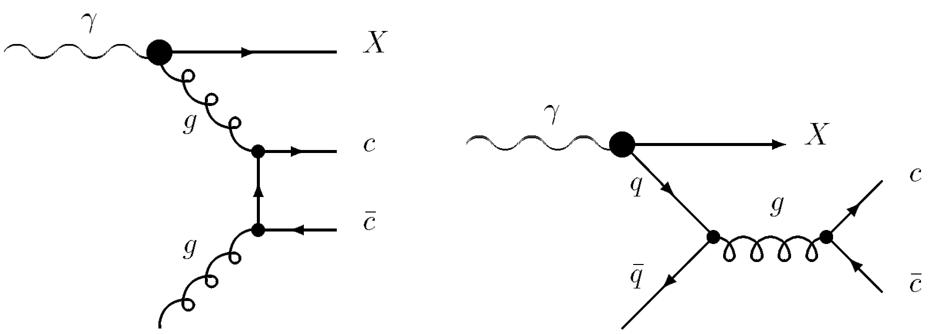
Während bei den früheren Fixed-Target-Experimenten der Beitrag der aufgelösten Komponente zum Gesamtwirkungsquerschnitt mit weniger als 5 % vernachlässigbar war [63], können bei

HERA aufgrund der wesentlich höheren Schwerpunktsenergien Beiträge von der Größenordnung $\mathcal{O}(20\,\%)$ erwartet werden [64]. Im Gegensatz zur Photoproduktion von leichten Quarks, bei der die hadronische Komponente mit 80 % den Gesamtwirkungsquerschnitt dominiert, ist bei der Charm-Produktion die direkte Komponente die wichtigere.

In führender Ordnung kann Charm entweder über Gluon-Gluon-Fusion oder Quark-Antiquark-Annihilation erzeugt werden:

$$\mathrm{g} + \mathrm{g} \;\to\; \mathrm{c} + \bar{\mathrm{c}}, \tag{2.1}$$
$$\mathrm{q} + \bar{\mathrm{q}} \;\to\; \mathrm{c} + \bar{\mathrm{c}}. \tag{2.2}$$

Die entsprechenden Feynman-Graphen sind in Abb. 2.2 gezeigt. In führender Ordnung ist der aufgelöste Prozeß ebenso wie der direkte von der Ordnung[2] $\mathcal{O}(\alpha \cdot \alpha_s)$.



(a) gg-Fusion (b) $q\bar{q}$-Annihilation

Abbildung 2.2: Feynman-Diagramme für die Charm-Erzeugung in der Photoproduktion (hadronische Komponente). Aus [62].

Der quarkinduzierte Anteil (Abb. 2.2 (b)) am Charm-Wirkungsquerschnitt ist vernachlässigbar klein [65]. Den wichtigsten Beitrag liefert mit 90 % die von der Gluondichte im Photon abhängige Gluon-Gluon-Fusion. Da die Gluondichte im Photon bei kleinen Werten von x_γ nur ungenau bekannt ist, hängen die Vorhersagen für die hadronische Komponente von den Annahmen über das Verhalten der Gluondichte bei kleinen x_γ-Werten ab (vgl. Abb. 1.9).

Wirkungsquerschnitt für die Photon-Gluon-Fusion

Bei kleinen Werten von Q^2 ist der Elektron-Proton-Wirkungsquerschnitt $\sigma_{\mathrm{ep}\to\mathrm{c}\bar{\mathrm{c}}X}$ über die Weizsäcker-Williams-Approximation (siehe Abschnitt 1.3.2) mit dem Photon-Proton-Wirkungsquerschnitt $\sigma_{\gamma\mathrm{p}\to\mathrm{c}\bar{\mathrm{c}}X}$ verknüpft:

$$\sigma_{\mathrm{ep}\to\mathrm{c}\bar{\mathrm{c}}X}(s) = \int dy\, f_{\gamma/\mathrm{e}}(y) \cdot \sigma_{\gamma\mathrm{p}\to\mathrm{c}\bar{\mathrm{c}}X}(W_{\gamma\mathrm{p}}). \tag{2.3}$$

Der γp-Prozeß wird sowohl für die direkte als auch für die aufgelöste Komponente durch eine $2 \to 2$ Photon-Parton- bzw. Parton-Parton-Streuung beschrieben. In führender Ordnung kann der Wirkungsquerschnitt für die direkte Komponente in einen – in der QCD berechenbaren –

[2]Die Partondichten des Photons sind von der Ordnung $\mathcal{O}(\alpha/\alpha_s)$.

Photon-Gluon-Wirkungsquerschnitt $\sigma_{\gamma g \to c\bar{c}}$ und in eine phänomenologisch zu beschreibende Gluondichte $g(x_g, \mu_f^2)$ faktorisiert werden:

$$\sigma_{\gamma p \to c\bar{c}X}(W_{\gamma p}) = \int dx_g \, g(x_g, \mu_f^2) \cdot \sigma_{\gamma g \to c\bar{c}}(\hat{s} = x_g y s, m_c, \mu_f^2, \mu_r^2). \tag{2.4}$$

Hierbei kennzeichnet μ_r die Renormierungsskala, die bei der Berechnung der elementaren Photon-Parton-Wechselwirkung verwendet wird. Die Faktorisierungsskala μ_f bezeichnet die Skala, an der die Gluondichte im Proton ausgewertet wird. Die Skalen liegen nicht eindeutig fest und sind nicht notwendigerweise gleich. Eine übliche Wahl ist $\mu = m_c$ oder $\mu = \sqrt{m_c^2 + p_t^2}$, wobei m_c die Masse und p_t den Transversalimpuls der aus der harten Streuung auslaufenden Charm-Quarks bezeichnet. Die Schwerpunktsenergie des Photon-Gluon-Systems ist durch $\hat{s} = x_g y s$ gegeben.

Der Wirkungsquerschnitt für die Photon-Gluon-Fusion $\sigma_{\gamma g \to c\bar{c}}$ läßt sich in führender Ordnung explizit berechnen [66, 67]:

$$\sigma_{\gamma g \to c\bar{c}} = \frac{8 \cdot \pi}{9 \cdot \hat{s}^2} \cdot \alpha \cdot \alpha_s \cdot \left\{ \ln\left(\frac{1+\beta}{1-\beta}\right) \cdot \left[\hat{s} + 4 \cdot m_c^2 - \frac{8 \cdot m_c^4}{\hat{s}}\right] - \beta \cdot [\hat{s} + 4 \cdot m_c^2] \right\} \tag{2.5}$$

mit

$$\beta := \sqrt{1 - \frac{4 \cdot m_c^2}{\hat{s}}}. \tag{2.6}$$

Aufgrund der $1/\hat{s}^2$-Abhängigkeit dieses Wirkungsquerschnittes und der bei großen Werten von x_g abnehmenden Gluondichte werden Charm-Quarks bei HERA hauptsächlich an ihrer Produktionsschwelle erzeugt:

$$\hat{s}_{min} = x_g \cdot y \cdot s \geq 4 \cdot m_c^2 \cdot c^4.$$

Mit der Parametrisierung GRV HO für die Partondichten im Proton und $m_c = 1.5\,\mathrm{GeV/c^2}$ beträgt der Charm-Wirkungsquerschnitt $\sigma_{dir}(\mathrm{ep} \to c\bar{c}X)$ in führender Ordnung für die direkte Komponente 409 nb, bei einer Schwerpunktsenergie von 300 GeV [65]. Theoretische Vorhersagen für den Charm-Wirkungsquerschnitt sind mit Unsicherheiten behaftet. Abhängigkeiten ergeben sich aus der verwendeten Parametrisierung der Gluondichte, den QCD-Skalen sowie der Charm-Quark-Masse. Hierauf wird in Abschnitt 2.1.2 im Zusammenhang mit Prozessen höherer Ordnung näher eingegangen.

Die Gluondichte

Da der Wirkungsquerschnitt für die Charm-Erzeugung (Gl. 2.4) direkt von der Gluondichte im Proton abhängt, bietet die Untersuchung von Charm-Quarks die Möglichkeit, die Gluondichte zu bestimmen. Entweder indirekt über die Messung des totalen Wirkungsquerschnittes bzw. Messung differentieller Verteilungen oder aber direkt über die explizite Rekonstruktion von x_g und Bestimmung von $g(x_g, \mu^2)$.

Die Untersuchung von schweren Quarks bietet dabei mehrere Vorteile:

- Im Gegensatz zur Bestimmung der Gluondichte aus der Skalenverletzung von $F_2(x, Q^2)$ in der tief-inelastischen Streuung kann die Gluondichte direkt bestimmt werden.

- Die Boson-Gluon-Fusion ist der einzige Prozeß, der zur direkten Charm-Produktion beiträgt. Durch die QCD-Compton-Streuung (Abb. 1.6) können Charm-Quarks nicht erzeugt werden. Dieser Prozeß trug bei der in Abschnitt 1.2.2 vorgestellten direkten Messung der Gluondichte in der tief-inelastischen Streuung mit ungefähr 20-30 % zum Wirkungsquerschnitt bei und stellte den wesentlichen Untergrund der Analyse dar.

- Im Gegensatz zur Photoproduktion von leichten Quarks stammt der Hauptbeitrag zum Wirkungsquerschnitt von den direkten Prozessen.

- In der Charm-Produktion sind kleine Werte von x_{g} erreichbar. Der minimale Wert von x_{g}, bei dem Charm-Quarks noch erzeugt werden können, hängt von der Masse m_{c} und der Schwerpunktsenergie $\sqrt{s}$ ab. Für Photoproduktionsereignisse ($Q^2 \approx 0$) folgt aus Gl. 1.27:

$$x_{\mathrm{g}}^{min} = \frac{\hat{s}}{y \cdot s} \geq \frac{4 \cdot m_{\mathrm{c}}^2 \cdot \mathrm{c}^4}{y \cdot s} \approx 10^{-4}. \tag{2.7}$$

Vorhersagen zum differentiellen ep-Wirkungsquerschnitt $d\sigma(\mathrm{ep} \to \mathrm{c\bar{c}}X)/dx_{\mathrm{g}}$ sind in Abb. 2.3 für verschiedene Schnitte auf die Schwerpunktsenergie des $\mathrm{c\bar{c}}$-Systems gezeigt [68]. Bei diesen Rechnungen wurden Prozesse höherer Ordnung („next-to-leading order“, NLO) mit einbezogen (Abschnitt 2.1.2). Für die Partondichten im Proton wurde die Parametrisierung MRSG [19] verwendet. Zusätzlich zur direkten Komponente ist auch die hadronische dargestellt (für die Parametrisierungen GRV-G HO [69] und LAC-G Set1 [35]).

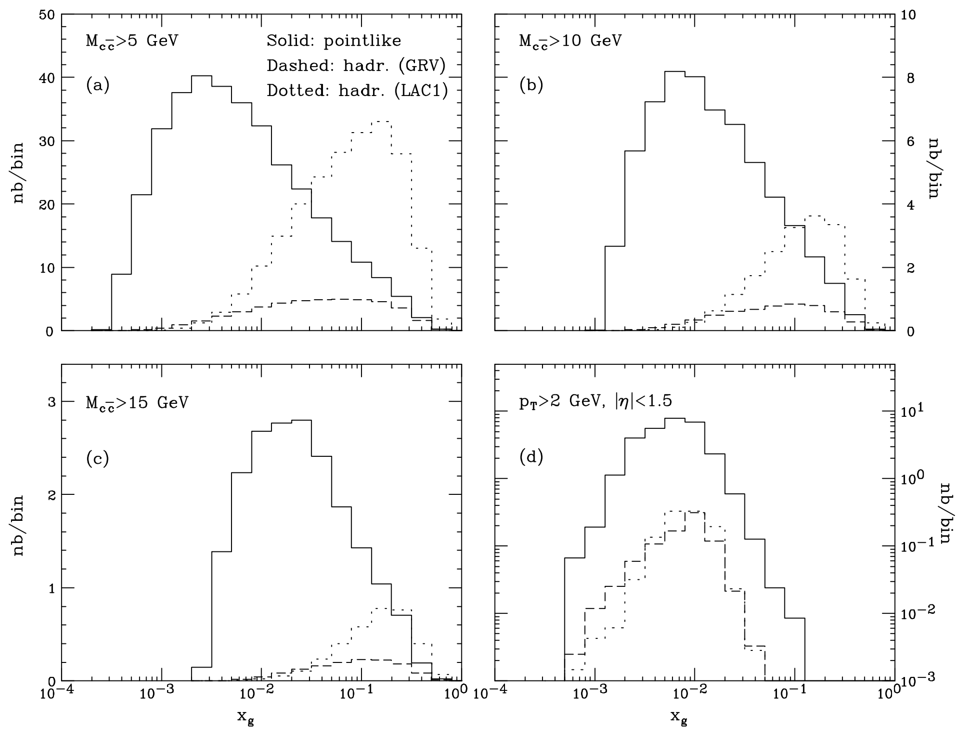


Abbildung 2.3: NLO-Vorhersagen für den differentiellen ep-Wirkungsquerschnitt $d\sigma(\mathrm{ep} \to \mathrm{c\bar{c}}X)/dx_{\mathrm{g}}$ bei einer ep-Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s} = 314\,\mathrm{GeV}$ [68]. Den Rechnungen liegt eine Charm-Quark-Masse von $m_{\mathrm{c}} = 1.5\,\mathrm{GeV/c^2}$ zugrunde. Für die Partondichten im Proton wurde die Parametrisierung MRSG verwendet.

Während bei großen Werten von x_g ($x_g > 10^{-1}$) die hadronische Komponente überwiegt, stammen die Beiträge bei $x_g < 10^{-2}$ fast vollständig von den direkten Prozessen. Die Verteilung weist ein Maximum bei $x_g \approx 2 \cdot 10^{-3}$ auf und reicht bis $x_g = 2 \cdot 10^{-4}$. Werden höhere Schwerpunktsenergien des $c\bar{c}$-Systems verlangt (Abb. 2.3 (b+c)), so wird die hadronische Komponente stärker unterdrückt als die direkte, da bei großen Werten von x_g die Gluondichte im Photon klein ist. Insgesamt verschiebt sich bei höheren Schwerpunktsenergien die Verteilung zu größeren Werten von x_g (siehe auch Gl. 2.7).

Abb. 2.3 (d) zeigt die x_g-Verteilung, wenn der kinematische Bereich beider Charm-Quarks auf $p_t(c) > 2\,\mathrm{GeV/c}$ und $|\eta(c)| < 1.5$ eingeschränkt wird. In diesem Fall ist die direkte Komponente in dem gesamten dann zugänglichen x_g-Bereich dominant.

Ein ähnliches Bild ergibt sich aus der x_g-Verteilung der Abb. 2.4, die mit dem Monte-Carlo-Generator PYTHIA (Abschnitt 4.1) für die direkte Komponente generiert wurde. Die Abb. zeigt den zugänglichen x_g-Bereich für verschiedene Mindesttransversalimpulse der $D^{*\pm}$-Mesonen, die in den Fragmentationsprozessen der primär erzeugten Charm-Quarks entstehen und diese enthalten. Der Rapiditätsbereich ist dabei auf $|\hat{y}(D^*)| < 1.5$ beschränkt.

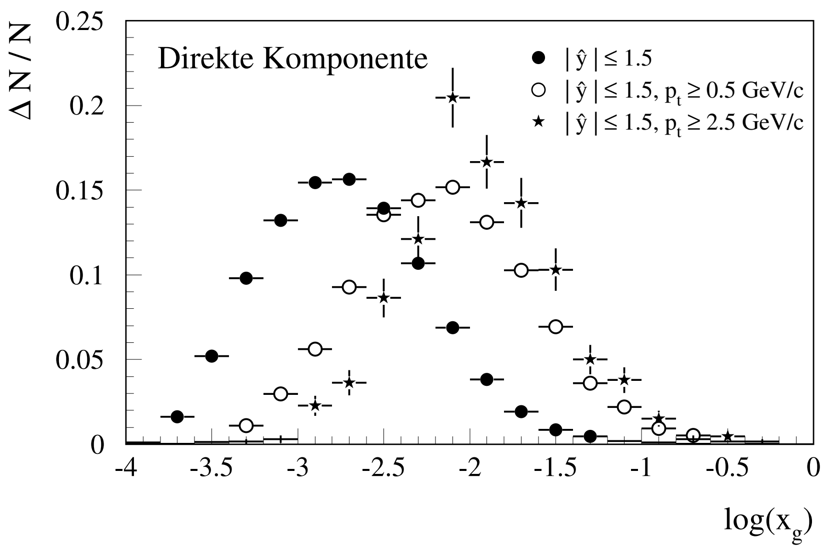


Abbildung 2.4: x_g-Verteilung für verschiedene Mindesttransversalimpulse des $D^{*\pm}$-Mesons. Die Ereignisse wurden mit dem Monte-Carlo-Generator PYTHIA generiert.

