Diffraktive Photoproduktion von Charmonium im H1-Detektor bei HERA

DISSERTATION

zur Erlangung des Doktorgrades
des Fachbereichs Physik
der Universität Hamburg

Vorgelegt von

Dirk Schmidt

aus Bad Oldesloe

Hamburg
2001

Gutachter der Dissertation:	Prof. Dr. B. Naroska
	Prof. Dr. F. W. Büßer
Gutachter der Disputation:	Prof. Dr. B. Naroska
	Prof. Dr. W. Schmidt-Parzefall
Datum der Disputation:	31.05.2001
Dekan des Fachbereiches Physik und	
Vorsitzender des Promotionsausschusses:	Prof. Dr. F. W. Büßer

Diffraktive Photoproduktion von Charmonium im H1-Detektor bei HERA

Kurzfassung

In dieser Arbeit wird die diffraktive Photoproduktion von J/ψ- und ψ'-Mesonen am H1-Experiment bei HERA untersucht. Die Daten entsprechen einer integrierten Luminosität von $36.6\,\mathrm{pb}^{-1}$. Die Analyse deckt einen kinematischen Bereich von $40\,\mathrm{GeV} < W_{\gamma p} < 150\,\mathrm{GeV}$ und $Q^2 < 1\,\mathrm{GeV}^2$ ab. Für Ereignisse, in denen das Proton elastisch gestreut wird, wird ein Bereich von $|t| < 1.2\,\mathrm{GeV}^2$ untersucht, während für Ereignisse mit Protondissoziation der kinematische Bereich auf $|t| < 5\,\mathrm{GeV}^2$ eingeschränkt wird.

Für die Analyse der J/ψ-Produktion wird im Vergleich zu einer veröffentlichten Messung von H1 die statistische Signifikanz erhöht, indem außer dem Zerfall in zwei Myonen der elektronische Zerfallskanal untersucht wird. Es werden γp-Wirkungsquerschnitte als Funktion der Schwerpunktenergie $W_{\gamma p}$ für die elastische und protondissoziative J/ψ-Produktion bestimmt. Beide Wirkungsquerschnitte steigen steil mit der Energie an und sind innerhalb der Fehler in guter Übereinstimmung. Weiterhin werden differentielle Wirkungsquerschnitte $d\sigma/dt \propto \exp(-b|t|)$ als Funktion von $|t|$ gemessen, aus denen die Steigungsparameter b für die elastische und protondissoziative J/ψ-Produktion extrahiert werden. Die Ergebnisse stimmen gut mit früheren Messungen überein. Die statistischen Unsicherheiten wurden jedoch reduziert.

Die ψ'-Mesonen werden über ihren Zerfall in ein J/ψ-Meson und zwei geladene Pionen oder über den direkten leptonischen Zerfall nachgewiesen. Neben dem Verhältnis der quasielastischen ψ'- zur J/ψ-Produktion wird erstmals bei HERA der γp-Wirkungsquerschnitt als Funktion von $W_{\gamma p}$ für die quasielastische ψ'-Produktion bestimmt. Unter der Verwendung der Parametrisierung $\sigma_{\gamma p} \propto W_{\gamma p}^{\delta}$ wird ein Wert von $\delta = 1.12 \pm 0.27$ gemessen. Weiterhin wird erstmals die t-Abhängigkeit für die elastische und protondissoziative ψ'-Produktion untersucht. Für den elastischen Steigungsparameter ergibt sich ein Wert von $b_{el} = (4.71 \pm 0.93^{+0.73}_{-0.69})\,\mathrm{GeV}^{-2}$ und für den protondissoziativen Steigungsparameter ein Wert von $b_{pd} = (1.10 \pm 0.24^{+0.55}_{-0.59})\,\mathrm{GeV}^{-2}$.

Innerhalb der (großen) statistischen und systematischen Fehler stimmen die Energie- und die t-Abhängigkeit der ψ'- und der J/ψ-Produktion überein.

Diffractive Photoproduction of Charmonium in the H1 Detector at HERA

Abstract

An analysis of the diffractive photoproduction of J/ψ and ψ' mesons is presented in this thesis which uses data collected by the H1 detector at the HERA collider. The data sample corresponds to an integrated luminosity of $36.6\,\text{pb}^{-1}$. The analysis covers a kinematic range $40\,\text{GeV} < W_{\gamma p} < 150\,\text{GeV}$ and $Q^2 < 1\,\text{GeV}^2$. Elastic meson production is measured up to $|t| < 1.2\,\text{GeV}^2$. For proton dissociative events the analysis is restricted to $|t| < 5\,\text{GeV}^2$.

The statistics are increased with respect to the previously published measurement by not only detecting the J/ψ mesons via their decays into two muons, but also via their decays into two electrons. Measurements of the γp cross sections as function of $W_{\gamma p}$ for elastic and proton dissociative J/ψ production are presented. Both cross sections show a strong rise with increasing energy which is comparable within the errors. In addition, differential cross sections $d\sigma/dt \propto \exp(-b|t|)$ as a function of $|t|$ are measured. The extracted slopes b for elastic and proton dissociative J/ψ production are in agreement with older measurements. The statistical error is, however, reduced.

The ψ' mesons are detected via the decay $\psi' \to J/\psi\ \pi^+\pi^-$ and the direct leptonic decays. A measurement of the total quasi-elastic ψ' to J/ψ production ratio is presented. The quasi-elastic γp cross section is also determined. A parameterisation $\sigma_{\gamma p} \propto W_{\gamma p}^{\delta}$ of the energy dependence results in a value of $\delta = 1.12 \pm 0.27$. In addition the t-dependences of the differential cross sections of elastic and proton dissociative ψ' production are compared to those of J/ψ production. The measured slopes are $b_{el} = (4.71 \pm 0.93^{+0.73}_{-0.69})\,\text{GeV}^{-2}$ for elastic and $b_{pd} = (1.10 \pm 0.24^{+0.55}_{-0.59})\,\text{GeV}^{-2}$ for proton dissociative production.

The energy dependence and the t-dependence of the ψ' and J/ψ cross sections are comparable within the (big) statistical and systematical errors.