Die Forderung höherer Mindesttransversalimpulse führt zu einer Verschiebung der x_g-Verteilung zu größeren Werten hin. In der Analyse dieser Arbeit wird der kinematische Bereich der $D^{*\pm}$-Mesonen auf $p_t(D^*) > 2.5\,\mathrm{GeV/c}$ und $-1.5 < \hat{y}(D^*) < 1$ eingeschränkt. Der zugängliche x_g-Bereich ist dann auf $10^{-3} < x_g < 10^{-1}$ begrenzt. Das mittlere x_g beträgt $\langle x_g \rangle \approx 10^{-2}$.

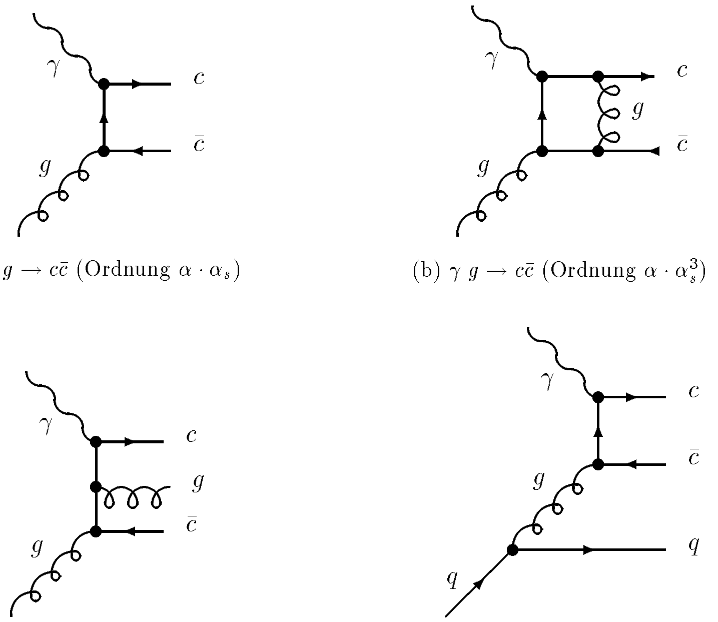
Studien zur Charm-Produktion bei HERA zeigen, daß für eine statistisch signifikante Messung der Gluondichte eine integrierte Luminosität von wenigstens $\mathcal{L}_{int} = 250\,\mathrm{pb}^{-1}$ notwendig ist [68, 70].

2.1.2 Prozesse höherer Ordnung

Ein signifikanter Beitrag zum Charm-Wirkungsquerschnitt stammt von Beiträgen höherer Ordnungen in α_s. Erste vollständige Rechnungen bis zur Ordnung $\mathcal{O}(\alpha_s^3)$ für die Hadroproduktion von Charm-Quarks stammen von Nason, Dawson und Ellis [71]. Für die Photoproduktion sind entsprechende Rechnungen bis zur Ordnung $\mathcal{O}(\alpha \cdot \alpha_s^2)$ in [63, 72] dargestellt.

Abb. 2.5 (b-d) zeigt einige Korrekturen höherer Ordnung. Der in Abb. 2.5 (b) dargestellte Prozeß der Ordnung $\mathcal{O}(\alpha \cdot \alpha_s^3)$ liefert durch Interferenz mit dem Prozeß niedrigster Ordnung (Abb. 2.5 (a)), der den gleichen Endzustand bildet, ebenfalls einen Beitrag zur Ordnung $\mathcal{O}(\alpha{\cdot}\alpha_s^2)$. Der dominierende Beitrag stammt von der in Abb. 2.5 (c) gezeigten Gluonabstrahlung [73]

$$\gamma + \mathrm{g} \rightarrow \mathrm{c} + \bar{\mathrm{c}} + \mathrm{g}.$$



(a) $\gamma\ g \rightarrow c\bar{c}$ (Ordnung $\alpha \cdot \alpha_s$)

(b) $\gamma\ g \rightarrow c\bar{c}$ (Ordnung $\alpha \cdot \alpha_s^3$)

(c) $\gamma\ g \rightarrow c\bar{c}g$ (Ordnung $\alpha \cdot \alpha_s^2$)

(d) $\gamma\ q \rightarrow c\bar{c}q$ (Ordnung $\alpha \cdot \alpha_s^2$)

Abbildung 2.5: Feynman-Diagramme für die Charm-Erzeugung in der Photon-Gluon-Fusion mit Korrekturen höherer Ordnung. Aus [62].

Ziel der Berechnungen von Ellis und Nason [63] war die Beschreibung der in Fixed-Target-Experimenten gemessenen Wirkungsquerschnitte für die Photoproduktion von Charm-Quarks. Die Experimente lieferten Ergebnisse bis zu Photonenergien von $E_\gamma \approx 200\,\mathrm{GeV}$, entsprechend einer Schwerpunktsenergie von ungefähr 20 GeV. In Abb. 2.6 sind die NLO-Vorhersagen zusammen mit den Messungen verschiedener Fixed-Target-Experimente [74–82] gezeigt. Eine gute Beschreibung der Fixed-Target-Messungen konnte durch Rechnungen mit einer Charm-Quark-Masse von $m_\mathrm{c} = 1.5\,\mathrm{GeV/c^2}$ erzielt werden (mittlere Kurve). Die theoretischen Unsicherheiten in den Rechnungen sind allerdings sehr groß (äußere Kurven).

Basierend auf den Ergebnissen von Ellis et al. [63, 71], stammen neuere Berechnungen von Wirkungsquerschnitten für die Photoproduktion von schweren Quarks bei HERA-Energien von Frixione et al.[3] [64, 85]. Diese Rechnungen zeigen, daß die Korrekturen höherer Ordnung zum gesamten Charm-Wirkungsquerschnitt bei HERA Beiträge von der Größenordnung $\mathcal{O}(50\,\%)$ liefern.

[3]Sämtliche in dieser Arbeit verwendeten NLO-Resultate basieren auf den Rechnungen und Programmen, die von Frixione et al. öffentlich zur Verfügung gestellt wurden [83, 84].

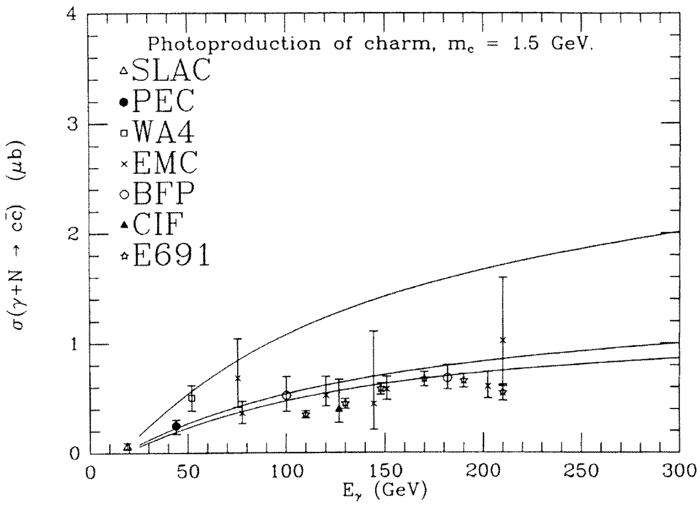


Abbildung 2.6: Totaler Wirkungsquerschnitt für die Photoproduktion von Charm-Quarks als Funktion der Photonenergie E_γ. Gezeigt sind die Ergebnisse verschiedener Fixed-Target-Experimente [74–82] zusammen mit einer Vorhersage (mittlere Kurve) von Nason und Ellis [63]. Die Rechnungen gelten für eine Charm-Quark-Masse von $m_c = 1.5\,\mathrm{GeV/c^2}$. Die beiden äußeren Kurven ergeben sich durch Variation der Eingangsparameter und spiegeln die Unsicherheit der Vorhersage wider.

NLO-Vorhersagen für die direkte Komponente

Totale Wirkungsquerschnitte Die NLO-Vorhersagen[4] von Frixione et al. für den totalen γp-Wirkungsquerschnitt sind in den Abb. 2.7 (a) und 2.7 (b) als Funktion der Photon-Proton-Schwerpunktsenergie gezeigt. Die Rechnungen beziehen sich dabei auf die direkte Komponente.

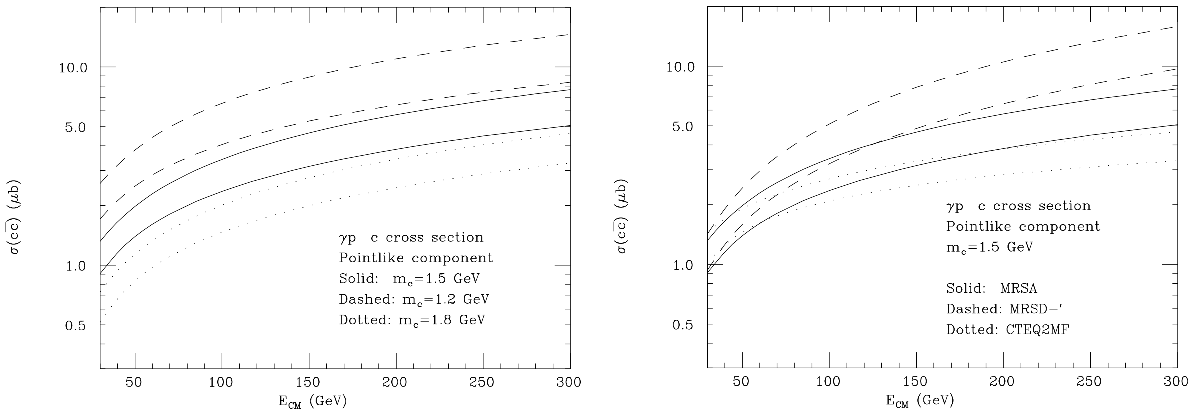
Die Vorhersagen zum Wirkungsquerschnitt sind mit theoretischen Unsicherheiten behaftet, die sich aus der Abhängigkeit von der verwendeten Charm-Quark-Masse, der Strukturfunktion sowie der Skalen μ_f und μ_r ergeben.

Die Sensitivität des Wirkungsquerschnittes auf die den Rechnungen zugrunde gelegte Charm-Quark-Masse ist in Abb. 2.7 (a) gezeigt (Parametrisierung MRSA [86]). Bei einer Schwerpunktsenergie von 180 GeV (entsprechend der Analyse dieser Arbeit) ergeben sich aus der Variation der Charm-Quark-Masse zwischen den beiden extremen Werten $m_c = 1.2\,\mathrm{GeV/c^2}$ und $m_c = 1.8\,\mathrm{GeV/c^2}$ Unsicherheiten von der Größenordnung $\mathcal{O}(100\,\%)$.

Die Unsicherheiten bzgl. der Wahl verschiedener Parametrisierungen der Partondichten im Proton sind in Abb. 2.7 (b) dargestellt. Bei $W_{\gamma p} = 180\,\mathrm{GeV}$ ändert sich der totale Wirkungsquerschnitt um einen Faktor zwei, wenn statt MRSA [86] die Parametrisierung MRSD$'_-$ [16] verwendet wird. Die voneinander abweichenden Vorhersagen für die Parametrisierungen MRSA, MRSD$'_-$ und CTEQ2MF [31] spiegeln das unterschiedliche Verhalten der Gluondichte bei kleinen Werten von x_g wider und zeigen, daß durch Messungen des totalen Wirkungsquerschnittes bei HERA eine Unterscheidung zwischen verschiedenen Parametrisierungen prinzipiell möglich ist.

Die in den Abbildungen gezeigten Fehlerbänder (Bereich zwischen zwei Kurven) ergeben sich bei einer Variation der Renormierungsskala innerhalb $0.5 < \mu_r/m_c < 2$. Die Wahl der Skalen führt zu einer zusätzlichen Unsicherheit von der Größenordnung $\mathcal{O}(40\,\%)$ [64].

[4] Für die QCD-Skalen wurden die zentralen Werte $\mu_r = \mu_0$ und $\mu_f = 2\mu_0$ mit $\mu_0 = m_c = 1.5\,\mathrm{GeV/c^2}$ bzw. $\mu_0 = \sqrt{p_t^2 + m_c^2}$ für die differentiellen Verteilungen benutzt.



(a) (b)

Abbildung 2.7: NLO-Vorhersagen für die direkte Komponente des totalen γp-Wirkungsquerschnittes $\sigma_{dir}(\gamma\text{p} \to \text{c}\bar{\text{c}}X)$ als Funktion der γp-Schwerpunktsenergie E_{CM} [64]. Die in den angegebenen Fehlerbänder (Bereich zwischen zwei Kurven) ergeben sich bei einer Variation der Renormierungsskala innerhalb $0.5 < \mu_r/m_\text{c} < 2$.
(a) γp-Wirkungsquerschnitt für verschiedene Charm-Quark-Massen. Für die Partondichten im Proton wurde die Parametrisierung MRSA [86] verwendet.
(b) γp-Wirkungsquerschnitt für verschiedene Parametrisierungen der Partondichten im Proton. Den Rechnungen liegt eine Charm-Quark-Masse von $m_\text{c} = 1.5\,\text{GeV/c}^2$ zugrunde.

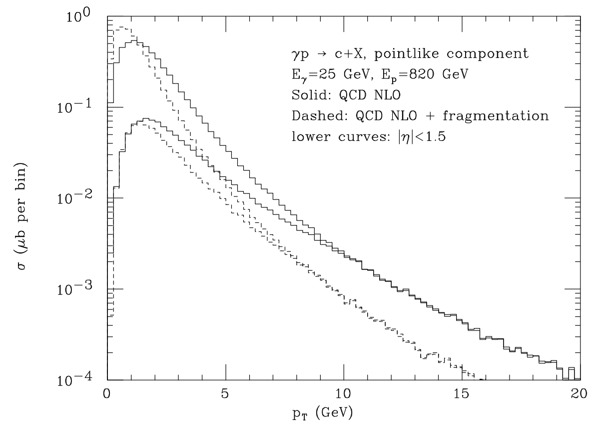
Mit Hilfe der Weizsäcker-Williams-Approximation lassen sich aus den γp-Wirkungsquerschnitten $\sigma(\gamma\text{p} \to \text{c}\bar{\text{c}}X)(W_{\gamma\text{p}})$ die entsprechenden ep-Wirkungsquerschnitte $\sigma(\text{ep} \to \text{c}\bar{\text{c}}X)(s)$ gewinnen. Für eine Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s} = 314\,\text{GeV}$ sind die Resultate in Tab. 2.1 aufgeführt. Mit den zentralen Werten für die Skalen μ_f und μ_r ergibt sich für die direkte Komponente des Wirkungsquerschnittes ein Wert von $\sigma(\text{ep} \to \text{c}\bar{\text{c}}X) = 0.605\,\mu\text{b}$ bei Verwendung von MRSA bzw. $0.833\,\mu$b für MRSD$'_-$.

	$m_c = 1.2$ GeV			$m_c = 1.5$ GeV			$m_c = 1.8$ GeV		
μ_R	$m_c/2$	m_c	$2m_c$	$m_c/2$	m_c	$2m_c$	$m_c/2$	m_c	$2m_c$
MRSA	1.478	1.113	0.888	0.749	0.605	0.500	0.431	0.361	0.305
CTEQ2MF	1.130	0.923	0.761	0.630	0.535	0.453	0.385	0.334	0.288
MRSD−′	2.472	1.713	1.333	1.087	0.833	0.677	0.574	0.463	0.387
CTEQ2ML	2.078	1.250	0.918	0.956	0.678	0.529	0.530	0.406	0.327

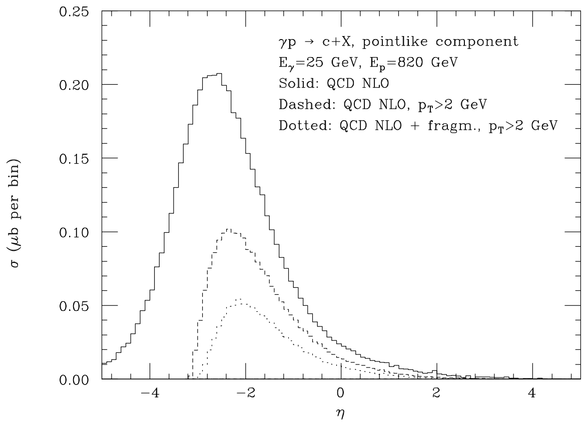
Tabelle 2.1: NLO-Vorhersagen für die direkte Komponente des totalen ep-Wirkungsquerschnittes $\sigma_{dir}(\text{ep} \to \text{c}\bar{\text{c}}X)$ bei einer ep-Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s} = 314\,\text{GeV}$ [64]. Die Wirkungsquerschnitte sind angegeben in [μb].