Inhaltsverzeichnis

Kurzfassung/Abstract **i**

Einleitung **1**

1 Diffraktive Erzeugung von Charmonium bei HERA **3**

1.1 Elektron-Proton-Streuung . . . 3

1.2 Photon-Proton-Streuung . . . 5

1.3 Vektormeson-Produktion bei HERA . . . 5

1.4 Die Charmonium-Familie . . . 7

1.5 Phänomenologische Modelle zur Vektormeson-Erzeugung . . . 9

1.5.1 Vektormeson-Dominanz-Modell . . . 9

1.5.2 Regge-Phänomenologie . . . 9

1.6 QCD Modelle . . . 14

1.6.1 Austausch von zwei Gluonen . . . 15

1.6.2 Das Farbdipol-Modell . . . 17

1.7 Übersicht über die folgenden Messungen . . . 20

2 HERA und der H1-Detektor **23**

2.1 Der Speicherring HERA . . . 23

2.2 Der H1-Detektor . . . 24

2.2.1 Das Spurkammersystem . . . 26

2.2.2 Die Kalorimeter . . . 27

2.2.3 Das Myonsystem . . . 28

2.2.4 Die Vorwärtsdetektoren . . . 28

2.2.5 Das Luminositätssystem . . . 29

3 Ereignissimulation **30**

3.1 Der Generator DIFFVM . . . 30

3.2 Der Generator PHOTOS . . . 31

3.3 Die Generatoren LPAIR und GRAPE . . . 33

4 Leptonidentifikation 36

4.1 Spurmessung . . . 36

4.2 Elektronidentifikation . . . 38

4.2.1 Nachweis in den Kalorimetern . . . 38

4.2.2 Energieverlust durch Ionisation . . . 43

4.2.3 Effizienz der Elektronerkennung . . . 45

4.3 Myonidentifikation . . . 45

4.3.1 Nachweis im LAr-Kalorimeter . . . 46

4.3.2 Nachweis im zentralen Myonsystem . . . 48

4.3.3 Effizienz der Myonerkennung . . . 48

5 Trigger 52

5.1 Das H1-Triggersystem . . . 52

5.2 Verwendete Trigger . . . 54

5.3 Triggerelemente . . . 55

5.3.1 zVtx-Trigger . . . 56

5.3.2 DCRϕ-Trigger . . . 57

5.3.3 Kalorimeter-Trigger . . . 59

5.3.4 Myontrigger . . . 61

5.3.5 SpaCal Trigger . . . 63

5.3.6 L2-Triggerelemente . . . 64

5.4 Kombination der Trigger . . . 65

5.5 Vierte Triggerstufe . . . 67

5.6 Systematischer Fehler . . . 69

6 Vorwärtsselektion 70

6.1 Selektionsschnitte . . . 70

6.2 Rauschen in den Vorwärtsdetektoren . . . 71

6.3 Überprüfung der Vorwärtsdetektoren . . . 72

6.3.1 Das LAr-Kalorimeter . . . 72

6.3.2 Der FMD . . . 73

6.3.3 Der PRT . . . 74

6.3.4 Kombination der Vorwärtsdetektoren . . . 76

6.3.5 Die Spurselektion . . . 77

6.4 Trennung von elastischen Ereignissen und Ereignissen mit Protondissoziation . . . 79

7 Ergebnisse zur diffraktiven J/ψ-Produktion 81
7.1 Selektion der J/ψ-Kandidaten . . . 81
7.1.1 Schnitte gegen kosmische Myonen . . . 84
7.1.2 Massenspektrum . . . 84
7.1.3 Vergleich von Daten und Simulation . . . 87
7.2 Rekonstruktion der Kinematik . . . 90
7.3 Bestimmung des Wirkungsquerschnittes . . . 93
7.3.1 Bestimmung der Ereigniszahl . . . 94
7.3.2 Akzeptanz und Selektionseffizienzen . . . 95
7.3.3 Trennung von elastischen Ereignissen und Ereignissen mit Protondissoziation 95
7.3.4 Untergrund . . . 96
7.3.5 Systematische Fehler . . . 97
7.4 Energieabhängigkeit der diffraktiven J/ψ-Produktion . . . 97
7.4.1 Elastische J/ψ-Produktion . . . 97
7.4.2 J/ψ-Produktion mit Protondissoziation . . . 104
7.5 t-Abhängigkeit der diffraktiven J/ψ-Produktion . . . 109

8 Ergebnisse zur diffraktiven ψ'-Produktion 114
8.1 Selektion der ψ'-Kandidaten . . . 115
8.1.1 Der Kaskadenzerfall . . . 115
8.1.2 Der direkte Zerfall . . . 121
8.2 Vergleich der ψ'- und der J/ψ-Produktion . . . 122
8.3 t-Abhängigkeit . . . 125
8.4 Energieabhängigkeit . . . 131

9 Zusammenfassung und Ausblick 135

A Spurselektion im Spurkammersystem 139

B Spurselektion im zentralen Myonsystem 140

C Ereignisklassifikation 141

D Tabellen der γp-Wirkungsquerschnitte 143

Abbildungsverzeichnis 144

Tabellenverzeichnis 147

Literaturverzeichnis 149

Danksagung 156

Einleitung

Die Elementarteilchenphysik versucht, eine immer tiefergehende Einsicht in die Struktur der Materie zu gewinnen. Streuexperimente haben eine entscheidende Rolle bei der Suche nach den fundamentalen Bestandteilen der Materie und deren Wechselwirkungen gespielt. Seit dem Jahr 1911, in dem Rutherford und Mitarbeiter α-Teilchen an Goldfolien gestreut und den Atomkern entdeckt haben, wurde das Bild von der Struktur der Materie immer wieder erweitert und verfeinert. Um die Struktur des Protons zu untersuchen, wurde im Jahre 1992 der Speicherring HERA am Deutschen Elektronen-Synchrotron DESY in Betrieb genommen. Hier werden Protonen mit Elektronen bzw. Positronen zur Kollision gebracht. Eines der vier Experimente am Speicherring HERA ist der H1-Detektor, dessen Daten in der Analyse dieser Arbeit Verwendung finden.

Nach dem heutigen Wissensstand ist die Materie aus zwei Arten strukturloser Fermionen aufgebaut: den Quarks, aus denen Hadronen wie das Proton zusammengesetzt sind, und den Leptonen. Im Standardmodell der Elementarteilchenphysik wird die Wechselwirkung zwischen den Fermionen durch Austauschbosonen vermittelt. Die elektroschwache Wechselwirkung erfolgt durch den Austausch masseloser Photonen und massiver $W^{\pm}$- und Z^0-Bosonen. Im Standardmodell wird die starke Wechselwirkung im Rahmen der Quanten-Chromodynamik (QCD) beschrieben, wobei die Wechselwirkung zwischen Quarks durch den Austausch von masselosen Gluonen vermittelt wird, die an Farbladungen koppeln. Da die Gluonen selbst Farbe tragen, können sie auch untereinander wechselwirken.

In Hadron-Hadron-Streuungen wurde eine spezielle Klasse von Prozessen beobachtet, die sogenannten diffraktiven Prozesse, die nicht durch Störungsrechnungen im Rahmen der QCD (pQCD) beschrieben werden können. Diffraktive Ereignisse sind durch große Lücken in der Rapiditätsverteilung des hadronischen Endzustands charakterisiert. Die diffraktiven Prozesse können im Rahmen der Regge-Theorie in Anlehnung an optische Streuung beschrieben werden. In phänomenologische Modellen beruht die Rapiditätslücke auf dem Austausch einer Pomeron-Trajektorie, die keine Quantenzahlen und insbesondere keine Farbe überträgt.
Bei HERA können die auf der Regge-Theorie basierenden Modelle erfolgreich z. B. auf inklusive diffraktive Photoproduktion angewendet werden, in der der Impulsübertrag am Elektronvertex Q^2 sehr klein ist ($Q^2 \to 0$).

Diffraktive Phänomene können bei HERA auch in exklusiven Prozessen untersucht werden. Ein spezieller Prozeß ist die exklusive Produktion von Vektormesonen.
In Anwesenheit einer *harten Skala*, wie z. B. hohen Werten für die Impulsüberträge am Elektron- oder Protonvertex Q^2 bzw. t oder auch einer schweren Vektormesonmasse M_V, kann der Prozeß mit Hilfe von pQCD beschrieben werden. Bei HERA kann die Produktion von leichten und schweren Vektormesonen innerhalb von großen kinematischen Bereichen von Q^2 und t untersucht werden. Dadurch ergibt sich die Möglichkeit, den Übergang zwischen phänomenologischen Modellen und pQCD-Ansätzen näher zu untersuchen.

Im Jahr 1993 wurde von Ryskin vorgeschlagen, den Wirkungsquerschnitt der diffraktiven Erzeugung von J/ψ-Mesonen, gebundenen Zuständen aus einem *charm* und einem *anti-charm* Quark, als neue Methode zur Bestimmung der Gluondichte im Proton zu messen, da der Wirkungsquerschnitt nach Rechnungen der pQCD proportional zum Quadrat der Gluondichte ist. In den letzten Jahren wurden deshalb zahlreiche Modelle entwickelt, um die J/ψ-Produktion bei HERA zu beschreiben. Unklar ist jedoch noch, ob und wie stark nicht-störungstheoretisch berechenbare Beiträge eine Rolle spielen.