Differentielle Verteilungen Die Transversalimpuls- und Pseudorapiditätsverteilungen der Charm-Quarks sind für eine γp-Schwerpunktsenergie von $W_{\gamma\text{p}} = 286\,\text{GeV}$ in Abb. 2.8 gezeigt [85].

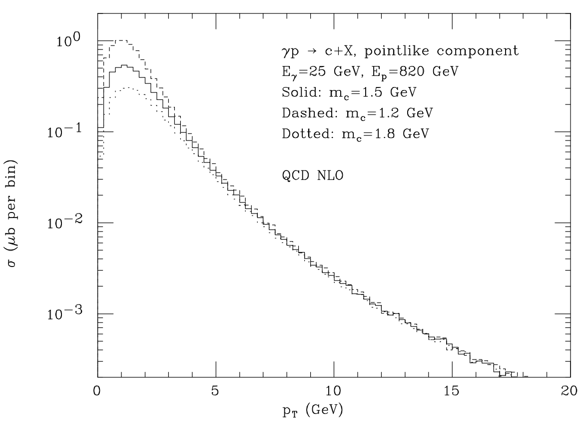
Falls nicht anders angedeutet, wurde in den Rechnungen die Parametrisierung MRSA für die Partondichten sowie eine Charm-Quark-Masse von $m_c = 1.5\,\mathrm{GeV/c^2}$ verwendet. In den Abbildungen ist auch der Effekt der Fragmentation der Charm-Quarks gezeigt. Hierzu wurde die Peterson-Fragmentationsfunktion [87, 88] verwendet.



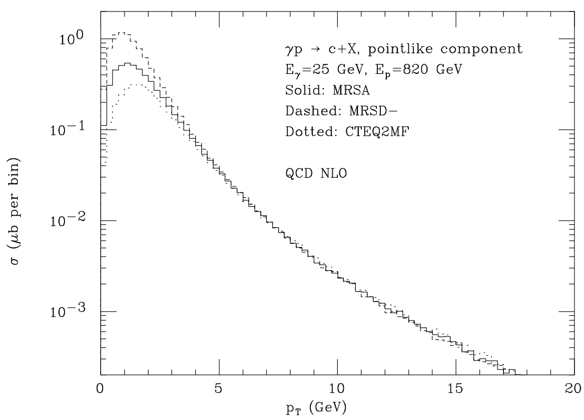
(a) Transversalimpulsverteilung



(b) Pseudorapiditätsverteilung



(c) Transversalimpulsverteilung für verschiedene Charm-Quark-Massen



(d) Transversalimpulsverteilung für verschiedene Parametrisierungen der Partondichten

Abbildung 2.8: NLO-Vorhersagen für die direkte Komponente der differentiellen γp-Wirkungsquerschnitte $d\sigma_{dir}(\gamma\mathrm{p} \to \mathrm{c\bar{c}}X)/dp_t$ und $d\sigma_{dir}(\gamma\mathrm{p} \to \mathrm{c\bar{c}}X)/d\eta$ bei einer γp-Schwerpunktsenergie von $W_{\gamma\mathrm{p}} = 286\,\mathrm{GeV}$ [85]. Falls in den Abbildungen nicht anders angegeben, wurde in den Rechnungen die Parametrisierung MRSA und $m_c = 1.5\,\mathrm{GeV/c^2}$ verwendet.

Erwartungsgemäß wird durch die Fragmentation das p_t-Spektrum weicher. Die Abb. 2.8 (a) zeigt auch, wie sich die Transversalimpulsverteilung ändert, wenn eine – für das H1- und ZEUS-Experiment typische – Einschränkung der Pseudorapidität auf den zentralen Bereich $|\eta| < 1.5$ vorgenommen wird. Während bei kleinen bis mittleren Transversalimpulsen der Wirkungsquerschnitt signifikant reduziert wird, sind bei großen Transversalimpulsen kaum Effekte zu beobachten.

Die Abb. 2.8 (b) zeigt, daß die Charm-Quarks überwiegend bei negativen Pseudorapiditäten erzeugt werden. Durch einen Schnitt auf den Transversalimpuls ($p_t > 2\,\mathrm{GeV/c}$) wird die Verteilung zentraler. Die Fragmentation selbst hat wenig Einfluß auf die Pseudorapiditätsverteilung, jedoch erhält dadurch der Schnitt auf den Transversalimpuls einen stärkeren Effekt.

Die Abhängigkeit der Transversalimpulsverteilung von der Charm-Quark-Masse und der Wahl der Parametrisierung der Partondichten ist in Abb. 2.8 (c+d) dargestellt. Eine Variation der Renormierungsskala hat auf die Form der Verteilung keinen wesentlichen Einfluß und ist nicht gezeigt. Bei großen Transversalimpulsen ist die Verteilung unabhängig von dem verwendeten Wert der Charm-Quark-Masse (vgl. Abb. 2.8 (c)). Bei kleinen Impulsen hingegen wird der Wirkungsquerschnitt größer für kleinere Werte von m_c, da der Wirkungsquerschnitt für $m_\mathrm{c} \to 0$ divergiert. Der Einfluß der verwendeten Parametrisierungen der Partondichten ist in Abb. 2.8 (d) gezeigt. Parametrisierungen mit einem singulären Verhalten der Gluondichte bei kleinen Werten von x_g (MRSD$'_-$) führen zu insgesamt größeren Wirkungsquerschnitten bei kleinen Transversalimpulsen.

Die theoretischen Unsicherheiten spiegeln sich hauptsächlich in der Vorhersage des Wirkungsquerschnittes bei kleinen Transversalimpulsen ($p_t < 2\,\mathrm{GeV}$) wider. Durch die Einschränkung des kinematischen Bereiches auf $p_t > 2.5\,\mathrm{GeV}$ werden die modellabhängigen Unsicherheiten bei der Messung des Wirkungsquerschnittes erheblich reduziert. Die Extrapolation auf den gesamten Phasenraum führt dann aber zu großen systematischen Fehlern, da spezielle Annahmen über die Charm-Quark-Masse und Gluondichte gemacht werden müssen.

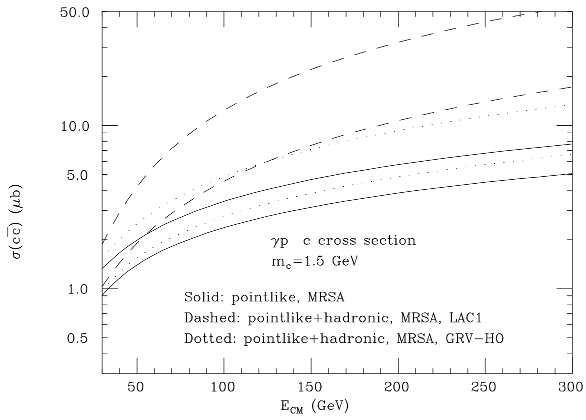
NLO-Vorhersagen für die aufgelöste Komponente

Totale Wirkungsquerschnitte Die NLO-Resultate für die hadronische Komponente sind in Abb. 2.9 gezeigt. In den Rechnungen wurden die zentralen Werte für die QCD-Skalen und für die Charm-Quark-Masse verwendet.

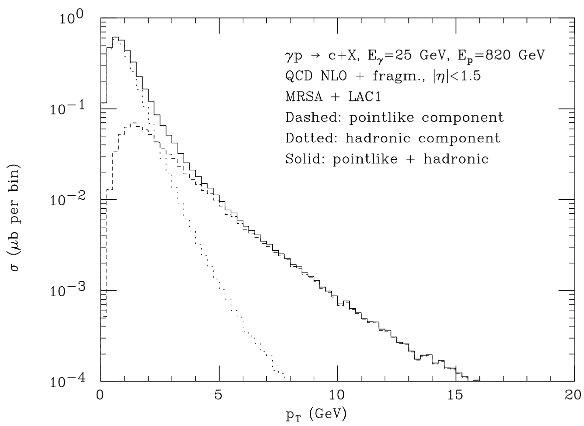
Der totale Wirkungsquerschnitt als Funktion der γp-Schwerpunktsenergie ist in Abb. 2.9 (a) für die direkte Komponente sowie für die Summe aus direkter und aufgelöster Komponente gezeigt. Für die Partondichten im Proton und Photon wurden die Parametrisierungen MRSA+GRV-HO [36] bzw. MRSA+LAC1 [35] verwendet.

Die Hinzunahme der hadronischen Komponente führt zu Unsicherheiten in der Vorhersage des totalen Charm-Wirkungsquerschnittes. Während bei kleinen Schwerpunktsenergien die aufgelöste Komponente nur einen geringen Beitrag zum gesamten Wirkungsquerschnitt liefert, steigt ihr Anteil mit zunehmender Schwerpunktsenergie stark an. Bei typischen HERA-Energien von $W_{\gamma\mathrm{p}} \approx 200\,\mathrm{GeV}$ und Verwendung von GRV-HO für die Partondichten im Photon beträgt der Anteil der hadronischen Komponente ungefähr 20 % am Gesamtwirkungsquerschnitt. Wird die Parametrisierung LAC1 stattdessen benutzt, sind die Beiträge der hadronischen und direkten Komponente von vergleichbarer Größenordnung. Mit neueren Messungen bei HERA (siehe Abb. 1.11) zeigt die Parametrisierung LAC1 allerdings keine gute Übereinstimmung. In dieser Arbeit wird LAC1 dennoch zur Abschätzung der systematischen Fehler bei der Bestimmung des totalen Charm-Wirkungsquerschnittes (Abschnitt 8.3) verwendet.

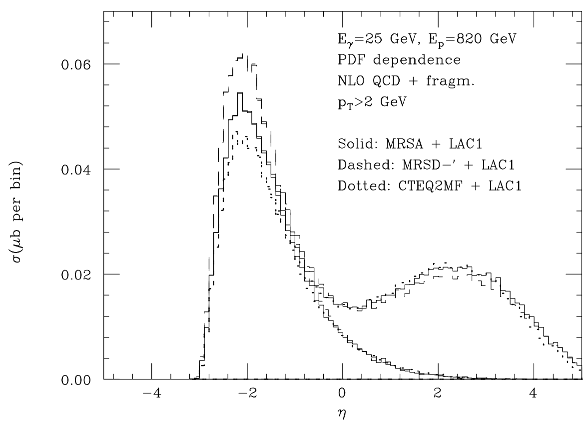
Die über die Weizsäcker-Williams-Approximation gewonnenen Elektron-Proton-Wirkungsquerschnitte sind für verschiedene Charm-Quark-Massen und Renormierungsskalen in Tab. 2.2 zusammengefaßt. Mit den Partondichten MRSA und GRV-HO ergibt sich ein gesamter ep-Wirkungsquerschnitt von $\sigma_{tot}(\mathrm{ep} \to \mathrm{c\bar{c}}X) = 0.734\,\mu\mathrm{b}$, wobei der Anteil der hadronischen Komponente ungefähr 20 % beträgt.



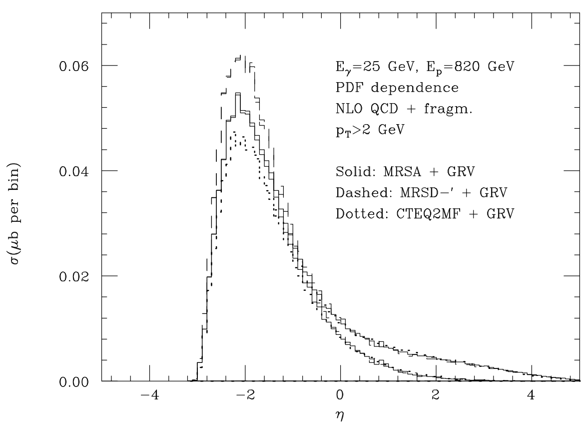
(a) Totaler Charm-Wirkungsquerschnitt



(b) Transversalimpulsverteilung



(c) Pseudorapiditätsverteilung



(d) Pseudorapiditätsverteilung

Abbildung 2.9: NLO-Vorhersagen für die hadronische Komponente des γp-Wirkungsquerschnittes [64, 85]. Die differentiellen Verteilungen (b-d) gelten für eine Schwerpunktsenergie von $W_{\gamma\mathrm{p}} = 286\,\mathrm{GeV}$.
(a) Totaler Charm-Wirkungsquerschnitt als Funktion der γp-Schwerpunktsenergie E_{CM} mit und ohne Berücksichtigung der hadronischen Komponente. Für die Partondichten im Proton und Photon wurden die Parametrisierungen MRSA+GRV-HO bzw. MRSA+LAC1 verwendet. Die angegebenen Fehlerbänder (Bereich zwischen zwei Kurven) ergeben sich bei Variation der Renormierungsskala innerhalb $0.5 < \mu_r/m_c < 2$.
(b) Transversalimpulsverteilung der Charm-Quarks für die direkte und hadronische Komponente sowie für die Summe beider Anteile. Es wurden die Partondichten MRSA+LAC1 verwendet. Der Pseudorapiditätsbereich ist auf $|\eta| < 1.5$ beschränkt.
(c+d) Pseudorapiditätsverteilung der Charm-Quarks für die Summe aus direkter und hadronischer Komponente unter Verwendung von (c) LAC1 bzw. (d) GRV-HO für die Photon-Strukturfunktion. Die direkte Komponente ist ebenfalls dargestellt. Die Verteilungen sind für drei verschiedene Parametrisierungen der Partondichten im Proton gezeigt (MRSA, MRSD$'_{-}$ und CTEQ2MF). Es wurde ein minimaler Transversalimpuls von $p_t > 2\,\mathrm{GeV/c}$ verlangt.

	$m_c = 1.2$ GeV			$m_c = 1.5$ GeV			$m_c = 1.8$ GeV		
μ_R	$m_c/2$	m_c	$2m_c$	$m_c/2$	m_c	$2m_c$	$m_c/2$	m_c	$2m_c$
GRV–HO	0.878	0.320	0.176	0.277	0.129	0.078	0.115	0.061	0.039
LAC1	6.697	2.258	1.204	1.796	0.774	0.450	0.646	0.319	0.196

Tabelle 2.2: NLO-Vorhersagen für die hadronische Komponente des totalen ep-Wirkungsquerschnittes $\sigma_{res}(\mathrm{ep} \to \mathrm{c\bar{c}}X)$ bei einer ep-Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s} = 314\,\mathrm{GeV}$ [64]. Für die Partondichten im Proton wurde die Parametrisierung MRSA verwendet. Die Wirkungsquerschnitte sind angegeben in [μb].

Differentielle Verteilungen Die Transversalimpulsverteilung der Charm-Quarks ist für die direkte und hadronische Komponente sowie für die Summe beider Anteile in Abb. 2.9 (b) gezeigt. Es wurden die Parametrisierungen MRSA und LAC1 verwendet. Der Pseudorapiditätsbereich ist auf $|\eta| < 1.5$ beschränkt. Die hadronische Komponente dominiert bei kleinen Transversalimpulsen. Bei $p_t \approx 2\,\mathrm{GeV/c}$ beträgt der Anteil ungefähr 50 % am Gesamtwirkungsquerschnitt. Bei größeren Transversalimpulsen fällt die hadronische Komponente schließlich rasch ab. Insgesamt kann eine weichere Transversalimpulsverteilung der Gesamtkomponente im Vergleich zur direkten Komponente festgestellt werden. Wird statt LAC1 die Parametrisierung GRV-HO benutzt, unterscheiden sich die Transversalimpulsverteilungen der Gesamtkomponente und der direkten Komponente nur noch wenig.

Die Pseudorapiditätsverteilung der Charm-Quarks unter Verwendung von LAC1 und jeweils zwei verschiedenen Proton-Partondichten ist in Abb. 2.9 (c) gezeigt. Dargestellt ist sowohl die direkte Komponente als auch die Summe aus direkter und hadronischer Komponente. Eine entsprechende Verteilung für die GRV-Parametrisierung zeigt Abb. 2.9 (d). Bei beiden Verteilungen wurde ein minimaler Transversalimpuls von $p_t > 2\,\mathrm{GeV/c}$ verlangt. Während die direkte Komponente ihr Maximum bei negativen Pseudorapiditäten aufweist, haben die durch die hadronische Komponente erzeugten Charm-Quarks zumeist positive Pseudorapiditäten. Da bei den aufgelösten Prozessen lediglich ein Teil der Photonenergie von dem an der Wechselwirkung beteiligten Parton getragen wird, ist die mittlere Schwerpunktsenergie des $\mathrm{c\bar{c}}$-Systems kleiner als bei den direkten Prozessen. Deshalb bewegt sich das $\mathrm{c\bar{c}}$-System mehr in Richtung des Protonenstrahls und die Charm-Quarks weisen größere Pseudorapiditäten auf.