In dieser Arbeit wird die diffraktive Produktion von J/ψ- und ψ'-Mesonen in Photoproduktion untersucht. Das ψ'-Meson ist der erste radial angeregte Zustand des J/ψ-Mesons und ist etwa doppelt so groß wie das J/ψ.
Die J/ψ-Mesonen werden anhand ihres Zerfalls in zwei Elektronen oder zwei Myonen identifiziert. Die ψ'-Mesonen werden über ihren Zerfall in ein J/ψ-Meson und zwei geladene Pionen oder über den direkten leptonischen Zerfall nachgewiesen. Es werden Ereignisse analysiert, in denen das Proton entweder elastisch gestreut wird oder in einen hadronischen Endzustand mit vorwiegend kleiner Masse dissoziiert. Um eine genügend große Datenmenge zur Verfügung zu haben, werden die Daten des H1-Experimentes der Datennahmeperioden 1996, 1997 und 1999 kombiniert.
Die Ereignisse mit J/ψ-Mesonen dienen zur systematischen Untersuchung der Leptonerkennung, der Triggereffizienz und der Trennung von elastischen Ereignissen und Ereignissen mit Protondissoziation. Dabei wird der elektronische Zerfallskanal eingehend untersucht, da sich auf Grund der Energieverluste der Zerfallselektronen durch Bremsstrahlung und auf Grund eines höheren Untergrundanteils durch fehlidentifizierte Pionen die Analyse dieses Kanals aufwendiger gestaltet.
Im Gegensatz zu einer früheren Analyse, die die elastische J/ψ-Produktion untersucht hat, kann die Datenmenge unter Verwendung des Jahres 1999 und der Hinzunahme des elektronischen Zerfallskanals erhöht und dadurch der statistische Fehler verringert werden. Für die Analyse der protondissoziativen J/ψ-Produktion kann der statistische Fehler signifikant reduziert werden, da in einer vorhergehenden Analyse die Daten der Jahre 1994 und 1995 verwendet wurden.
Neben der Bestimmung des Verhältnisses der Wirkungsquerschnitte von ψ'- und J/ψ-Mesonen wird in dieser Arbeit erstmals die Energie- und die t-Abhängigkeit der diffraktiven Photoproduktion von ψ'-Mesonen untersucht. Die Ergebnisse werden zum einen mit der Produktion von J/ψ-Mesonen und zum anderen mit theoretischen Vorhersagen verglichen.

Gliederung der Arbeit

In **Kapitel 1** wird eine Einführung in die theoretischen Grundlagen der diffraktiven Produktion von Vektormesonen gegeben. Es wird unterschieden zwischen der phänomenologischen Beschreibung des Prozesses und den Rechnungen innerhalb der störungstheoretischen QCD. Daran anschließend wird in **Kapitel 2** der H1-Detektor vorgestellt. **Kapitel 3** gibt einen Überblick über die verwendeten Monte Carlo Generatoren, die für die Analyse benötigt werden. In den nächsten drei Kapiteln wird auf die technischen Details der Analyse eingegangen. Dieses sind die Leptonerkennung (**Kapitel 4**), die Bestimmung der Triggereffizienz (**Kapitel 5**) und die Trennung von elastisch und protondissoziativ erzeugten Vektormesonen (**Kapitel 6**). Aufbauend auf diese drei Kapitel folgt in **Kapitel 7** die Analyse der Produktion von J/ψ-Mesonen bzw. in **Kapitel 8** von ψ'-Mesonen. Den Abschluß bilden eine Zusammenfassung und ein Ausblick.

Kapitel 1

Diffraktive Erzeugung von Charmonium bei HERA

1.1 Elektron-Proton-Streuung

Im Speicherring HERA werden Elektronen bzw. Positronen mit Protonen zur Wechselwirkung gebracht. Im folgenden wird Elektron als Oberbegriff für Elektron und Positron verwendet. Die Streuung eines Elektrons an einem Proton erfolgt in niedrigster Ordnung über den Austausch eines Photons γ oder eines Eichbosons der schwachen Wechselwirkung (Z^0 und $W^{\pm}$). Der Beitrag der schwachen Wechselwirkung kann in dieser Arbeit vernachlässigt werden. Abbildung 1.1 zeigt den Feynman-Graphen der Elektron-Proton-Streuung durch den Austausch eines Photons in niedrigster Ordnung.

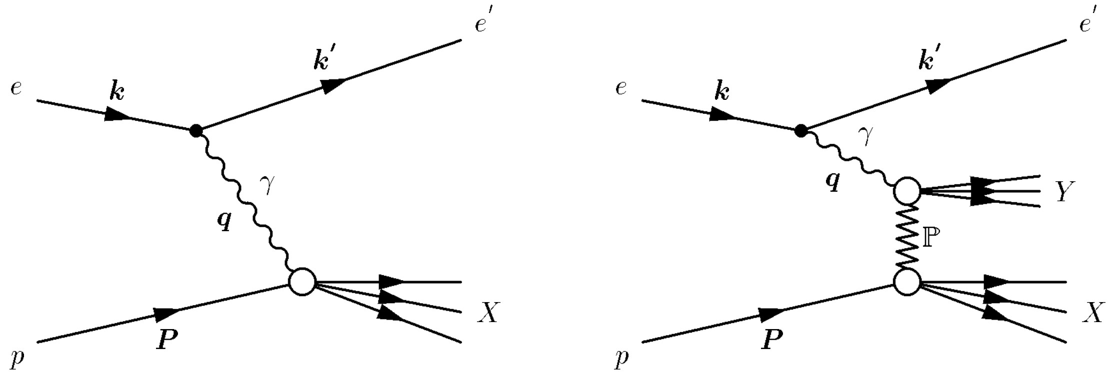


Abbildung 1.1: Links: *Feynman-Graph für die ep-Streuung in der elektromagnetischen Wechselwirkung.* **Rechts:** *Diffraktive ep-Streuung, die durch den Austausch einer sogenannten Pomeron-Trajektorie* $\mathbb{P}$ *beschrieben wird. Die hadronischen Endzustände* X *und* Y *sind voneinander getrennt.*

Die Kinematik der ep-Streuung ist durch die Schwerpunktenergie $\sqrt{s}$ und zwei der vier lorentzinvarianten Größen Q^2, x, y und $W_{\gamma p}$ vollkommen bestimmt. Unter Vernachlässigung der Proton- und Elektronmassen ergibt sich die Schwerpunktenergie aus den Energien von einlaufendem Proton E_p bzw. Elektron E_e zu:

$$s = (\mathbf{P} + \mathbf{k})^2 \approx 4 E_p E_e \quad . \tag{1.1}$$

Das negative Quadrat des Viererimpulsübertrages am Elektronvertex Q^2 ist gegeben durch:

$$Q^2 = -\mathbf{q}^2 = (\mathbf{k} - \mathbf{k}')^2 \ . \tag{1.2}$$

Für den Grenzfall $Q^2 \to 0$ wird das ausgetauschte Photon nahezu reell, so daß der Prozeß der ep-Streuung auch als Wechselwirkung eines reellen Photons mit einem Proton angesehen werden kann. Daher nennt man diesen kinematischen Bereich Photoproduktion, der in dieser Arbeit untersucht wird. Im Gegensatz dazu steht die tiefunelastische Streuung, in der $Q^2 \gg 0$ ist.
Die Bjørken-Variable y gibt im Proton-Ruhesystem den relativen Energieübertrag vom Elektron auf das Photon an:

$$y = \frac{\mathbf{P} \cdot \mathbf{q}}{\mathbf{P} \cdot \mathbf{k}} \ . \tag{1.3}$$