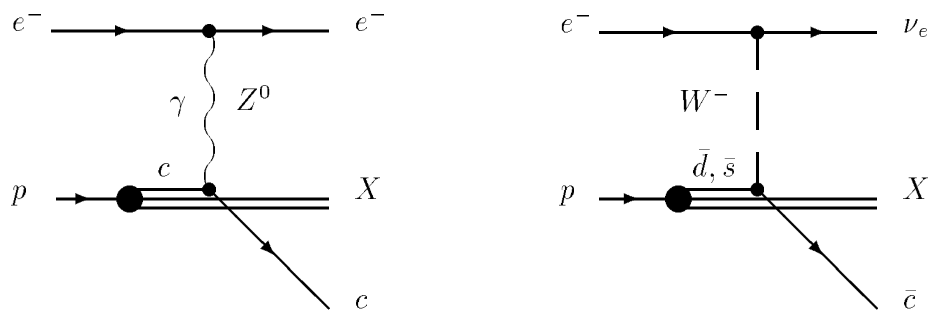
Die Pseudorapiditätsverteilungen für die LAC1- und GRV-Parametrisierung zeigen deutliche Unterschiede. Selbst bei einer Beschränkung der Pseudorapidität auf den Bereich $|\eta| < 1.5$ scheint eine Unterscheidung möglich. Rückschlüsse auf die Proton-Partondichten werden sich aus der Untersuchung der zentralen Rapiditätsverteilung ($|\eta| < 1.5$) nur schwer ziehen lassen. Hierzu müßten Messungen bei großen negativen Pseudorapiditäten gemacht werden.

2.1.3 Weitere Charm-Produktionsmechanismen

Neben der bisher behandelten Boson-Gluon-Fusion existieren einige weitere Prozesse, bei denen Charm-Quarks produziert werden können. Im Vergleich zur Boson-Gluon-Fusion sind die Beiträge dieser Prozesse zum Gesamtwirkungsquerschnitt aber vernachlässigbar klein und werden im folgenden nur kurz diskutiert.

Tief-inelastische Streuung (QPM)

Im Quark-Parton-Modell wird die Elektron-Proton-Streuung durch die Wechselwirkung eines vom Elektron abgestrahlten Eichbosons ($\gamma, \mathrm{Z}^0, \mathrm{W}^-$) mit einem Quark im Proton beschrieben. Die Prozesse zur Charm-Erzeugung in niedrigster Ordnung sind in Abb. 2.10 gezeigt.



(a) Neutraler Strom (b) Geladener Strom

Abbildung 2.10: Feynman-Diagramme für die Charm-Erzeugung in der tief-inelastischen Streuung [62].

Neutrale Ströme Bei den Ereignissen des Neutralen Stromes (Abb. 2.10 (a)) kann über die Kopplung eines neutralen Eichbosons (γ, Z^0) an ein Charm-Quark im Proton ein einzelnes Charm-Quark im Endzustand erzeugt werden. Da aber der Charm-Beitrag zu den See-Quarkdichten sehr klein ist, trägt dieser Prozeß nur zu einem geringen Teil zur Charm-Produktion bei. Messungen bei HERA ergeben für den Beitrag der See-Quarks zum gesamten Charm-Wirkungsquerschnitt in der tief-inelastischen Streuung eine obere Grenze von 5 % [89].

Geladene Ströme Bei den geladenen Strömen kann ein einzelnes Charm-Quark durch die Wechselwirkung eines W^--Bosons mit einem leichten $\bar{\mathrm{d}}$- oder $\bar{\mathrm{s}}$-Quark entstehen (Abb. 2.10 (b)). Der Wirkungsquerschnitt für diesen Prozeß hängt vom Wirkungsquerschnitt für die Elektron-Proton-Streuung mit geladenen Strömen an leichten Quarks ($\sigma_{\bar{\mathrm{d}}}, \sigma_{\bar{\mathrm{s}}}$) und den entsprechenden Elementen der Cabibbo-Kobayashi-Maskawa-Matrix [90, 91] (CKM-Matrix) ab:

$$\sigma(\mathrm{e}^-\mathrm{p} \to \nu_\mathrm{e}\bar{\mathrm{c}}\mathrm{X}) = |V_{cd}|^2 \cdot \sigma_{\bar{\mathrm{d}}} + |V_{cs}|^2 \cdot \sigma_{\bar{\mathrm{s}}}.$$

Die bei HERA erwarteten Wirkungsquerschnitte sind von der Größenordnung $\mathcal{O}(4\,\mathrm{pb})$ [92].

Fragmentation

Die Erzeugung von Charm in der Fragmentation ist aufgrund der großen Charm-Quark-Masse stark unterdrückt [93]. Dieses ist durch neuere Messungen der OPAL-Kollaboration am LEP bestätigt worden [94, 95]. Die mittlere Multiplizität pro Ereignis für die $\mathrm{c\bar{c}}$-Erzeugung durch Gluon-Splitting ($\mathrm{g} \to \mathrm{c\bar{c}}$) wurde gemessen und beträgt $\langle n_{\mathrm{g}\to\mathrm{c\bar{c}}} \rangle = 0.0238 \pm 0.0048$ [94]. Eine Extrapolation auf HERA-Energien läßt für den Anteil der Charm-Quarks aus Gluon-Splitting-Prozessen einen Wert von 2 % erwarten [89].

Bottom-Zerfälle

Eine weitere Quelle für die Erzeugung von Charm-Quarks stellt, neben der direkten Produktion, der Zerfall von b-Quarks dar. Während bei e^+e^--Experimenten solche Zerfälle ein wesentlicher Beitrag zum Untergrund für die Charm-Analyse sind, kann dieser Produktionsmechanismus bei HERA vernachlässigt werden. Aufgrund der wesentlich größeren Masse der b-Quarks und des Schwellenverhaltens des Wirkungsquerschnittes ($\propto 1/\hat{s}^2$) ist der Wirkungsquerschnitt für b-Erzeugung mit $\sigma(\mathrm{ep} \to \mathrm{b\bar{b}}X) \approx 7\,\mathrm{nb}$ [64] im Vergleich zur direkten Charm-Erzeugung um ca. einen Faktor 100 kleiner.

Intrinsischer Charm

Ende der siebziger Jahre führten Fixed-Target-Experimente zur Hadroproduktion von Charm zu unerwartet hohen Wirkungsquerschnitten, die mit QCD-Rechnungen in führender Ordnung nicht erklärt werden konnten. Zur Erklärung wurde die Hypothese vom intrinsischen Charm-Gehalt des Protons eingeführt [96, 97]. In diesem Modell existiert ein $\mathrm{c\bar{c}}$-Paar als ein nicht störungstheoretischer Anteil im Proton. Die Zerlegung der Proton-Wellenfunktion

$$|p>= \alpha|\mathrm{uud}> +\beta|\mathrm{uudc\bar{c}}> + \cdots$$

beinhaltet dann eine kleine, aber endliche Wahrscheinlichkeit β^2 für ein solches intrinsisches Charm-Paar. Für diese Wahrscheinlichkeit wurde ursprünglich ein Wert von 1 % angenommen.

Als später mehr experimentelle Daten zur Verfügung standen und NLO-Rechnungen durchgeführt wurden, konnten die Ergebnisse der Fixed-Target-Experimente schließlich erklärt werden. Trotzdem blieben einige Aspekte unverstanden, die in einem Modell mit intrinsischem Charm eine natürliche Erklärung erhalten.

In neuerer Zeit ist diese Hypothese von Ingelman et al. wieder aufgegriffen worden. Sie untersuchten u.a. speziell die Möglichkeiten bei HERA, intrinsischen Charm nachzuweisen [98, 99]. Die erwarteten Wirkungsquerschnitte sind sehr klein und Prozesse mit intrinsischem Charm müssen von dem dominierenden Prozeß der Boson-Gluon-Fusion separiert werden. Intrinsischer Charm kann allerdings durch geeignete Schnitte angereichert werden. Da diese Ereignisse typischerweise große Werte von x-Bjorken aufweisen, geschieht die Streuung überwiegend in extremer Vorwärtsrichtung entlang des Protonenstrahls ($\eta \lesssim 5$). Mit der derzeitigen Detektorkonfiguration sind aber weder das H1- noch das ZEUS-Experiment in der Lage, Messungen in diesem Pseudorapiditätsbereich durchzuführen.

Photon-Photon-Streuung

Der Prozeß $\mathrm{ep} \to \mathrm{e}'\gamma\gamma\mathrm{X}$ mit dem harten Subprozeß $\gamma\gamma \to \mathrm{c\bar{c}}$ ist in [100] diskutiert. Der Wirkungsquerschnitt ist von der Größenordnung $\mathcal{O}(100\,\mathrm{pb})$ und somit etwa einen Faktor 10^4 kleiner als der Wirkungsquerschnitt für die Boson-Gluon-Fusion.

2.2 Zerfälle von Teilchen mit Charm

Die erzeugten Charm-Quarks sind als solche nicht beobachtbar. Sie fragmentieren in Hadronen, wobei je nach Quark-Konfiguration zwischen Mesonen ($\mathrm{c\bar{q}}$), Baryonen (cqq) und den Charmonium-Zuständen ($\mathrm{c\bar{c}}$) unterschieden wird. Diese Hadronen sind nicht stabil und zerfallen in leichtere Zustände, wobei das Charm-Quark in ein leichteres Quark übergeht. Über die Rekonstruktion eines solchen Zerfalls lassen sich dann die primär erzeugten Charm-Quarks nachweisen. Im folgenden wird lediglich auf die Zerfälle der Mesonen näher eingegangen.

2.2.1 Fragmentation von Charm-Quarks

Die Beschreibung des Überganges der farbgeladenen Charm-Quarks zu farbneutralen Hadronen kann aufgrund der kleinen Impulsüberträge nur durch phänomenologische Modelle erfolgen, deren Eingangsparameter an experimentelle Daten angepaßt werden. Die Fragmentationswahrscheinlichkeiten von Charm-Quarks in die unterschiedlichen Hadronen sind in vielen Untersuchungen zur Charm-Produktion in e^+e^--Experimenten bestimmt worden. Daraus ergibt sich die in Abb. 2.11 gezeigte Übersicht.

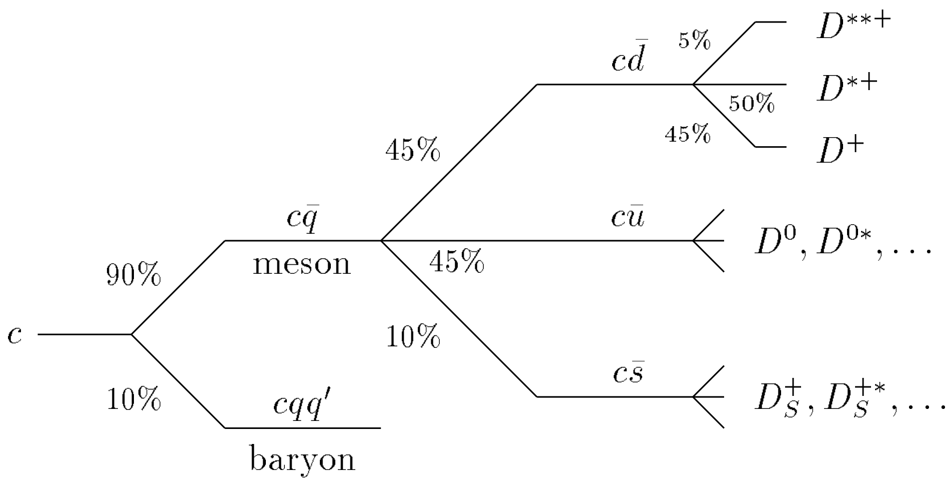


Abbildung 2.11: Fragmentation von Charm-Quarks in Hadronen. Aus [101].

Aus Studien zur Produktion von Λ_c-Baryonen folgt, daß der überwiegende Teil der Charm-Quarks in Mesonen fragmentiert [102]. Die tiefliegendsten Mesonenzustände bilden die pseudoskalaren D-Mesonen mit Spin $J = 0$: D^0, $D^\pm$ und $D_s^\pm$. Sie enthalten neben dem schweren Charm-Quark eines der leichteren Quarks u, d oder s. Daneben sind auch die ersten angeregten Zustände der D-Mesonen, die D^*-Mesonen, bekannt. Es sind Vektormesonen mit Spin $J = 1$. Die wichtigsten Eigenschaften der D^*- und D-Mesonen sind in Tab. 2.3 zusammengefaßt.

Während die geladenen ($c\bar{d}$) und neutralen ($c\bar{u}$) Mesonen in etwa zu gleichen Teilen produziert werden, ist die Produktion von Mesonen mit $S \neq 0$ in der Fragmentation aufgrund der größeren Masse der s-Quarks gegenüber den u- und d-Quarks unterdrückt. Messungen zur Produktion von $D_s^\pm$-Mesonen ergeben eine Wahrscheinlichkeit von ungefähr 10 % für die Erzeugung von D-Mesonen mit $S \neq 0$ [103].

Für das Produktionsverhältnis von Vektormesonen (V) zur Summe aus Vektormesonen und pseudoskalaren Mesonen (P)

$$P_V := \frac{V}{P+V},$$

läßt eine naive Abschätzung unter Abzählung der möglichen Spinzustände einen Wert von 0.75 erwarten. Experimentell wurden jedoch kleinere Werte gefunden. So ermittelte die NA14/2-Kollaboration einen Wert von $P_V = 0.64 \pm 0.10$ [105]. Die Messungen der ALEPH-Kollaboration ergaben $P_V = 0.51 \pm 0.04$ [106]. Neben den pseudoskalaren Mesonen und Vektormesonen sind auch höher angeregte Zustände (D^{**}) bekannt, die eine zusätzliche Unsicherheit in der Bestimmung von P_V mit sich bringen. Werden diese Zustände mit berücksichtigt, so ergeben sich

Eigenschaften der Mesonen mit Charm				
Meson	**Quarkinhalt**	**Masse**[MeV/c²]	**Breite**[MeV/c²]	**Lebensdauer**[ps]
$D^{*0}, \bar{D}^{*0}$	$c\bar{u}, \bar{c}u$	2006.7 ± 0.5	< 2.1	
D^{*+}, D^{*-}	$c\bar{d}, \bar{c}d$	2010.0 ± 0.5	< 0.131	
D_s^{*+}, D_s^{*-}	$c\bar{s}, \bar{c}s$	2110.0 ± 1.9	< 4.5	
J/ψ	$c\bar{c}$	3096.9 ± 0.1	0.088 ± 0.005	
$D^0, \bar{D}^0$	$c\bar{u}, \bar{c}u$	1864.6 ± 0.5		0.415 ± 0.004
D^+, D^-	$c\bar{d}, \bar{c}d$	1869.4 ± 0.4		1.057 ± 0.015
D_s^+, D_s^-	$c\bar{s}, \bar{c}s$	1968.5 ± 0.7		0.467 ± 0.017
η_c	$c\bar{c}$	2978.8 ± 1.9	$10.3\,^{+3.8}_{-3.4}$	

Tabelle 2.3: Eigenschaften der Vektormesonen und pseudoskalaren Mesonen mit Charm [104].

Werte, die durchaus mit $P_V = 0.75$ konsistent sind [107]. Zum weiteren Verständnis sind jedoch genauere Daten zur D^{**}-Produktion notwendig.

Die Fragmentationswahrscheinlichkeit $\mathcal{P}(c \to D^{*+})$ eines Charm-Quarks in ein D^{*+}-Meson ist von der OPAL-Kollaboration in dem Zerfallskanal $D^{*+} \to D^0\pi_s^+ \to (K^-\pi^+)\pi_s^+$ gemessen worden. Für das kombinierte Verzweigungsverhältnis wurde ein Wert von

$$\mathcal{P}(c \to D^{*+}) \cdot \mathcal{B}(D^{*+} \to D^0\pi^+) \cdot \mathcal{B}(D^0 \to K^-\pi^+) = (0.71 \pm 0.05)\,\% \tag{2.8}$$

ermittelt [95]. Mit den Verzweigungsverhältnissen [104]

$$\mathcal{B}(D^{*+} \to D^0\pi^+) = (68.1 \pm 1.3)\,\% \tag{2.9}$$

und

$$\mathcal{B}(D^0 \to K^-\pi^+) = (4.01 \pm 0.14)\,\% \tag{2.10}$$

ergibt sich dann für die Fragmentationswahrscheinlichkeit $\mathcal{P}(c \to D^{*+})$ ein Wert von

$$\mathcal{P}(c \to D^{*+}) = (26.0 \pm 2.1)\,\%. \tag{2.11}$$

2.2.2 Zerfälle der D*-Mesonen

Die D^*-Mesonen zerfallen durch die starke bzw. elektromagnetische Wechselwirkung in die pseudoskalaren D-Mesonen. Dabei sind die in Tab. 2.4 zusammengefaßten Zerfälle[5] möglich [104]. Der Zerfall $D^{*0} \to D^+\pi^-$ ist kinematisch verboten, da $\Delta M = M(D^{*0}) - M(D^+) = 137.3\,\mathrm{MeV/c^2}$ kleiner als die Pionmasse ist.

Aufgrund der geringen Massendifferenz zwischen den Zuständen ist die in den Zerfällen zur Verfügung stehende Energie

$$Q = \big(M(D^*) - \sum_{i=1}^{2} M_i\big)c^2$$

sehr gering.

[5] Die Angaben spezieller Zerfallskanäle stehen stellvertretend auch für die ladungskonjugierten Zerfallskanäle.

Zerfälle der D^**-Mesonen*	
Zerfallskanal	**Verzweigungsverhältnis [%]**
$\mathrm{D}^{*\pm} \rightarrow \mathrm{D}^0\pi_s^+$	68.1 ± 1.3
$\rightarrow \mathrm{D}^+\pi^0$	30.8 ± 0.8
$\rightarrow \mathrm{D}^+\gamma$	$1.1\,^{+1.4}_{-0.7}$
$\mathrm{D}^{*0} \rightarrow \mathrm{D}^0\pi^0$	63.6 ± 2.8
$\rightarrow \mathrm{D}^0\gamma$	36.4 ± 2.8
$\mathrm{D}_\mathrm{s}^{*+} \rightarrow \mathrm{D}_\mathrm{s}^+\gamma$	dominant

Tabelle 2.4: Zerfälle der D^*-Mesonen [104].

Von besonderem Interesse ist der Zerfallskanal $\mathrm{D}^{*+} \rightarrow \mathrm{D}^0\pi_\mathrm{s}^+$. Die experimentellen Werte der Massen sind [104]:

$$\begin{aligned} M(\mathrm{D}^{*+}) &= (2010.0 \pm 0.5)\,\mathrm{MeV/c^2}, \\ M(\mathrm{D}^0) &= (1864.6 \pm 0.5)\,\mathrm{MeV/c^2}. \end{aligned}$$

Die Massendifferenz zwischen D^{*+}- und D^0-Meson beträgt

$$\Delta M = M(\mathrm{D}^{*+}) - M(\mathrm{D}^0) = (145.42 \pm 0.05)\,\mathrm{MeV/c^2}.$$

Dieser Wert liegt knapp oberhalb der Pionmasse von $M(\pi) = 139.57\,\mathrm{MeV/c^2}$, so daß der starke Zerfall $\mathrm{D}^{*+} \rightarrow \mathrm{D}^0\pi_\mathrm{s}^+$ gerade noch möglich ist. Die in dem Zerfall zur Verfügung stehende Energie ist sehr gering und beträgt:

$$Q = \big(M(\mathrm{D}^{*+}) - M(\mathrm{D}^0) - M(\pi_s^+)\big)\mathrm{c}^2 = 5.8\,\mathrm{MeV}.$$

Daraus ergibt sich für die Impulse des D^0-Mesons und Pions im Ruhesystem des D^{*+}-Mesons ein Wert von

$$p^* = 39\,\mathrm{MeV/c}.$$

Dieser Wert ist auch gleichzeitig der maximale Transversalimpuls des Pions bzgl. der D^{*+}-Impulsrichtung. Somit ist im Laborsystem der Öffnungswinkel zwischen dem D^{*+}-Meson und dem Pion sehr klein ($< 10^\circ$ für $p(\mathrm{D}^{*+}) > 2.5\,\mathrm{GeV/c}$). Das Pion π_s^+ spiegelt deshalb neben der Ladung auch die Richtung des D^{*+}-Mesons (und damit auch des primär erzeugten Charm-Quarks) wider. Der Pionimpuls im Laborsystem beträgt näherungsweise

$$\vec{p}_{\pi_s^+} \approx \frac{\sqrt{M(\pi_s^+)^2 c^4 + p^{*2}\mathrm{c}^2}}{M(\mathrm{D}^{*+})\mathrm{c}^2} \cdot \vec{p}_{\mathrm{D}^{*+}} \approx \frac{1}{14} \cdot \vec{p}_{\mathrm{D}^{*+}}.$$

Deshalb wird es häufig als weiches („soft“) oder langsames („slow“) Pion bezeichnet[6].

Die besonderen kinematischen Eigenschaften des D^{*+}-Zerfalls lassen sich bei der Rekonstruktion des Zerfalls nutzen. Bereits 1975 wies Nussinov [108] darauf hin, daß die Massendifferenz $\Delta M = M(\mathrm{D}^0\pi_s^+) - M(\mathrm{D}^0)$ sehr genau vermessen werden kann. Man erwartet eine deutliche Reduzierung des kombinatorischen Untergrundes sowie eine Verbesserung der Auflösung gegenüber

[6]Zur Unterscheidung von anderen Pionen wird das langsame Pion aus dem D^{*+}-Zerfall üblicherweise mit einem Index s gekennzeichnet (π_s^+).

der D^{*+}- und D^0-Massenauflösung (siehe Abschnitt 4.3.2). Seitdem beruhen die meisten Untersuchungen der D^*-Mesonen auf dieser Methode.

Zum Nachweis der D^*-Mesonen und der in ihnen enthaltenen primär erzeugten Charm-Quarks wird von der überwiegenden Zahl der Experimente der Zerfall $D^{*+} \to D^0\pi_s^+$ verwendet, da die Zerfälle mit π^0-Mesonen und Photonen experimentell wesentlich schwerer zugänglich sind. Die erste experimentelle Beobachtung des Zerfalls $D^{*+} \to D^0\pi_s^+$ gelang 1977 in e^+e^--Experimenten am SLAC [58].

2.2.3 Zerfälle der D-Mesonen

Die pseudoskalaren D-Mesonen D^0, $D^\pm$ und $D_s^\pm$ sind die tiefliegendsten Charm-Massenzustände. Sie können daher nur durch die schwache Wechselwirkung zerfallen, wobei ein Charm-Quark in ein leichteres s- oder d-Quark übergeht.

Erlaubte Zerfälle

Die schwache Wechselwirkung wird von den $W^\pm$- und Z^0-Bosonen vermittelt und erzeugt Übergänge zwischen Mitgliedern des gleichen schwachen Isospin-Dubletts. Die an der schwachen Wechselwirkung teilnehmenden Quarks der Ladung $+1/3\,e$ sind dabei jedoch nicht die Massen-Eigenzustände, sondern Mischungen dieser:

$$\begin{pmatrix} \mathrm{u} \\ \mathrm{d} \end{pmatrix} \to \begin{pmatrix} \mathrm{u} \\ \mathrm{d}' \end{pmatrix}$$

mit dem Eigenzustand $\mathrm{d}' = \mathrm{d} \cdot \cos\Theta_c + \mathrm{s} \cdot \sin\Theta_c$. Der Mischungswinkel Θ_c wird Cabibbo-Winkel genannt. Dieser Zustand besitzt keine eindeutige Strangeness, so daß Übergänge mit $|\Delta S| = 1$ möglich sind.

Noch vor der Entdeckung des Charm-Quarks, schlugen Glashow, Iliopoulos und Maiani (GIM [109]) die Existenz eines vierten Quarks mit Ladung $+2/3\,e$ vor, das in einer weiteren Dublett-Struktur $(\mathrm{c}, \mathrm{s}')$ mit $\mathrm{s}' = -\mathrm{d} \cdot \sin\Theta_c + \mathrm{s} \cdot \cos\Theta_c$ vorkommen sollte. Durch diese Annahme konnten die in der Cabibbo-Theorie auftretenden Probleme gelöst werden. So waren in der Cabibbo-Theorie Übergänge mit $|\Delta S| = 1$ in den neutralen Strömen (**FCNC**[7]) möglich, die jedoch nicht beobachtet wurden.

Für 3 Generationen mit 6 Flavours (u, d, s, c, b, t) ergeben sich die Mischzustände über eine Mischungsmatrix, die Cabibbo-Kobayashi-Maskawa-Matrix (CKM-Matrix [90, 91]):

$$\begin{pmatrix} \mathrm{d}' \\ \mathrm{s}' \\ \mathrm{b}' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{\mathrm{ud}} & V_{\mathrm{us}} & V_{\mathrm{ub}} \\ V_{\mathrm{cd}} & V_{\mathrm{cs}} & V_{\mathrm{cb}} \\ V_{\mathrm{td}} & V_{\mathrm{ts}} & V_{\mathrm{tb}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \mathrm{d} \\ \mathrm{s} \\ \mathrm{b} \end{pmatrix}. \tag{2.12}$$

Im Standardmodell sind die Elemente dieser Matrix ebenso wie die Massen der Quarks fundamentale Parameter, die experimentell bestimmt werden müssen.

Die Stärke der Kopplung der Quarks an die W-Bosonen ergibt sich aus den entsprechenden Elementen der CKM-Matrix:

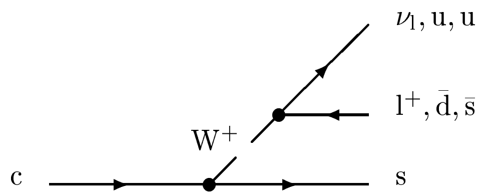
$$\begin{array}{llll} W^+ \to c\bar{s} & \propto & |V_{\mathrm{cs}}|^2 \approx \cos^2\Theta_c \approx (0.98)^2 & \text{(Cabibbo-erlaubt)}, \\ W^+ \to c\bar{d} & \propto & |V_{\mathrm{cd}}|^2 \approx \sin^2\Theta_c \approx (0.22)^2 & \text{(Cabibbo-unterdrückt)}, \\ W^+ \to l^+\nu_l & \propto & 1. & \end{array}$$

[7] **F**lavour **C**hanging **N**eutral **C**urrents

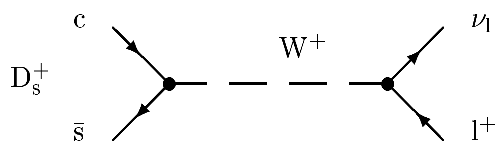
Zerfälle mit $c \to dW^+$ heißen einfach Cabibbo-unterdrückt (**SCSD**[8]), solche mit $c \to d$ und $W^+ \to u\bar{s}$ doppelt Cabibbo-unterdrückt (**DCSD**[9]).

Aus Untersuchungen von Mesonen-Zerfällen lassen sich viele der CKM-Matrixelemente bestimmen. Da die Quarks aber stets in Hadronen gebunden sind und der Zerfall eines „freien“ Quarks lediglich eine idealisierte Vorstellung ist, gestaltet sich die genaue Bestimmung der Matrixelemente als sehr schwierig.

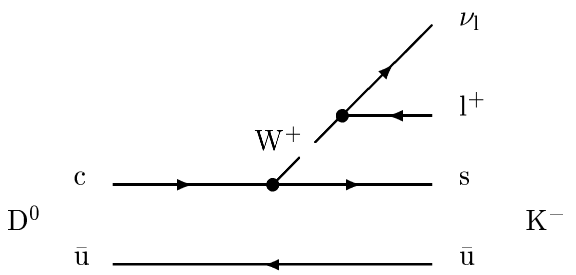
Das einfachste Modell zur Beschreibung der Mesonen-Zerfälle stellt das sogenannte Spektatormodell dar (Abb. 2.12 (c)), das den Zerfall eines freien Charm-Quarks (Abb. 2.12 (a)) in ein d- oder s-Quark unter Abstrahlung eines W^+-Bosons beschreibt. Die Antiquarks im Meson bleiben dabei unbeteiligt, sind also lediglich Zuschauer oder Spektatoren. In Abhängigkeit von der Art des W-Zerfalls wird zwischen den semileptonischen und hadronischen Zerfällen unterschieden.



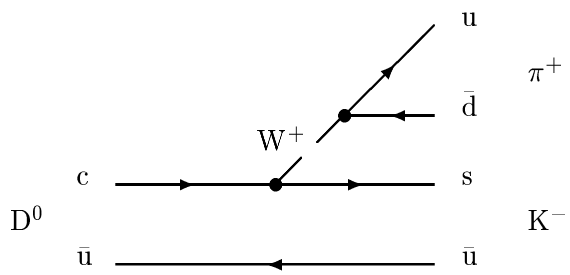
(a) Zerfall eines freien Charm-Quarks



(b) Leptonischer D_s^+-Zerfall



(c) Semileptonischer D^0-Zerfall



(d) Hadronischer D^0-Zerfall

Abbildung 2.12: Darstellung einiger Zerfälle von D-Mesonen.

Rein leptonische Zerfälle sind im Spektatormodell nicht möglich. Sie können durch Annihilations-Diagramme (Abb. 2.12 (b)) beschrieben werden. Genau wie der Zerfall $\pi^- \to e^-\bar{\nu}_e$ sind die leptonischen D-Zerfälle helizitäts-unterdrückt. Ein Beispiel stellt der leptonische Zerfall $D_s^+ \to \mu^+\nu_\mu$ mit einem Verzweigungsverhältnis von (0.59 ± 0.22) % dar [104].

Bei den semileptonischen Zerfällen (Abb. 2.12 (c)) entstehen im Endzustand Leptonen und Hadronen. Experimentell konnte eine Vielzahl von semileptonischen D-Zerfällen nachgewiesen und vermessen werden. Für den inklusiven Zerfall $D^0 \to \mu^+X$ beträgt das Verzweigungsverhältnis (10.0 ± 2.6) % [104]. Semileptonische Zerfälle spielen beim Nachweis von Ereignissen mit schweren Quarks eine wichtige Rolle. Bedingt durch die große Masse der schweren Quarks können bei den Zerfällen Myonen (und Elektronen) mit großen Transversalimpulsen entstehen. Damit lassen sich Charm- oder Bottom-Quarks „markieren“.

Die Beschreibung der hadronischen Zerfälle (Abb. 2.12 (d)) ist allein im Spektatormodell nicht möglich, da es zu starken Wechselwirkungen der Quarks im Endzustand kommt. Neben dem dominierenden Spektator-Diagramm existieren noch weitere Zerfalls-Diagramme, die

[8]**S**ingly **C**abibbo **S**uppressed **D**ecays
[9]**D**oubly **C**abibbo **S**uppressed **D**ecays

Beiträge zur hadronischen Zerfallsbreite liefern.

Die Zahl der möglichen hadronischen Zerfallskanäle ist außerordentlich groß. Deshalb sind die Verzweigungsverhältnisse für individuelle Kanäle sehr klein. Eine Auswahl von D-Zerfällen ist in Tab. 2.5 gezeigt.

Zerfälle der D-*Mesonen*

Zerfallskanal	Verzweigungs-verhältnis [%]	Zerfallskanal	Verzweigungs-verhältnis [%]
Semileptonische Zerfälle		**Leptonische Zerfälle**	
$D^0 \rightarrow \mu^+ X$	10.0 ± 2.6	$D^+ \rightarrow \mu^+\nu_\mu$	$< 7.2 \cdot 10^{-2}$
$\rightarrow K^-\mu^+\nu_\mu$	3.2 ± 0.4	$D_s^+ \rightarrow \mu^+\nu_\mu$	0.59 ± 0.22
Hadronische Zerfälle (Cabibbo-erlaubt)		**Hadronische Zerfälle (SCSD)**	
$D^0 \rightarrow K^- X$	53.0 ± 4.0	$D^0 \rightarrow K^+K^-$	0.454 ± 0.029
$\rightarrow K^-\pi^+$	4.0 ± 0.2	**Hadronische Zerfälle (DCSD)**	
$\rightarrow K^-\pi^+\pi^0$	13.8 ± 1.0	$D^0 \rightarrow K^+\pi^-$	$(3.1 \pm 1.4) \cdot 10^{-2}$
$\rightarrow \bar{K}^0\pi^+\pi^-$	5.3 ± 0.6	**Seltene Zerfälle (FCNC)**	
$\rightarrow K^-\pi^+\pi^+\pi^-$	8.1 ± 0.5	$D^0 \rightarrow \mu^+\mu^-$	$< 1.1 \cdot 10^{-3}$
$\rightarrow K^-\pi^+\pi^0\pi^0$	15.0 ± 5.0	$D^+ \rightarrow \pi^+e^+e^-$	$< 2.5 \cdot 10^{-1}$
$\rightarrow K^-\rho^+$	10.4 ± 1.3	**Verbotene Zerfälle**	
$\rightarrow K^{*-}\pi^+$	1.6 ± 0.2	$D^0 \rightarrow \mu^\pm e^\mp$	$< 1.0 \cdot 10^{-2}$

Tabelle 2.5: Zerfälle der D-Mesonen. Die Tabelle umfaßt lediglich eine kleine Auswahl wichtiger Zerfallskanäle und Verzweigungsverhältnisse [104].