Eine weitere Bjørken-Variable x läßt sich mit Hilfe von Q^2, y und s unter Vernachlässigung der Ruhemassen von Proton und Elektron schreiben als:

$$x = \frac{Q^2}{2\mathbf{P} \cdot \mathbf{q}} \ \approx \frac{Q^2}{ys} \ . \tag{1.4}$$

Im Quark-Parton-Modell bezeichnet x den Impulsbruchteil desjenigen Protonkonstituenten am Gesamtimpuls des Protons, der an der Wechselwirkung mit dem Elektron teilnimmt.
Weiterhin läßt sich die Schwerpunktenergie des Photon-Proton Systems $W_{\gamma p}$ unter Vernachlässigung der Ruhemassen von Proton und Elektron schreiben als:

$$W_{\gamma p}^2 = (\mathbf{P} + \mathbf{q})^2 \ \approx ys - Q^2 \ . \tag{1.5}$$

Der Wirkungsquerschnitt des inklusiven Streuprozesses $ep \to eX$, der auf der linken Seite der Abbildung 1.1 dargestellt ist, kann mit Hilfe der beiden Proton-Strukturfunktionen F_2 und F_L folgendermaßen geschrieben werden:

$$\frac{d^2\sigma(ep \to eX)}{dx\, dQ^2} = \frac{2\pi\, \alpha^2}{x\, Q^4} \left[(1 + (1-y)^2) F_2(x, Q^2) - y^2\, F_L(x, Q^2) \right] \ . \tag{1.6}$$

Die Größe α stellt die elektromagnetische Kopplungskonstante dar.
In einem Teil der Ereignisse der ep-Streuung bleibt das Proton intakt. In diesen Ereignissen, die Spezialfälle von sogenannten diffraktiven Prozessen sind, ist der produzierte hadronische Endzustand Y durch eine Lücke in der Rapiditätsverteilung räumlich vom Proton separiert. Diese Prozesse werden im Rahmen der Regge-Theorie [1, 2, 3] durch den Austausch einer Pomeron-Trajektorie $\mathbb{P}$ beschrieben, die die Quantenzahlen des Vakuums trägt. Auf dieses phänomenologische Modell wird in Bezug auf die Vektormeson-Produktion in Abschnitt 1.5 eingegangen.
Auf der rechten Seite der Abbildung 1.1 ist der allgemeine Graph für diffraktive Prozesse bei HERA dargestellt, in denen die voneinander separierten hadronischen Endzustände X und Y entstehen. In dieser Arbeit wird die diffraktive Produktion von J/ψ- und ψ'-Mesonen betrachtet, wobei der hadronische Endzustand Y dem Vektormeson entspricht. Es werden Ereignisse untersucht, in denen das Proton elastisch gestreut wird ($X = p$) oder in einen hadronischen Endzustand mit vorwiegend niedriger Masse dissoziiert.
Für diffraktive Prozesse ist die Variable t von Bedeutung. Diese gibt das Quadrat des Impulsübertrages am Protonvertex an:

$$t = (\mathbf{P} - \mathbf{P}')^2 \ , \tag{1.7}$$

wobei $\mathbf{P}'$ den Viererimpuls des gestreuten Protons oder des hadronischen Endzustandes X darstellt.

1.2 Photon-Proton-Streuung

In der Weizsäcker-Williams-Approximation [4, 5] wird das elektromagnetische Feld eines schnell bewegten Elektrons als Strom virtueller Photonen aufgefaßt. Die Reaktion $ep \to eX$ läßt sich somit in die Abstrahlung eines Photons vom Elektron und in die Wechselwirkung des Photons mit dem Proton faktorisieren. Reelle Photonen sind transversal polarisiert, während virtuelle Photonen auch longitudinal polarisiert sein können. Unter Verwendung eines transversalen und longitudinalen Anteils des Photonflusses $\mathcal{F}_\gamma^T$ bzw. $\mathcal{F}_\gamma^L$ läßt sich der ep-Wirkungsquerschnitt als Funktion von y und Q^2 schreiben:

$$\frac{d\sigma_{ep}^2}{dy\,dQ^2} = \mathcal{F}_\gamma^T(y,Q^2)\cdot\sigma_{\gamma p}^T(y,Q^2) + \mathcal{F}_\gamma^L(y,Q^2)\cdot\sigma_{\gamma p}^L(y,Q^2) \quad . \tag{1.8}$$

Dabei ist $\sigma_{\gamma p}^T$ bzw. $\sigma_{\gamma p}^L$ der Wirkungsquerschnitt für transversal bzw. longitudinal polarisierte Photonen. In der Weizsäcker-Williams-Approximation ergibt sich für den transversalen Fluß $\mathcal{F}_{\gamma p}^T$ und den Polarisationsfaktor ϵ:

$$\mathcal{F}_\gamma^T(y,Q^2) = \frac{\alpha}{\pi\,y\,Q^2}\left(1 - y + \frac{1}{2}y^2\right) \quad , \tag{1.9}$$

$$\epsilon(y) = \frac{\mathcal{F}_\gamma^L}{\mathcal{F}_\gamma^T} = \frac{1-y}{1-y+\frac{1}{2}y^2} \quad . \tag{1.10}$$

Definiert man weiterhin:

$$R = \frac{\sigma_{\gamma p}^L}{\sigma_{\gamma p}^T} \quad \text{und} \quad \sigma_{\gamma p} = \sigma_{\gamma p}^L + \sigma_{\gamma p}^T \quad ,$$

so läßt sich Gleichung 1.8 schreiben als:

$$\frac{d\sigma_{ep}^2}{dy\,dQ^2} = \mathcal{F}_\gamma^T\cdot(\sigma_{\gamma p}^T + \epsilon\,\sigma_{\gamma p}^L) = \mathcal{F}_\gamma^T\cdot\sigma_{\gamma p}\frac{1+\epsilon R}{1+R} \quad . \tag{1.11}$$

Für die in dieser Arbeit auftretenden Werte $y < 0.3$ beträgt der Wert für den Polarisationsfaktor $\epsilon \approx 1$. Somit läßt sich in guter Näherung schreiben:

$$\frac{d\sigma_{ep}^2}{dy\,dQ^2} \approx \mathcal{F}_\gamma^T\cdot\sigma_{\gamma p} \quad . \tag{1.12}$$

Aus der Integration dieser Beziehung über Q^2 und y wird die Umrechnung des ep-Wirkungsquerschnittes in einen γp-Wirkungsquerschnitt ermöglicht.

1.3 Vektormeson-Produktion bei HERA

In den vergangenen Jahren hat die diffraktive Produktion von Vektormesonen großes theoretisches und experimentelles Interesse gefunden. Diese Ereignisse stellen eine gute Möglichkeit dar, den Übergang zwischen *weichen* und *harten* Prozessen zu untersuchen. Zum einen zeigen Vektormesonen eine eindeutige experimentelle Signatur, und zum anderen können verschiedene Skalen wie Q^2, $W_{\gamma p}$, t und die Masse der Vektormesonen M_V innerhalb großer kinematischer Bereiche untersucht und die Vorhersagen der QCD überprüft werden.