Durch Rekonstruktion exklusiver Zerfallskanäle lassen sich die primär erzeugten Charm-Quarks nachweisen. Bei der Auswahl der Zerfallskanäle spielt neben den Verzweigungsverhältnissen die Teilchen-Multiplizität des Endzustandes eine wesentliche Rolle. Um den kombinatorischen Untergrund gering zu halten, sollten die Zerfälle möglichst wenige Teilchen aufweisen, wobei geladene Teilchen in der Regel experimentell besser nachzuweisen sind als neutrale Teilchen. Der einfachste Zerfallskanal, der diesen Kriterien genügt, ist der Zerfall

$$D^0 \rightarrow K^-\pi^+$$

mit einem Verzweigungsverhältnis von

$$\mathcal{B}(D^0 \rightarrow K^-\pi^+) = (4.01 \pm 0.14)\,\%.$$

Für den Zerfall $D^{*+} \rightarrow D^0\pi_s^+$ mit anschließendem Zerfall $D^0 \rightarrow K^-\pi^+$ ergibt sich dann ein kombiniertes Verzweigungsverhältnis von

$$\mathcal{B}(D^{*+} \rightarrow D^0\pi^+) \cdot \mathcal{B}(D^0 \rightarrow K^-\pi^+) = (2.73 \pm 0.11)\,\%.$$

Berücksichtigt man schließlich noch die Fragmentationswahrscheinlichkeit eines Charm-Quarks in ein D^{*+}-Meson, so erhält man:

$$\mathcal{P}(c \rightarrow D^{*+}) \cdot \mathcal{B}(D^{*+} \rightarrow D^0\pi^+) \cdot \mathcal{B}(D^0 \rightarrow K^-\pi^+) = (0.71 \pm 0.05)\,\%.$$

Dieser kleine Wert macht deutlich, daß zur Untersuchung von Ereignissen mit Charm eine große Ereignis-Statistik notwendig ist. Die Nachweiswahrscheinlichkeit kann erhöht werden, wenn weitere Zerfallskanäle des D^0-Mesons mit berücksichtigt werden. Häufig verwendete Zerfälle sind:

$$D^0 \rightarrow K^-\pi^+\pi^+\pi^- \qquad (2.13)$$

und

$$\mathrm{D}^0 \rightarrow \bar{\mathrm{K}}^0 \pi^+ \pi^- . \tag{2.14}$$

Bei der Rekonstruktion der Zerfallskette $\mathrm{D}^0 \rightarrow \mathrm{K}^- \pi^+ \pi^+ \pi^-$ ist das im Vergleich zum Zerfall $\mathrm{D}^0 \rightarrow \mathrm{K}^- \pi^+$ relativ große Verzweigungsverhältnis von $\mathcal{B}(\mathrm{D}^0 \rightarrow \mathrm{K}^- \pi^+ \pi^+ \pi^-) = (13.8 \pm 1.0)\,\%$ von Vorteil. Demgegenüber steht jedoch die hohe Teilchen-Multiplizität des Endzustandes, die einen hohen kombinatorischen Untergrund erwarten läßt.

Der Zerfall $\mathrm{D}^0 \rightarrow \bar{\mathrm{K}}^0 \pi^+ \pi^-$ wird häufig benutzt, weil die Zerfälle der K^0_s-Mesonen zu sekundären Vertices führen, die bei einem relativ geringen Untergrund über den Zerfallskanal $\mathrm{K}^0_\mathrm{s} \rightarrow \pi^+ \pi^-$ nachgewiesen werden können. Das insgesamt kleinere Verzweigungsverhältnis der gesamten Zerfallskette sowie die Tatsache, daß zum K^0_s-Meson noch zwei weitere Pionen kombiniert werden müssen, mindert diesen Vorteil jedoch wieder.

Seltene Zerfälle

Zerfälle von D-Mesonen, die im Standardmodell erlaubt, deren Verzweigungsverhältnisse aber sehr klein sind, werden als seltene Zerfälle bezeichnet. Neben den bereits erwähnten leptonischen Zerfällen fallen hierunter die einfach- und doppelt Cabibbo-unterdrückten Zerfälle (SCSD, DCSD), die wichtige Informationen über die CKM-Matrixelemente liefern.

Beispiele für die SCSD-Prozesse $\mathrm{c} \rightarrow \mathrm{du\bar{d}}$ und $\mathrm{c} \rightarrow \mathrm{s\bar{s}u}$ sind die Zerfälle $\mathrm{D}^0 \rightarrow \pi^+ \pi^-$ und $\mathrm{D}^0 \rightarrow \mathrm{K}^- \mathrm{K}^+$. Der bislang einzige beobachtete DCSD-Prozeß der Form $\mathrm{c} \rightarrow \mathrm{\bar{d}\bar{s}u}$ ist der Zerfall $\mathrm{D}^0 \rightarrow \mathrm{K}^+ \pi^+$ mit einem gemessenen Verzweigungsverhältnis von $(0.031 \pm 0.014)\,\%$. Er stellt für Untersuchungen der D^0-$\bar{\mathrm{D}}^0$-Mischung (Abb. 2.13 (d)) einen wesentlichen Untergrund dar, da der Zerfall nicht von dem Übergang $\mathrm{D}^0 \rightarrow \bar{\mathrm{D}}^0$ mit $\bar{\mathrm{D}}^0 \rightarrow \mathrm{K}^+ \pi^-$ unterschieden werden kann.

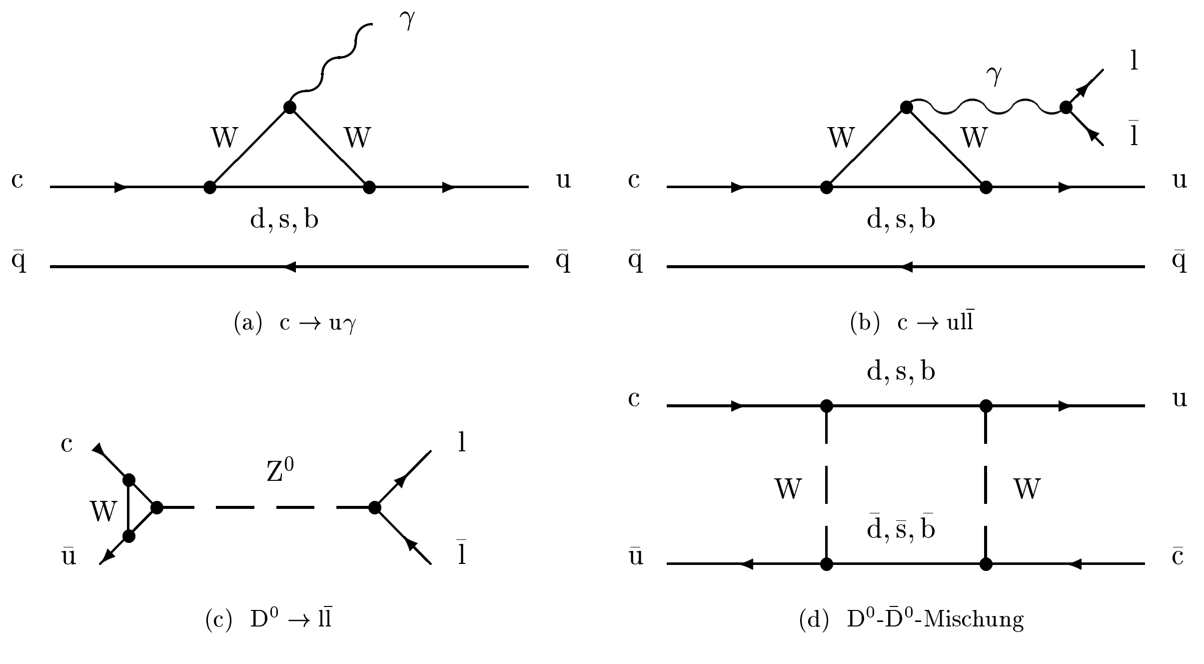


Abbildung 2.13: Darstellung einiger seltener Zerfälle von D-Mesonen [62].

Zu den sehr seltenen Zerfällen gehören auch die im Standardmodell niedrigster Ordnung („tree level“) nicht möglichen FCNC-Prozesse mit $|\Delta C| = 1$. In höherer Ordnung („loop level“)

sind jedoch Übergänge mit Schleifen („loops“) möglich, die durch Box- und Pinguin-Diagramme beschrieben werden können. Sie ermöglichen Übergänge der Form $\mathrm{s} \to \mathrm{d} + \mathrm{N}$ oder $\mathrm{c} \to \mathrm{u} + \mathrm{N}$, wobei N einen nicht-hadronischen neutralen Zustand kennzeichnet, wie z.B. γ oder $\mathrm{l\bar{l}}$.

Beispiele für derartige Zerfälle sind $\mathrm{D}^0 \to \mu^+\mu^-$ oder $\mathrm{D}^+ \to \pi^+\mathrm{e}^+\mathrm{e}^-$ (Abb. 2.13 (a-c)). Die innerhalb des Standardmodells erwarteten Raten für diese Prozesse sind extrem klein. Rechnungen ergeben z.B. für den Zerfall $\mathrm{D}^0 \to \mu^+\mu^-$ ein Verzweigungsverhältnis von der Größenordnung $\mathcal{O}(10^{-19})$. Die Raten sind deshalb sehr sensitiv auf neue, schwere Teilchen in den Schleifen und neue physikalische Effekte.

Studien über den seltenen Zerfall $\mathrm{D}^0 \to \mu^+\mu^-$ lassen bei einer angenommenen integrierten Luminosität von $\mathcal{L}_{int} = 250\,\mathrm{pb}^{-1}$ eine um mindestens eine Größenordnung verbesserte Sensitivität bei HERA erwarten [110].

Verbotene Zerfälle

Zu den in allen Ordnungen des Standardmodells verbotenen Zerfällen von D-Mesonen gehören z.B. die Zerfälle $\mathrm{D}^0 \to \mu^+\mathrm{e}^-$ und $\mathrm{D}^0 \to \bar{\mathrm{p}}\mathrm{e}^+$, bei denen die Erhaltung der Leptonenzahl bzw. Baryonenzahl verletzt ist. Ein experimenteller Nachweis solcher Zerfallskanäle, die von einigen weiterführenden Theorien vorhergesagt werden, wäre ein erster Hinweis auf eine Physik jenseits des Standardmodells.

Kapitel 3

Der Elektron-Proton-Speicherring HERA und das H1-Experiment

Die Speicherring-Anlage HERA am DESY (Hamburg) ist der erste Speicherring, bei dem Elektronen (oder Positronen) und Protonen beschleunigt und zur Kollision gebracht werden [111]. Das HERA-Projekt wurde im April 1984 genehmigt und nach einer Bauzeit von 6 Jahren im November 1990 fertiggestellt. Im Herbst 1991 wurde der Speicherring in Betrieb genommen und die ersten ep-Kollisionen beobachtet. Das Experimentierprogramm der beiden Detektoren H1 [112] und ZEUS [113] begann im Frühjahr 1992.

Die in dieser Arbeit vorgestellte Analyse beruht auf Daten aus der Betriebsperiode 1994, die mit dem H1-Detektor aufgenommen worden sind. Im folgenden wird ein kurzer Überblick über den Speicherring HERA und dessen Betriebsparameter gegeben sowie der Aufbau des H1-Detektors erläutert.

3.1 Der Elektron-Proton-Speicherring HERA

In einem unterirdischen 6.4 km langen Ringtunnel (in 10-15 m Tiefe) befinden sich zwei separate Speicherringe für Elektronen (HERA-e) und Protonen (HERA-p). Die Abb. 3.1 zeigt einen schematischen Überblick über den Speicherring und die Vorbeschleuniger.

Elektronen (oder auch Positronen) werden in dem Linearbeschleuniger LINAC II auf eine Energie von 450 MeV beschleunigt. Danach werden sie in das Synchrotron DESY II eingespeist und ihre Energie auf 7.5 GeV erhöht. In PETRA II erreichen sie anschließend die Injektionsenergie von 12 GeV für den Speicherring HERA-e, wo sie dann auf ihre endgültige Strahlenergie beschleunigt werden. HERA-e ist für eine Maximalenergie von 30 GeV ausgelegt und kann Elektronen für mehrere Stunden speichern. In der Betriebsperiode 1994 betrug die Strahlenergie 27.6 GeV.

In dem Linearbeschleuniger LINAC III werden negativ geladene Wasserstoffionen auf 50 MeV beschleunigt und in das Protonen-Synchrotron DESY III injiziert, wobei die Elektronenhülle abgestreift wird. Die Protonen erreichen mit 7.5 GeV PETRA II, wo sie dann auf die für HERA-p notwendige Injektionsenergie von 40 GeV beschleunigt werden. In HERA-p erreichen die Protonen dann ihre Endenergie von 820 GeV. Während der Elektronenring aus normalleitenden Magneten besteht, werden für den Protonenring supraleitende Magnete eingesetzt, die bei einer Temperatur von 4.4 K betrieben werden und ein Ablenkfeld von 4.7 T liefern.

Die Strahlenergien von 27.6 GeV für Elektronen und 820 GeV für Protonen ergeben eine Schwerpunktsenergie von 301 GeV. Diese liegt eine Größenordnung über den bisher in Lepton-

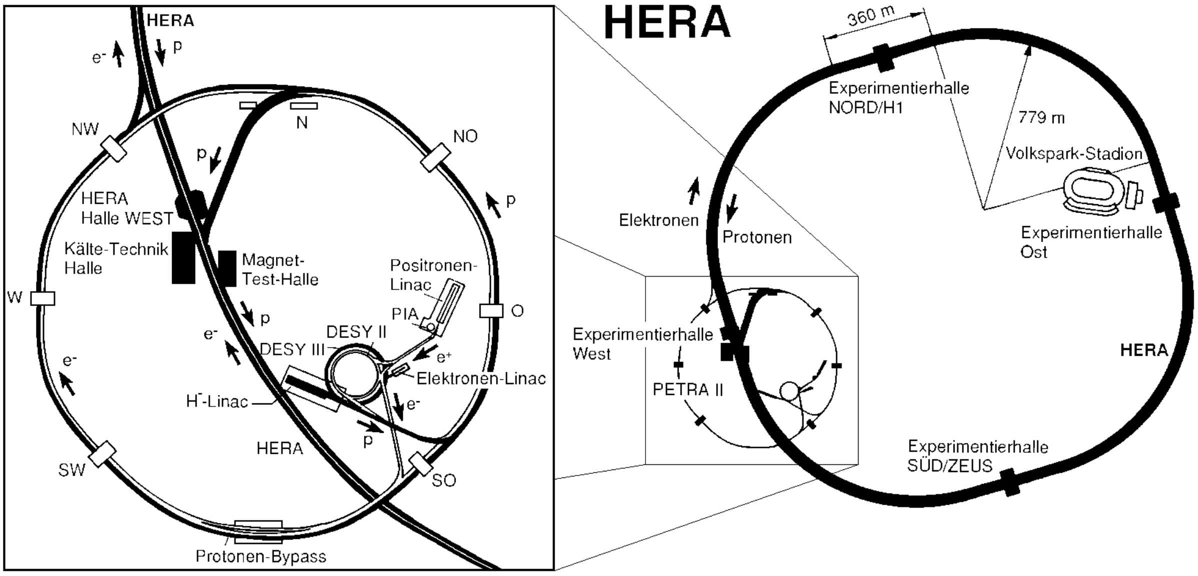


Abbildung 3.1: Der Speicherring HERA und die Vorbeschleuniger am Deutschen Elektronen-Synchrotron in Hamburg.

Nukleon-Streuexperimenten (mit Elektronen, Myonen und Neutrinos) erreichten Energien. Um dieselbe Schwerpunktsenergie mit einem stationären Protonentarget zu erzielen, müßte man Elektronen auf 52 000 GeV beschleunigen, was oberhalb des heute Erreichbaren liegt. Die hohe Schwerpunktsenergie bei HERA bedeutet eine Erweiterung des experimentell zugänglichen kinematischen Bereiches in der Lepton-Nukleon-Streuung. Sie war eine wichtige Motivation für den Bau von HERA.

An zwei von insgesamt vier vorgesehenen Wechselwirkungspunkten werden die Elektronen und Protonen unter einem Kreuzungswinkel von 0° zur Kollision gebracht. In diesen Wechselwirkungszonen stehen die beiden Detektoren H1 (Halle Nord) und ZEUS (Halle Süd). An zwei weiteren Punkten befinden sich die Experimente HERMES [114] (Halle Ost) und HERA-B [115] (Halle West), die beide mit einem stationären Target arbeiten. HERMES ist seit 1995 in Betrieb und untersucht die Spinstruktur des Nukleons. HERA-B soll ab 1998 Untersuchungen zur CP-Verletzung im System der B-Mesonen durchführen.

Im Juli 1994 wurde der Betrieb des Elektronenrings auf Positronen umgestellt. Der Grund dafür waren positiv geladene Ionen, die sich im Strahlrohr befanden, und bei hohen Strahlströmen zu Instabilitäten und zu einer geringen Lebensdauer des Elektronenstrahls führten. Durch die Umstellung[1] konnte der Elektronenstrom und somit die Luminosität beträchtlich erhöht werden.

Eine Zusammenstellung einiger wichtiger HERA-Parameter ist in Tab. 3.1 gegeben. Die von HERA im Jahr 1994 produzierte integrierte Luminosität liegt mit ungefähr 6 pb^{-1} noch über eine Größenordnung unter dem Sollwert von 100 pb^{-1} pro Jahr. Abb. 3.2 zeigt einen Vergleich

[1] Innerhalb der H1-Kollaboration ist es üblich, auch nach der Umstellung von HERA-e auf Positronen, weiterhin den Begriff des Elektrons zu benutzen, auch wenn eigentlich Positronen damit gemeint sind. Deshalb steht auch in dieser Arbeit der Begriff Elektron stellvertretend für Elektronen und Positronen. Für die meisten physikalischen Fragestellungen bei HERA ist es zudem unerheblich, ob Elektronen oder Positronen gestreut werden.

HERA-Parameter						
Parameter	**Design**	**1992**	**1993**	**1994**		
				e^-p	**e^+p**	**sh. IP**†
HERA-e						
Strahlenergie [GeV]	30.0	26.7	26.7	27.6	27.6	27.6
Anzahl Teilchenpakete	210	9	84	153	153	153
Anzahl Pilotpakete		1	10	15	15	15
Mittlerer Strahlstrom [mA]	58.0	1.4	7.7	10.5	17.0	16.8
HERA-p						
Strahlenergie [GeV]	820.0	820.0	820.0	820.0	820.0	820.0
Anzahl Teilchenpakete	210	9	84	153	153	153
Anzahl Pilotpakete (e/p)		1/1	10/6	15/17	15/17	15/17
Mittlerer Strahlstrom [mA]	163.0	1.1	10.8	28.6	41.0	41.2
Schwerpunktsenergie [GeV]	314	296	296	300	300	300
$\langle L_{sp} \rangle$ $[10^{29}\,\mathrm{cm}^{-2}\mathrm{s}^{-1}\mathrm{mA}^{-2}]$	3.3	1.9	3.2	3.4	3.6	2.8
$L_{sp,max}$ $[10^{29}\,\mathrm{cm}^{-2}\mathrm{s}^{-1}\mathrm{mA}^{-2}]$		4.2	6.7	6.0	5.2	3.8
$\langle L \rangle$ $[10^{29}\,\mathrm{cm}^{-2}\mathrm{s}^{-1}]$	150	0.3	2.8	5.7	14.0	10.3
L_{max} $[10^{29}\,\mathrm{cm}^{-2}\mathrm{s}^{-1}]$		2.2	13.0	24.0	43.0	20.5
$\mathcal{L}_{int}$ (HERA) $[\mathrm{nb}^{-1}]$	100 000	55	880	846	4 665	78
$\mathcal{L}_{int}$ (H1) $[\mathrm{nb}^{-1}]$	100 000	30	568	532	3 510	67

†Betriebsperiode mit verschobenem nominellen Wechselwirkungspunkt ($z = 67\,\mathrm{cm}$)

Tabelle 3.1: HERA-Parameter in den Betriebsperioden 1992-1994 im Vergleich zu den Sollwerten [116, 117]. $\langle L_{sp} \rangle$ ($L_{sp,max}$) ist die mittlere (maximale) spezifische Luminosität, $\langle L \rangle$ (L_{max}) ist die mittlere (maximale) Luminosität. $\mathcal{L}_{int}$ (HERA) ($\mathcal{L}_{int}$ (H1)) bezeichnet die von HERA produzierte (von H1 aufgezeichnete) integrierte Luminosität.

der Luminositäten in den Betriebsperioden von 1992 bis 1994.

Die Elektronen und Protonen sind bei HERA in Paketen („bunches") zusammengefaßt, die etwa 10^{10}-10^{11} Teilchen enthalten. Die maximale Anzahl an Paketen ist jeweils auf 220 begrenzt. Hieraus folgt, daß sich die Teilchenpakete in den Wechselwirkungspunkten alle 96 ns kreuzen („bunch crossing").

Die radialen Ausdehnungen der Teilchenpakete betragen $\sigma_x = 0.26\,\mathrm{mm}$ und $\sigma_y = 0.02\,\mathrm{mm}$ für den Elektronenstrahl sowie $\sigma_x = 0.29\,\mathrm{mm}$ und $\sigma_y = 0.07\,\mathrm{mm}$ für den Protonenstrahl. Die longitudinale Ausdehnung der Pakete, aus der sich die Länge der Wechselwirkungszone ergibt, beträgt $\sigma_z = 8\,\mathrm{mm}$ für die Elektronen und $\sigma_z = 110\,\mathrm{mm}$ für die Protonen.

Üblicherweise wird der Speicherring so gefüllt, daß einige gefüllte Protonenpakete im Wechselwirkungspunkt auf leere Elektronenpakete treffen und umgekehrt. Diese Pakete werden Pilotpakete („pilot bunches") genannt und können zur Untersuchung von Untergrundereignissen benutzt werden. Bei diesen Ereignissen wechselwirkt der Elektronen- oder Protonenstrahl mit den Restgasmolekülen im Strahlrohr oder mit der Strahlwand.

In der Betriebsperiode 1994 wurde HERA mit 153 kollidierenden Paketen, 15 Elektronen-Pilotpaketen und 17 Protonen-Pilotpaketen betrieben.

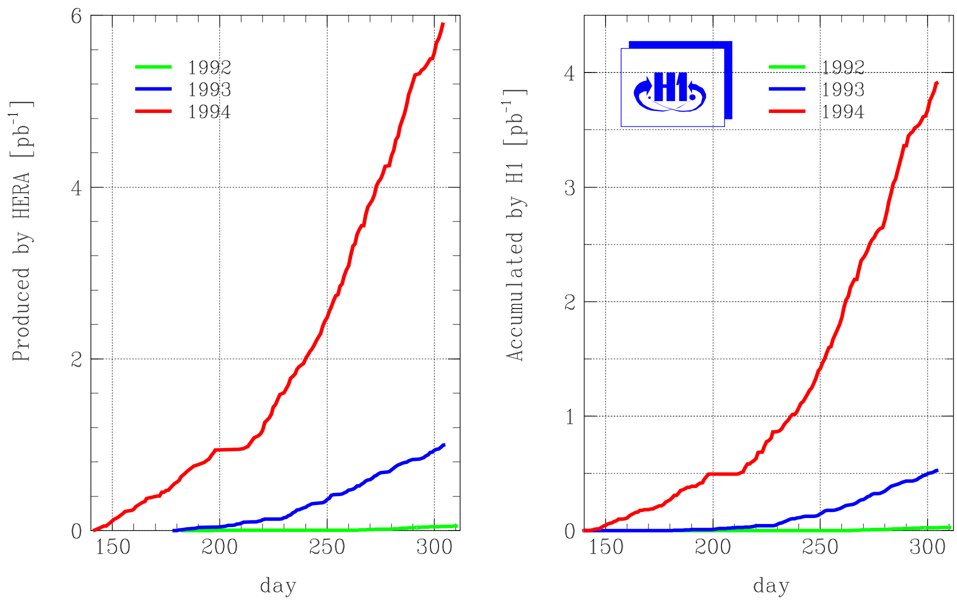


Abbildung 3.2: Von HERA produzierte und von H1 aufgezeichnete integrierte Luminosität in den Betriebsperioden 1992-1994. Die Umstellung von Elektronen auf Positronen im Juli 1994 führte zu einer beträchtlichen Erhöhung der Luminosität.

3.2 Der H1-Detektor

Bei der Konzeption des H1-Detektors wurde der Tatsache Rechnung getragen, daß aufgrund der unterschiedlichen Strahlenergien der Elektronen und Protonen das Elektron-Proton-Schwerpunktssystem nicht mit dem Laborsystem übereinstimmt, sondern einen Lorentz-„Boost“ entlang der Protonenstrahlrichtung aufweist. Deshalb weist der H1-Detektor einen asymmetrischen Aufbau auf, der in Vorwärtsrichtung aufwendiger instrumentiert ist als in Rückwärtsrichtung[2].

Abb. 3.3 zeigt eine schematische Darstellung des H1-Detektors. Das Strahlrohr ($\boxed{1}$) wird umgeben von einem Spurkammersystem, bestehend aus einer zentralen Spurkammer ($\boxed{2}$) und einer Vorwärtsspurkammer ($\boxed{3}$). Die Spurkammern werden von einem Flüssig-Argon-Kalorimeter umschlossen, das sich in einem Kryostaten ($\boxed{15}$) befindet. Dieses Kalorimeter ist in einen elektromagnetischen ($\boxed{4}$) und einen hadronischen ($\boxed{5}$) Teil untergliedert. Die Spurkammern und das Kalorimeter sind von einer supraleitenden Spule ($\boxed{6}$) umgeben, die ein parallel zur z-Achse ausgerichtetes magnetisches Feld von 1.15 T erzeugt. Das Eisenjoch ($\boxed{10}$) zur Rückführung des magnetischen Flusses ist mit Streamerrohrkammern instrumentiert, die zusammen mit zusätzlichen Myonkammern ($\boxed{9}$) eine Identifikation und Spurmessung von Myonen erlauben. Das instrumentierte Eisen dient außerdem zur Energiemessung von hadronischen Schauern, die im Kalorimeter nicht vollständig absorbiert werden. Zur Messung von hochenergetischen Myonen in Vorwärtsrichtung steht zusätzlich ein System aus einem Toroidmagneten ($\boxed{11}$) und weiteren Driftkammerebenen ($\boxed{9}$) zur Verfügung. Das Flüssig-Argon-Kalorimeter wird durch zwei weitere Kalorimeter ergänzt: im Rückwärtsbereich durch ein elektromagnetisches Blei-

[2] Als Vorwärtsrichtung (negative z-Werte relativ zum Wechselwirkungspunkt und $\Theta = 0°$) wird die Richtung des Protonenstrahls bezeichnet. Entsprechend beschreibt die Rückwärtsrichtung (positive z-Werte und $\Theta = 180°$) die Richtung des Elektronenstrahls. Die anderen beiden Koordinaten liegen in der horizontalen (x-Achse) und vertikalen (y-Achse) Ebene.

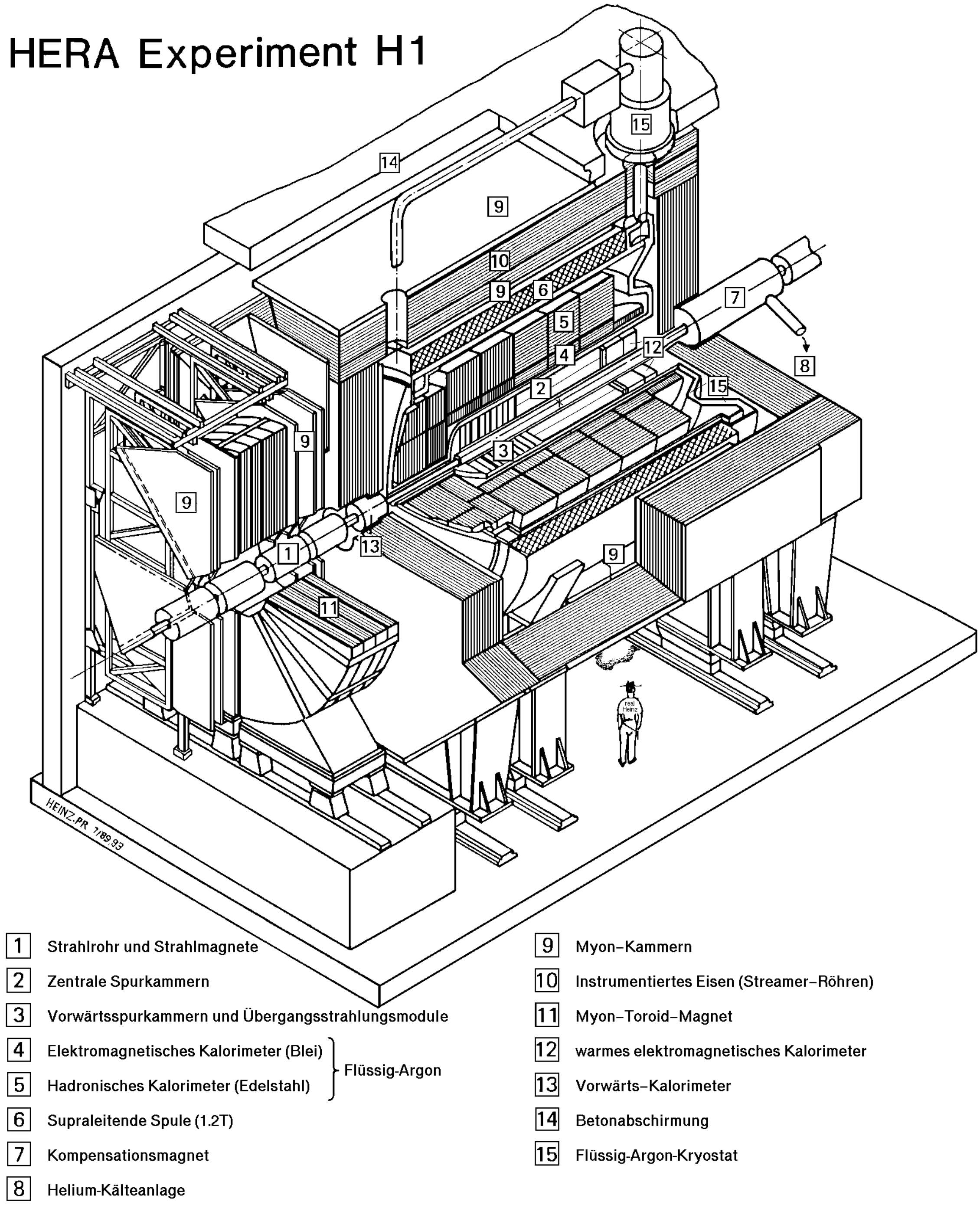


Abbildung 3.3: Schematische Darstellung des H1-Detektors. Die Abmessungen des Detektors betragen 12 m × 10 m × 15 m bei einem Gesamtgewicht von ca. 2 800 t.

Szintillator-Kalorimeter ($\boxed{12}$) und im Vorwärtsbereich durch ein Silizium-Kupfer-Kalorimeter ($\boxed{13}$). Hinter dem rückwärtigen Kalorimeter befindet sich ein Flugzeitsystem, bestehend aus zwei Szintillatorebenen, das zur Unterdrückung von Untergrundereignissen benutzt wird. Zwei weitere Kalorimeter, die sich in 33 m (Elektron-Detektor) und 103 m (Photon-Detektor) Entfernung vom Wechselwirkungspunkt aus in Richtung des Elektronenstrahls befinden, dienen zur Messung der Luminosität.

In den folgenden Abschnitten wird eine Beschreibung der Detektorkomponenten gegeben, die für die Analyse in dieser Arbeit von Bedeutung sind. Eine umfassende und detaillierte Beschreibung aller Komponenten findet sich in [112].

3.2.1 Das Spurkammersystem

Die Aufgabe des Spurkammersystems ist die Identifikation und Rekonstruktion von geladenen Teilchen, die bei der Elektron-Proton-Streuung entstehen, sowie die Erzeugung von Triggersignalen für die Ereignisauswahl. Aufgrund der sehr unterschiedlichen Energien des Elektronen- und Protonenstrahls werden viele geladene Teilchen unter sehr kleinen Winkeln Θ bzgl. der Richtung des Protonenstrahls (Vorwärtsrichtung) produziert. Um über dem gesamten Winkelbereich hinweg möglichst hohe Trigger- und Rekonstruktionseffizienzen zu erzielen, ist das H1-Spurkammersystem in ein vorderes (**FTD**[3]) und ein zentrales Spurkammersystem (**CTD**[4]) unterteilt (Abb. 3.4), die beide voneinander unabhängig sind und deren Aufbau dem jeweiligem Winkelbereich angepaßt ist.

Das vordere Spurkammersystem

Das vordere Spurkammersystem überdeckt den Polarwinkelbereich $7° < \Theta < 25°$. Es besteht aus drei identisch aufgebauten Supermodulen. Jedes Supermodul enthält drei gegeneinander verdrehte, planare Driftkammern mit parallelen, senkrecht zur Strahlachse gespannten Signaldrähten, die eine Messung der xy-Koordinaten der Teilchenspur ermöglichen. Daran anschließend folgt eine Vieldraht-Proportionalkammer (**FPC**[5]), die ein schnelles Triggersignal erzeugt. Dann folgt ein Übergangsstrahlungsmodul zur Teilchenidentifikation und schließlich eine weitere Driftkammer mit radial zur Strahlachse gespannten Signaldrähten.