Abbildung 1.2 gibt einen Überblick über die Messungen der Wirkungsquerschnitte von verschiedenen Vektormesonen in Photoproduktion als Funktion der Schwerpunktenergie $W_{\gamma p}$. Weiterhin ist eine Anpassung der Daten für hohe Energien in der Form $\sigma \propto W_{\gamma p}^{\delta}$ dargestellt. Diese Energieabhängigkeit ist an der rechten Achse angegeben. Eine Änderung zwischen dem totalen Photoproduktionswirkungsquerschnitt und der Produktion von leichten Vektormesonen (ρ, ϕ und ω) im Vergleich zur Produktion von J/ψ-Mesonen ist deutlich erkennbar. Für die Produktion von Υ-Mesonen wird eine noch steilere Energieabhängigkeit vorhergesagt [6].
Diese Arbeit beschäftigt sich mit der Analyse von J/ψ- und ψ'-Mesonen in Photoproduktion. Diese zwei Mitglieder der Charmonium-Familie werden im nächsten Abschnitt kurz vorgestellt. Abschnitt 1.5 gibt einen Überblick über ein phänomenologisches Modell zur Vektormeson-Erzeugung. Danach wird in Abschnitt 1.6 auf einige QCD-Modelle eingegangen. Ergebnis dieser Rechnungen ist, daß der Wirkungsquerschnitt von schweren Vektormesonen in Photoproduktion und von Vektormesonen in der tiefunelastischen Streuung eine hohe Sensitivität auf die Gluondichte im Proton besitzt.

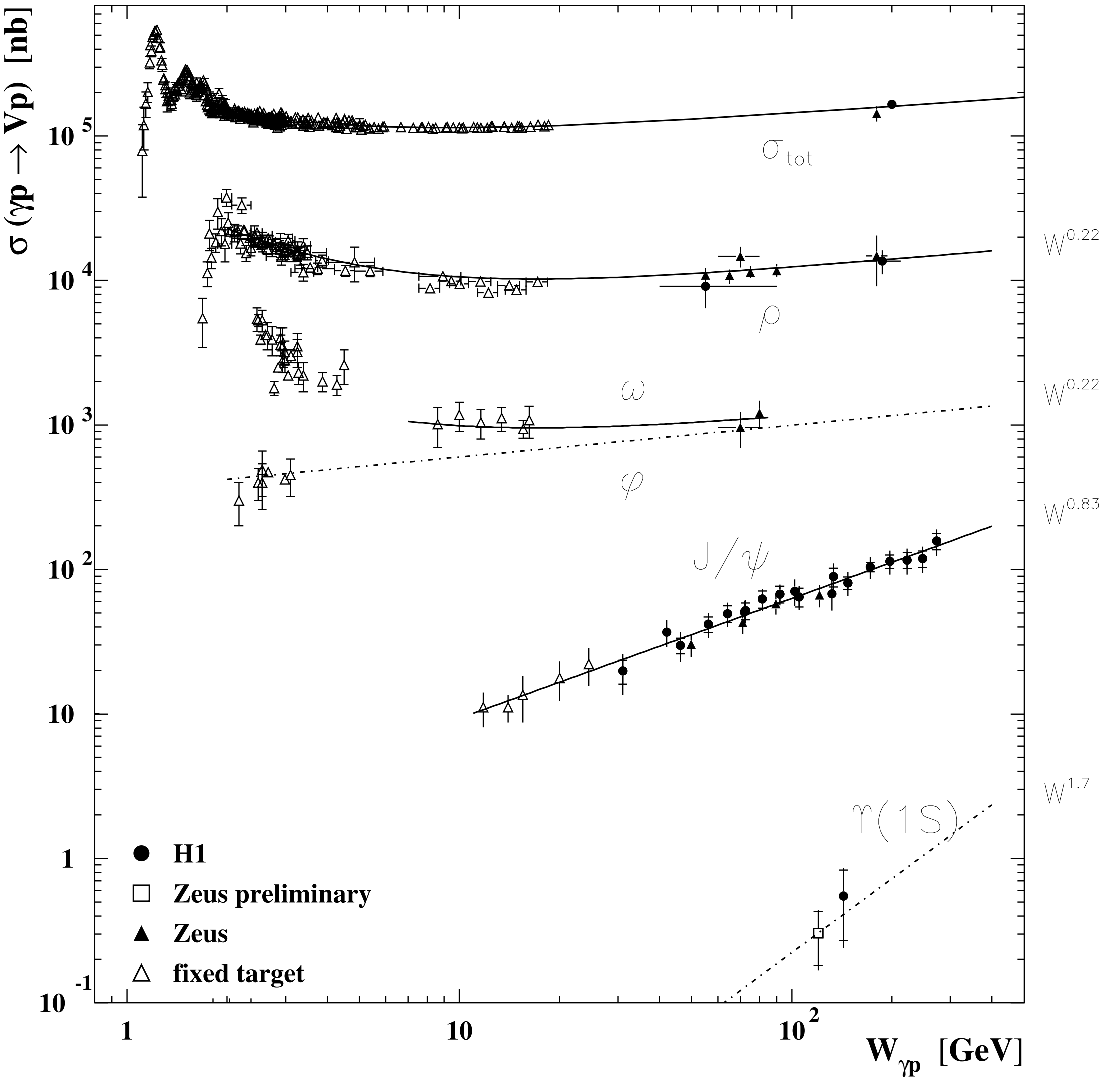


Abbildung 1.2: *Übersicht über die Messungen des totalen Photoproduktionswirkungsquerschnittes und verschiedener Vektormesonen in Photoproduktion bei HERA [7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17]. Weiterhin sind Anpassungen der Daten oder Vorhersagen für hohe Energien der Form $\sigma \propto W_{\gamma p}^{\delta}$ dargestellt. Diese Energieabhängigkeiten sind an der rechten Achse angegeben.*

1.4 Die Charmonium-Familie

Das J/ψ-Meson ist das leichteste Vektormeson der Charmonium-Familie, deren Mitglieder aus einem gebundenen $c\bar{c}$-Zustand bestehen. Das J/ψ-Meson wurde 1974 nahezu gleichzeitig am BNL [18] und am SLAC entdeckt [19]. Es besitzt die Quantenzahlen $J^{PC} = 1^{--}$ und eine Masse von $M_{J/\psi} = 3.097\,\text{GeV}$. Es zerfällt mit einer Zerfallsbreite von $\Gamma = 87\,\text{keV}$ zu 87% in Hadronen und zu jeweils etwa 6% in ein Elektron und ein Positron bzw. in zwei Myonen. Die neuesten Mittelwerte für die leptonischen Verzweigungsverhältnisse nach [20] sind in Tabelle 1.1 aufgeführt.

$J/\psi \to \mu^+\mu^-$	$(5.88 \pm 0.10)\%$
$J/\psi \to e^+e^-$	$(5.93 \pm 0.10)\%$
$J/\psi \to e^+e^-\gamma$	$(0.88 \pm 0.14)\%$

Tabelle 1.1: *Verzweigungsverhältnisse für die leptonischen Zerfälle des J/ψ-Mesons [20].*

Der radiative Zerfall $J/\psi \to e^+e^-\gamma$ wurde 1996 vom Experiment E760 gemessen [21]. Dieser Zerfall stellt einen guten Test für die QED-Vorhersagen der radiativen Korrekturen im Endzustand (*final state radiation*) dar. Gezählt wurden Ereignisse mit J/ψ-Mesonen, die einen von den Zerfallselektronen gut separierten Photonkandidaten γ im Detektor mit einer Mindestenergie von 200 MeV enthalten. Das Verhältnis dieser Ereignisse mit Photonkandidaten zur Gesamtzahl der Ereignisse mit dem Zerfall $J/\psi \to e^+e^-$ wurde gemessen zu:

$$\frac{N(J/\psi \to e^+e^-\gamma)}{N(J/\psi \to e^+e^-(X))} = \frac{62.6 \pm 10.3}{3933} \quad .$$

Aus diesem Verhältnis wird mit Hilfe der QED-Vorhersagen auf Photonenergien $E_\gamma > 100\,\text{MeV}$ extrapoliert und das Verhältnis der Verzweigungsverhältnisse:

$$\frac{BR(J/\psi \to e^+e^-\gamma, E_\gamma > 100\,\text{MeV})}{BR(J/\psi \to e^+e^-)} = 0.147 \pm 0.022$$

bestimmt, was etwa zwei Standardabweichungen von der QED-Vorhersage von 0.104 entfernt liegt. Durch eine Normierung mit einem älteren Wert für $BR(J/\psi \to e^+e^-) = (5.99 \pm 0.25)\%$ ergibt sich das Verzweigungsverhältnis von $BR(J/\psi \to e^+e^-\gamma) = (8.8 \pm 1.3 \pm 0.4) \cdot 10^{-3}$ für Photonenergien $E_\gamma > 100\,\text{MeV}$.
Diese Messung besagt, daß in etwa 15% der Ereignisse, in denen ein J/ψ-Meson in zwei Elektronen zerfällt, ein zusätzliches Photon mit $E_\gamma > 100\,\text{MeV}$ entsteht. Da zur Bestimmung des Verzweigungsverhältnisses $BR(J/\psi \to e^+e^-)$ weder Schnitte auf hochenergetische Photonen noch radiative Korrekturen vorgenommen wurden [22], ist das Verzweigungsverhältnis $BR(J/\psi \to e^+e^-\gamma)$ in dem Wert von $BR(J/\psi \to e^+e^-)$ enthalten.
Zwei Wochen nach der Entdeckung des J/ψ-Mesons wurde am SLAC das ψ'-Meson entdeckt [23]. Dieses Teilchen ist ein angeregter Zustand des J/ψ-Grundzustandes mit einer Masse von $M_{\psi'} = 3.686\,\text{GeV}$. Weitere $c\bar{c}$-Mesonen wurden in der Folgezeit gefunden. Abbildung 1.3 zeigt einen Überblick über einen Teil der Charmonium-Familie. Die Massen der nicht dargestellten höher angeregten Zustände liegen über der Masse von zwei D-Mesonen und zerfallen zum großen Teil in diese.
Tabelle 1.2 zeigt einige wichtige Zerfälle des ψ'-Mesons. Der größte Teil zerfällt in das energetisch niedriger liegende J/ψ-Meson und weitere Zerfallsprodukte. In dieser Arbeit werden die beiden

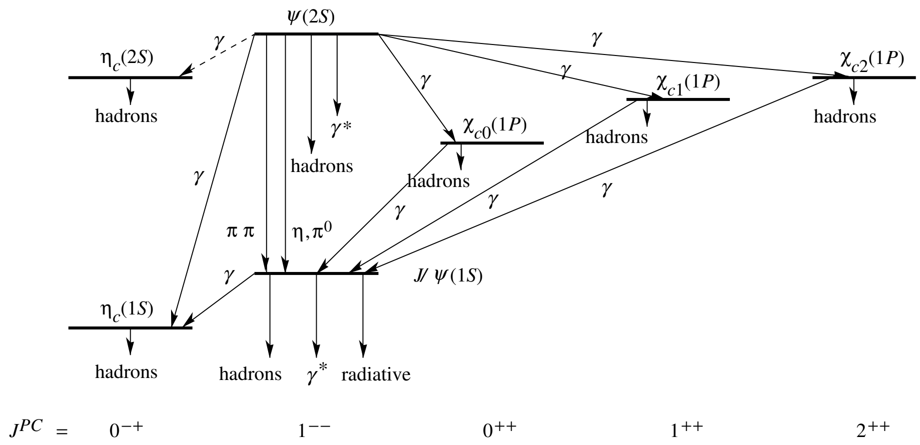


Abbildung 1.3: *Darstellung einiger Mitglieder der Charmonium-Familie [20]. Die Massen der nicht dargestellten höher angeregten Zustände liegen über der Masse von zwei D-Mesonen, so daß sie auch zum großen Teil in diese zerfallen.*

direkten leptonischen Zerfälle $\psi' \to l^+l^-$ und der Zerfall in ein J/ψ-Meson und zwei geladene Pionen $\psi' \to J/\psi\,\pi^+\pi^-$ verwendet. Für das myonische Verzweigungsverhältnis wird der Wert $BR(\psi' \to \mu^+\mu^-) = (0.77 \pm 0.17)\%$ angenommen. Dieser Wert stammt aus der einzigen Messung dieses Zerfalls aus dem Jahr 1975 [24]. Der Wert aus [20] von $(1.03 \pm 0.35)\%$ wurde durch eine kombinierte Anpassung von 10 Verzweigungsverhältnissen aus 17 Messungen bestimmt. In der letzten Zeit sind jedoch Zweifel an der konsistenten Bestimmung der Verzweigungsverhältnisse von ψ'- und χ_c-Mesonen aufgekommen [25], so daß eine neue Bestimmung der Verhältnisse vorgeschlagen wird. Aus diesem Grund wird der Meßwert aus [24] bevorzugt.
Die Ereignisse, in denen das ψ'-Meson in ein J/ψ-Meson und weitere neutrale Teilchen zerfällt, stellen einen Untergrund für die Messung des J/ψ-Wirkungsquerschnittes dar, ebenso wie die radiativen Kaskadenzerfälle $\psi' \to \gamma\chi_c(\to \gamma J/\psi)$.

$\psi' \to e^+e^-$	$(0.88 \pm 0.13)\%$
$\psi' \to \mu^+\mu^-$	$(0.77 \pm 0.17)\%$
$\psi' \to J/\psi\ \pi^+\pi^-$	$(31.0 \pm 2.8)\%$
$\psi' \to J/\psi$ + neutrale Teilchen	$(23.1 \pm 2.3)\%$
u.a.: $J/\psi\,\pi^0\pi^0$	$(18.2 \pm 2.3)\%$
$J/\psi\ \eta$	$(2.7 \pm 0.4)\%$
$\psi' \to \gamma\ \chi_{c0}$	$(9.3 \pm 0.9)\%$
$\to J/\psi\gamma$	$(6.6 \pm 1.8) \times 10^{-3}$
$\psi' \to \gamma\ \chi_{c1}$	$(8.7 \pm 0.8)\%$
$\to J/\psi\gamma$	$(27.3 \pm 1.6)\%$
$\psi' \to \gamma\ \chi_{c2}$	$(7.8 \pm 0.8)\%$
$\to J/\psi\gamma$	$(15.3 \pm 1.1)\%$

Tabelle 1.2: *Wichtige Verzweigungsverhältnisse für den Zerfall des ψ'-Mesons [20]. Der Wert $BR(\psi' \to \mu^+\mu^-) = (0.77 \pm 0.17)\%$ stammt aus [24].*

1.5 Phänomenologische Modelle zur Vektormeson-Erzeugung

In Abschnitt 1.2 wurde dargelegt, daß die ep-Streuung in eine Wechselwirkung des Protons mit einem virtuellen Photon und den Photonfluß faktorisiert. In diesem Abschnitt wird zu Beginn beschrieben, daß mit Hilfe des Vektormeson-Dominanz-Modells der γp-Wirkungsquerschnitt auf die elastische Streuung eines virtuellen Vektormesons mit dem Proton zurückgeführt werden kann. Der Wirkungsquerschnitt dieser hadronischen Wechselwirkung kann mit Hilfe der Regge-Theorie bestimmt werden, auf die im zweiten Teil dieses Abschnitts eingegangen wird.