Das zentrale Spurkammersystem

Das zentrale Spurkammersystem deckt den Polarwinkelbereich $20° < \Theta < 160°$ ab. Insgesamt ist dieses System aus sechs konzentrisch angeordneten Kammern aufgebaut. Abb. 3.5 zeigt die Anordnung dieser Kammern in einem Ausschnitt der xy-Ebene.

Zentrale Driftkammern Die Spurrekonstruktion im Zentralbereich des H1-Detektors basiert auf zwei großen, voneinander unabhängig arbeitenden Driftkammern (**CJC1**[6] und **CJC2** [118]) mit parallel zur Strahlachse gespannten Signaldrähten. Die aktive Länge beider Kammern beträgt 220 cm.

Die innere Kammer (CJC1) ist in 30 Segmente (Zellen) mit jeweils 24 Signaldrähten, die äußere Kammer (CJC2) in 60 Segmente mit jeweils 32 Signaldrähten unterteilt. Die aktive radiale Länge beträgt 22.4 cm bzw. 29.6 cm. Die Zellen sind durch Kathodendrahtebenen und

[3]**F**orward **T**racking **D**evice
[4]**C**entral **T**racking **D**evice
[5]**F**orward **P**roportional **C**hamber
[6]**C**entral **J**et **C**hamber

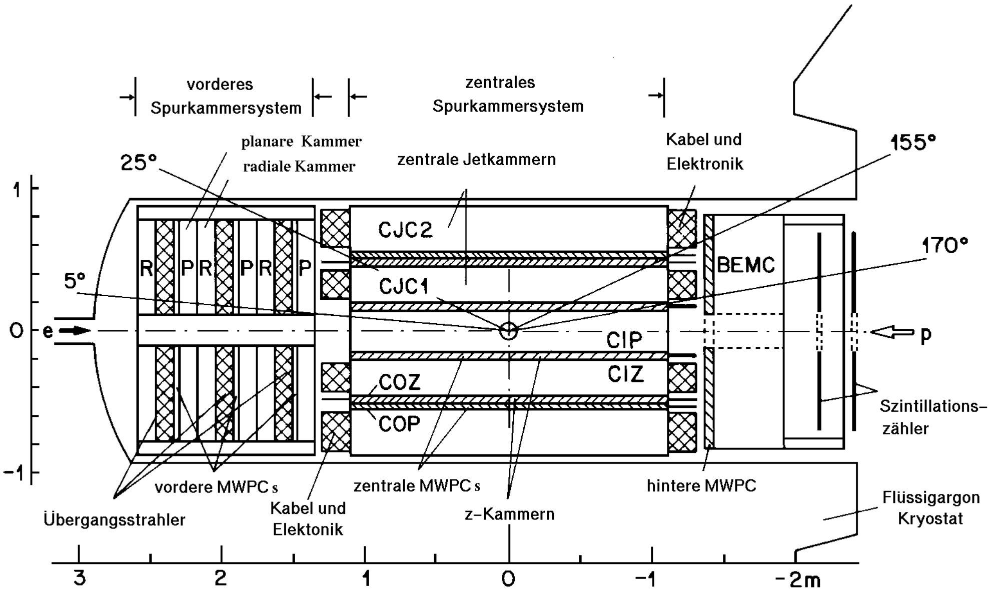


Abbildung 3.4: Längsschnitt des H1-Spurkammersystems.

Felddrähte begrenzt, die ein homogenes elektrisches Feld senkrecht zu den Signaldrahtebenen erzeugen. Jede Signaldrahtebene ist von einer Doppelreihe von Potentialdrähten zur Feldformung umgeben.

Die Driftzellen sind gegenüber der radialen Richtung um etwa 30° geneigt. Aufgrund des äußeren Magnetfeldes driften die Elektronen nicht mehr parallel zu den elektrischen Feldlinien. Vielmehr stellt sich durch die Lorentzkraft ein konstanter Winkel (Lorentzwinkel) zwischen dem elektrischen Feld und der Driftrichtung der Elektronen ein. Durch die Neigung der Zellen wird dieser Winkel nahezu ausgeglichen, so daß die Elektronen senkrecht zu den Spuren hochenergetischer Teilchen driften. Außerdem kreuzen die meisten Teilchen dadurch mehrere Driftzellen. Somit können Mehrdeutigkeiten aufgelöst werden, die von der prinzipiellen Ununterscheidbarkeit von Spur und Spiegelspur[7] herrühren, da die Spiegelspur keine Fortsetzung in der Nachbarzelle hat.

Die Ortsauflösung in der $r\phi$-Ebene beträgt $\sigma_{r\phi} = 170\,\mu$m. Da die Signaldrähte an beiden Seiten ausgelesen werden, kann durch Ladungsteilung auch die z-Komponente der einzelnen Treffer rekonstruiert werden [119]. Die Ortsauflösung ist allerdings wesentlich schlechter als in der $r\phi$-Ebene und beträgt $\sigma_z = 22\,$mm.

Weiterhin läßt sich der Energieverlust der Teilchen im Kammergas (Ar und C_2H_6 zu gleichen Anteilen) messen. Somit ist auch eine begrenzte Teilchenidentifikation für niederenergetische Teilchen möglich [120].

Die wichtigsten Parameter der zentralen Driftkammer sind in Tab. 3.2 zusammengefaßt.

[7] Der Ort der Spurentstehung kann aus der Driftzeit bestimmt werden, jedoch kann nicht unterschieden werden, ob die Ionisation links oder rechts von der Signaldrahtebene stattfand.

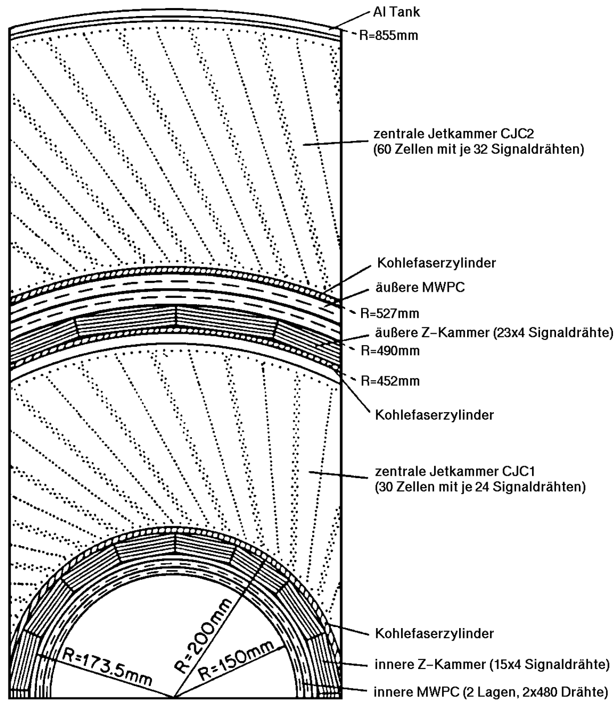


Abbildung 3.5: Querschnitt des H1-Spurkammersystems.

Zentrale z-Kammern Das zentrale Spurkammersystem wird durch zwei dünne Driftkammern, der inneren (**CIZ**[8] [121, 122]) und der äußeren z-Kammer (**COZ**[9] [123]), vervollständigt. Die z-Kammern sind modular aufgebaut und bilden ein System gleichartiger Ringe, die entlang der Strahlachse angeordnet sind.

Die innere z-Kammer umfaßt 15 separate Ringe mit jeweils 4 Signaldrähten. Die Breite eines Ringes beträgt 12 cm. Die Drähte sind senkrecht zur Strahlachse auf einem 16-eckigen Rahmen gespannt, der mechanisch mit der inneren Zylinderwand der zentralen Spurkammer CJC1 verbunden ist. Die äußere z-Kammer besteht aus 24 Ringen mit jeweils 4 Signaldrähten und befindet sich zwischen der CJC1 und CJC2.

Die Ortsauflösung in der z-Koordinate beträgt $\sigma_z = 0.26\,\mathrm{mm}$ für die CIZ und $\sigma_z = 0.20\,\mathrm{mm}$ für die COZ. Die Auflösung in der $r\phi$-Ebene beträgt dagegen lediglich 28 mm bzw. 58 mm. Bezüglich der Auflösungen sind die Messungen der zentralen Spurkammern und der z-Kammern komplementär. Durch Kombination der Informationen beider Kammern lassen sich gute Ortsauflösungen sowohl in der $r\phi$-Ebene als auch in der z-Koordinate erzielen.

Einige wichtige Parameter der zentralen z-Kammern sind in Tab. 3.2 aufgelistet.

Zentrale Proportionalkammern Die Proportionalkammern (**CIP**[10] und **COP**[11] [124]) bestehen aus zwei zylindrischen Doppellagen, die das Strahlrohr umgeben. Die Anodendrähte sind parallel zur z-Achse gespannt. Die zur Auslese der Signale verwendeten Kathoden bestehen aus

[8] **C**entral **I**nner **Z**-Chamber
[9] **C**entral **O**uter **Z**-Chamber
[10] **C**entral **I**nner **P**roportional Chamber
[11] **C**entral **O**uter **P**roportional Chamber

Driftkammer-Parameter						
Parameter		**CJC1**	**CJC2**	**CIZ**	**COZ**
Mechanische Länge Δz	[mm]	2 230		2 254	2 230
Aktive Länge Δz	[mm]	2 200		1 800	2 160
Innerer Radius R_i	[mm]	203	530	174	460
Äußerer Radius R_o	[mm]	451	844	200	485
Aktive radiale Länge ΔR	[mm]	224	296	20	24
Anzahl Zellen (Ringe)		30	60	15	24
Anzahl Signaldrähte pro Zelle (Ring)		24	32	4	4
Anzahl Potentialdrähte pro Zelle (Ring)		50	66	3	6
Anzahl Felddrähte pro Zelle		10	10		
Anzahl Kathodendrähte pro Zelle		49	65		
Abstand der Signaldrähte	[mm]	10.16		5.6 (7.0)	6.0
Driftgeschwindigkeit	[mm/μs]	≈ 50		52	48.5
Maximale Driftstrecke	[mm]	44.5	43.1	61.3	45.0
$r\Phi$-Auflösung $\sigma_{r\Phi}$	[mm]	0.17		28	58
z-Auflösung σ_z	[mm]	22		0.26	0.20

Tabelle 3.2: Einige Parameter der zentralen Driftkammern [112].

in z- und ϕ segmentierten Flächenelementen. Die innerste Kammer (CIP) mit einem Radius von 157 mm ist 60-fach in z ($\Delta z = 36.6$ mm) und 8-fach in ϕ unterteilt. Die zweite Lage ist gegenüber der ersten um 22.5° verdreht, so daß sich eine effektive Einteilung in 16 ϕ-Segmente ergibt. Die äußere Proportionalkammer ist 18-fach in z ($\Delta z = 120$ mm) und 16-fach in ϕ unterteilt.

Durch die Kombination von jeweils zwei angesprochenen Ausleseflächen der inneren und äußeren Kammer wird ein Spurkandidat definiert. Damit Teilchen überhaupt die äußere Kammer erreichen, ist ein minimaler transversaler Impuls von 140 MeV/c notwendig. Sowohl die Richtung der Spur als auch deren Schnittpunkt mit der Strahlachse läßt sich grob bestimmen. Für wahre Ereignisse werden sich die Schnittpunkte aller Spuren mit der Strahlachse in der Nähe des Ereignisvertexes häufen. Mit den Signalen dieser Kammern läßt sich in der ersten Triggerstufe (Abschnitt 3.2.5) ein Trigger auf Spuren vom Wechselwirkungspunkt realisieren.

Die rückwärtige Proportionalkammer

Im Rückwärtsbereich ($155° < \Theta < 174°$) befindet sich die rückwärtige Proportionalkammer (**BPC**[12]), die unmittelbar vor dem Rückwärtskalorimeter installiert ist. Mit dieser Proportionalkammer läßt sich der Auftreffpunkt geladener Teilchen auf das rückwärtige Kalorimeter bestimmen.

3.2.2 Die Kalorimeter

Die Kalorimeter des H1-Detektors dienen zur Messung der Energie und Richtung von geladenen und ungeladenen Teilchen sowie von Jets. Im Vorwärts- und Zentralbereich ist das Spurkammersystem von einem Flüssig-Argon-Kalorimeter (**LAC**[13]) umgeben, bestehend aus einem ha-

[12] **B**ackward **P**roportional **C**hamber
[13] **L**iquid **A**rgon **C**alorimeter

dronischen und einem elektromagnetischen Teil. Im Rückwärtsbereich befindet sich das elektromagnetische Rückwärtskalorimeter (**BEMC**[14]). Hadronische Schauer, die das Flüssig-Argon-Kalorimeter verlassen, können in dem mit Streamerrohren bestückten Eisenjoch kalorimetrisch gemessen werden (**TC**[15]).

Das Flüssig-Argon-Kalorimeter

Das Flüssig-Argon-Kalorimeter [125] des H1-Detektors ist ein in longitudinaler und transversaler Richtung segmentiertes Sampling-Kalorimeter, bei dem flüssiges Argon als Nachweismaterial benutzt wird. Das Kalorimeter befindet sich in einem Kryostaten innerhalb des H1-Magneten und überdeckt den Polarwinkelbereich $4^\circ < \Theta < 153^\circ$.

Entlang der Strahlachse ist das Kalorimeter in acht sogenannte Räder unterteilt, die aus einem innen liegenden elektromagnetischen und einem daran anschließenden hadronischen Teil bestehen, wobei das vordere und hintere Rad lediglich einen hadronischen bzw. elektromagnetischen Teil besitzt. Eine Samplingschicht im elektromagnetischen Teil besteht aus 2.4 mm Blei und 2.35 mm flüssigem Argon, im hadronischen Teil aus 11 mm Edelstahl und 2×2.4 mm flüssigem Argon.

Die Auslese erfolgt über $3 \times 3\,\mathrm{cm}^2$ bis $13 \times 13\,\mathrm{cm}^2$ große Ausleseelektroden („Pads“), die sich im flüssigen Argon befinden. Jeweils mehrere hintereinander liegende Pads sind elektrisch miteinander verbunden und bilden die sogenannten Zellen des Kalorimeters. Die Einteilung des Kalorimeters in Räder und Zellen ist in Abb. 3.6 dargestellt. Insgesamt werden 44 352 Zellen elektronisch ausgelesen.

Die Tiefe des elektromagnetischen Teils des Flüssig-Argon-Kalorimeters hängt vom Polarwinkel Θ ab und variiert zwischen 20 und 30 Strahlungslängen X_0. Das gesamte Kalorimeter entspricht 4.5 bis 8 nuklearen Wechselwirkunglängen λ, wobei die Dicke mit kleiner werdendem Polarwinkel zunimmt.

Das Flüssig-Argon-Kalorimeter ist ein nicht-kompensierendes Kalorimeter, bei dem hadronische und elektromagnetische Schauer gleicher Energie unterschiedliche Signalstärken hervorrufen. Da aber elektromagnetische und hadronische Schauer eine unterschiedliche räumliche Ausdehnung haben, können bei feiner Segmentierung des Kalorimeters elektromagnetische und hadronische Komponenten erkannt und bei der Energierekonstruktion unterschiedlich gewichtet werden. Die Gewichtungsmethode wird bei dem H1-Kalorimeter angewendet [126].

Die Energieauflösungen betragen $\sigma_{em}(E)/E = 0.12\,/\sqrt{E[\mathrm{GeV}]} + 0.01$ für elektromagnetische Schauer [127] und $\sigma_{had}(E)/E = 0.50\,/\sqrt{E[\mathrm{GeV}]} + 0.02$ für hadronische [128] und wurden in Testmessungen am CERN bestimmt. Die Unsicherheit der absoluten elektromagnetischen Energieskala beträgt 3 %, die der hadronischen Energieskala ungefähr 6 % [129].

Das elektromagnetische Rückwärtskalorimeter

Das elektromagnetische Rückwärtskalorimeter BEMC dient zum Nachweis des gestreuten Elektrons in Ereignissen der tief-inelastischen Streuung bei kleinem Q^2 ($Q^2 < 100\,\mathrm{GeV}^2/c^2$). Es befindet sich in 144 cm Entfernung (in Richtung des Elektronenstrahls) vom nominellen Wechselwirkungspunkt und deckt den Polarwinkelbereich von $151^\circ < \Theta < 176^\circ$ ab. Es ist ein Blei-Szintillator-Samplingkalorimeter mit 88 parallel zum Strahl ausgerichteten Modulen, von denen 56 einen quadratischen Querschnitt mit einer Kantenlänge von 15.9 cm aufweisen. Die restlichen Module haben einen trapezförmigen bzw. rechteckigen Querschnitt. Jedes Modul besteht aus

[14]**B**ackward **E**lectro**m**agnetic **C**alorimeter

[15]**T**ail **C**atcher