1.5.1 Vektormeson-Dominanz-Modell

Im Vektormeson-Dominanz-Modell [26, 27, 28] wird das Photon als eine Überlagerung von einem reinen elektromagnetischen Feld γ_{QED} und einer hadronischen Komponente angesehen. Die hadronische Komponente setzt sich aus verschiedenen Vektormesonen V zusammen, die dieselben Quantenzahlen wie das Photon besitzen. Für die Wellenfunktion des Photons gilt:

$$|\gamma\rangle = N|\gamma_{\mathrm{QED}}\rangle + \sum_V \frac{e}{\gamma_V}|V\rangle \ . \tag{1.13}$$

Hierbei stellt N einen Normierungsfaktor und γ_V eine Kopplungskonstante dar, die von der Masse und der elektronischen Zerfallsbreite des Vektormesons abhängt.
Werden die Beiträge von Prozessen der Art $\gamma^* \to V'^* \to V$ vernachlässigt, so daß nur Prozesse der Form $\gamma^* \to V^* \to V$ berücksichtigt werden (Diagonal-Näherung), ergibt sich für den Wirkungsquerschnitt bei reellen Photonen:

$$\sigma(\gamma p \to Vp) = \frac{4\pi\alpha}{\gamma_V^2}\sigma(Vp \to Vp) \ . \tag{1.14}$$

Kann Q^2 gegenüber der Masse des Vektormesons M_V nicht vernachlässigt werden, so ergibt sich für transversal und longitudinal polarisierte Photonen nach [29, 30]:

$$\sigma^T_{\gamma p}(Q^2) = \frac{1}{\left(1+\frac{Q^2}{M_V^2}\right)^2}\,\sigma^T_{\gamma p}(0) \tag{1.15}$$

$$\frac{\sigma^L_{\gamma p}(Q^2)}{\sigma^T_{\gamma p}(Q^2)} = \xi\,\frac{Q^2}{M_V^2} \tag{1.16}$$

Der Parameter ξ, der von der Größenordnung eins ist, steht für die Möglichkeit, daß der Vp-Wirkungsquerschnitt für longitudinale Vektormesonen nicht derselbe wie für transversale Vektormesonen ist. Im Fall der Photoproduktion mit $Q^2 \to 0$ trägt die longitudinale Komponente nicht zum Wirkungsquerschnitt bei.

1.5.2 Regge-Phänomenologie

Die Regge-Theorie beschreibt die Hadron-Hadron-Wechselwirkung mit Hilfe des Wellenformalismus. Es wird eine Streuung der Form $A + B \to C + D$ betrachtet, wobei im sogenannten s-Kanal $s = (P_A + P_B)^2$ das Quadrat der Schwerpunktenergie und $t = (P_A - P_C)^2$ den Impulsübertrag zwischen den beiden wechselwirkenden Teilchen A und B darstellen. Mit der

Streuung $A+B \to C+D$ ist die Reaktion $A+\bar{C} \to B+\bar{D}$ verknüpft. Bei dieser Reaktion im t-Kanal stellt t die Schwerpunktenergie und s den Impulsübertrag dar. Obwohl es sich um unterschiedliche Prozesse handelt, besitzen beide die gleiche Streuamplitude.
Im einfachsten Fall werden die Wechselwirkungen innerhalb der Regge-Theorie über den Austausch von Regge-Trajektorien α_R der Form:

$$\alpha_R(t) = \alpha_R(0) + \alpha'_R \cdot t \tag{1.17}$$

beschrieben. Für die elastische Streuung $AB \to AB$ macht die Regge-Theorie folgende Vorhersage für den totalen und den elastischen Wirkungsquerschnitt [31]:

$$\sigma_{tot}^{AB} = \sum_R \beta_{AR}(0) \cdot \beta_{BR}(0) \cdot s^{\alpha_R(0)-1} \quad , \tag{1.18}$$

$$\frac{d\sigma_{el}^{AB}}{dt} = \sum_R \frac{\beta_{AR}^2(t) \cdot \beta_{BR}^2(t)}{16\pi} \cdot s^{2\alpha_R(t)-2} \quad . \tag{1.19}$$

Der Wirkungsquerschnitt setzt sich aus der Summe der einzelnen Beiträge aller an der Wechselwirkung beteiligten Trajektorien R zusammen. Die Funktionen β_{AR} und β_{BR} beschreiben die Kopplung der Trajektorie R an die Teilchen A und B, wobei die beiden Funktionen voneinander unabhängig sind (Faktorisierung).

Das Pomeron

Ist der Achsenabschnitt einer Regge-Trajektorie $\alpha(0)$ kleiner als eins, so fällt der Wirkungsquerschnitt mit steigender Schwerpunktenergie ab. Um das bei hohen Energien experimentell beobachtete Ansteigen des Wirkungsquerschnittes von Hadron-Hadron-Wechselwirkungen zu beschreiben, wird eine Trajektorie mit $\alpha(0) > 1$ benötigt. Diese muß die Quantenzahlen des Vakuums tragen, damit sie die elastische Streuung beschreiben kann. Diese Trajektorie wird Pomeron $\mathbb{P}$ genannt.
Eine Anpassung an gemessene Wirkungsquerschnitte von Hadron-Hadron-Streuungen durch Donnachie und Landshoff ergibt die universellen Werte für die Pomeron-Trajektorie [32]:

$$\begin{aligned} \epsilon &= \alpha_{\mathbb{P}}(0) - 1 = 0.0808 \quad , \\ \alpha'_{\mathbb{P}} &= 0.25\,\mathrm{GeV}^{-2} \quad . \end{aligned} \tag{1.20}$$

Mit Hilfe des Pomerons und einer weiteren Trajektorie, der sogenannten Reggeon-Trajektorie $\mathbb{R}$ mit $\eta = 1 - \alpha_{\mathbb{R}}(0) = 0.4525$, kann nach [32] die Energieabhängigkeit des totalen Wirkungsquerschnittes in folgender einfacher Form parametrisiert werden:

$$\sigma_{tot}^{AB} = X_{AB} \cdot s^{\epsilon} + Y_{AB} \cdot s^{-\eta} \quad . \tag{1.21}$$

Bei hohen Energien kann der Beitrag der Reggeon-Trajektorie vernachlässigt werden, da der Wirkungsquerschnitt durch diese Trajektorie mit steigender Energie sinkt. Die Wechselwirkungen werden durch die Pomeron-Trajektorie beschrieben, und die Gleichungen 1.18 und 1.19 vereinfachen sich zu:

$$\sigma_{tot}^{AB} = \beta_A(0) \cdot \beta_B(0) \cdot s^{\alpha_{\mathbb{P}}(0)-1} \quad , \tag{1.22}$$

$$\frac{d\sigma_{el}^{AB}}{dt} = \frac{\beta_A^2(t) \cdot \beta_B^2(t)}{16\pi} \cdot s^{2\alpha_{\mathbb{P}}(t)-2} \quad . \tag{1.23}$$

Dabei wurden die Abkürzungen $\beta_A \equiv \beta_{A\mathbb{P}}$ und $\beta_B \equiv \beta_{B\mathbb{P}}$ verwendet. Macht man einen exponentiellen Ansatz für die Funktionen $\beta_A(t) = \beta_A(0) \cdot \exp(-b_A|t|)$ und $\beta_B(t) = \beta_B(0) \cdot \exp(-b_B|t|)$, so ergibt sich für den elastischen Wirkungsquerschnitt:

$$\frac{d\sigma_{el}^{AB}}{dt} = \frac{(\sigma_{tot}^{AB})^2}{16\pi} e^{-b_{el}|t|} \quad , \tag{1.24}$$

mit dem elastischen Steigungsparameter:

$$b_{el} = 2b_A + 2b_B + 2\alpha'_{\mathbb{P}} \ln s \quad . \tag{1.25}$$

Die elastische Photoproduktion von Vektormesonen bei HERA kann unter Verwendung des Vektormeson-Dominanz-Modells als eine elastische Streuung eines Vektormesons V am Proton mit der Schwerpunktenergie $s = W_{\gamma p}^2$ angesehen werden (Abbildung 1.4 links). Der elastische Wirkungsquerschnitt läßt sich dann in folgender Form schreiben:

$$\frac{d\sigma_{\gamma p}}{dt} = \left.\frac{d\sigma_{\gamma p}}{dt}\right|_{t=0,\, W_{\gamma p}=W_0} \left(\frac{W_{\gamma p}}{W_0}\right)^{4\epsilon} \cdot e^{(-b_{el}|t|)} \quad , \tag{1.26}$$

mit:

$$b_{el} = b(W_0) + 2\alpha'_{\mathbb{P}} \ln \left(\frac{W_{\gamma p}}{W_0}\right)^2 \quad . \tag{1.27}$$

Dieses hat folgende Konsequenzen für die elastische Produktion von Vektormesonen:

- Der gesamte Wirkungsquerschnitt $\sigma_{\gamma p} = \int \frac{d\sigma}{dt} dt$ nimmt nur wenig mit der Schwerpunktenergie gemäß $\sigma_{\gamma p} \propto W_{\gamma p}^{0.22}$ zu. Diese Vorhersage ist für die elastische Produktion von leichten Vektormesonen erfüllt, versagt aber für die Produktion von J/ψ-Mesonen (Abbildung 1.2).

- Der differentielle Wirkungsquerschnitt $d\sigma/dt$ fällt exponentiell mit $|t|$ ab. In Anlehnung an die Diffraktion in der Optik kann der elastische Steigungsparameter b_{el} als die Ausdehnung der beiden an der Streuung beteiligten Teilchen mit $b = (R_P^2 + R_V^2)/4$ angesehen werden [31]. Messungen des Steigungsparameters ergeben für die elastische J/ψ-Produktion einen Wert von $b_{el} \approx 4 - 5\,\mathrm{GeV}^{-2}$ und für die ρ-Produktion einen Wert von $b_{el} \approx 10\,\mathrm{GeV}^{-2}$.

- Der elastische Steigungsparameter b_{el} nimmt logarithmisch mit der Schwerpunktenergie zu. Dieser Vorgang wird auch als *shrinkage* bezeichnet. Charakteristisch dabei ist der Parameter $\alpha'_{\mathbb{P}}$. Eine Messung von H1 [15] ergibt einen Wert von $\alpha'_{\mathbb{P}} = (0.08 \pm 0.17)\,\mathrm{GeV}^{-2}$. Ein vorläufiges Ergebnis einer Messung von ZEUS [33] mißt einen Wert von $(0.098 \pm 0.035 \pm 0.050)\,\mathrm{GeV}^{-2}$.

Das Zwei-Pomeron Modell

Verschiedene experimentelle Ergebnisse bei HERA, wie z.B. die F_2-Messungen für $x < 0.07$ und die elastische Photoproduktion von J/ψ-Mesonen, weichen signifikant von den Vorhersagen ab, die mit Hilfe des Austausches der Pomeron-Trajektorie gemacht werden. In [34] wird von Donnachie und Landshoff daher vorgeschlagen, eine weitere Trajektorie, das sogenannte harte Pomeron, einzuführen. Anpassungen u.a. an die Strukturfunktion F_2 für $x < 0.07$ und $Q^2 <$

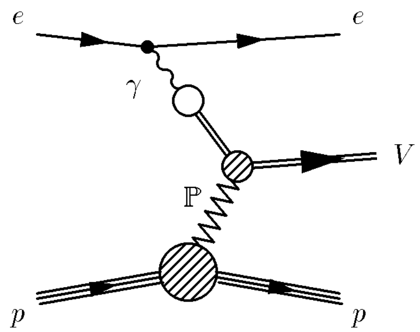


Abbildung 1.4: Links: *Darstellung der elastischen Vektormeson-Produktion durch den Austausch einer Pomeron-Trajektorie und* **Rechts:** *Darstellung der Vektormeson-Produktion mit Protondissoziation.*

$10\,\mathrm{GeV}^2$ führen zu einem höheren Achsenabschnitt $\alpha_{\mathbb{P}_h}(0)$ im Vergleich zu $\alpha_{\mathbb{P}}$. Dieser sorgt für einen größeren Anstieg des Wirkungsquerschnittes bei steigendem $W_{\gamma p}$. Die Trajektorie wird bestimmt zu [34]:

$$\alpha_{\mathbb{P}_h}(t) \approx 1.4 + 0.1 \cdot t \quad . \tag{1.28}$$

Eine kombinierte Anpassung aus Beiträgen beider Trajektorien liefert eine ausreichend gute Beschreibung der H1-Daten in der elastischen Photoproduktion von J/ψ-Mesonen [15]. Diese phänomenologische Beschreibung deutet darauf hin, daß bei der Photoproduktion von J/ψ-Mesonen Beiträge von weichen und harten Prozessen eine Rolle spielen.

Vektormeson Erzeugung mit Protondissoziation

Für die diffraktive Streuung $AB \to XB$, in der A in den hadronischen Endzustand X dissoziiert, ergibt sich für den Austausch der Pomeron-Trajektorie [31]:

$$\frac{d^2\sigma_{pd}^{AB}}{dt\,dM_X^2} \propto \frac{\beta_A(0)\cdot\beta_B^2(t)}{s^2} s^{2\epsilon} \left(\frac{s}{M_X^2}\right)^{2\alpha_{\mathbb{P}}(t)} \cdot (M_X^2)^{2\alpha_{\mathbb{P}}(0)} = \beta_A(0)\cdot\beta_B^2(0)\cdot s^{2\epsilon}\cdot\frac{e^{-b_{pd}|t|}}{M_X^{2(1+\epsilon)}} \tag{1.29}$$

mit $\epsilon = \alpha_{\mathbb{P}}(0) - 1$ (Gleichung 1.20) und dem protondissoziativen Steigungsparameter:

$$b_{pd} \quad = \quad 2b_B + 2\alpha'_{\mathbb{P}} \ln\frac{s}{M_X^2} \quad . \tag{1.30}$$

Die Größe M_X bezeichnet die Masse des hadronischen Endzustandes (Abbildung 1.4 rechts). Für die Produktion von Vektormesonen, in der das Proton dissoziiert, folgt daraus mit $s = W_{\gamma p}^2$:

- Der Wirkungsquerschnitt zeigt dasselbe Verhalten $\sigma \propto W_{\gamma p}^{4\epsilon}$ wie für die elastische Produktion.
- Der differentielle Wirkungsquerschnitt $d\sigma/dt$ fällt exponentiell mit $|t|$ ab. Der protondissoziative Steigungsparameter b_{pd} liegt bei HERA bei kleinen Werten von $|t|$ bei $1-2\,\mathrm{GeV}^{-2}$.
- Der protondissoziative Steigungsparameter b_{pd} nimmt logarithmisch mit der Schwerpunktenergie zu und sinkt mit steigender Masse M_X.
- Bei fester Energie fällt der Wirkungsquerschnitt mit $1/M_X^{2(1+\epsilon)} \approx 1/M_X^2$ ab.

Für die Messung von protondissoziativen Ereignissen ist der kleinste kinematisch mögliche Wert für den Impulsübertrag t_{min} wichtig, da dieser zum einen das Spektrum bei kleinen t und zum anderen das Massenspektrum bei großen M_X^2 beeinflußt. Für t_{min} gilt nach [35]:

$$t_{min} = \frac{1}{4\,W_{\gamma p}^2}\left(\left[-Q^2 - m_p^2 - M_V^2 + M_X^2\right]^2 - \left[\sqrt{(W_{\gamma p}^2 - Q^2 - m_p^2)^2 + 4\,W_{\gamma p}^2\,Q^2} - \sqrt{(W_{\gamma p}^2 + M_V^2 - M_X^2)^2 - 4\,W_{\gamma p}^2\,M_V^2}\right]^2\right) \quad . \tag{1.31}$$

Sind die Massen des Vektormesons M_V und des hadronischen Endzustandes M_X klein gegenüber $W_{\gamma p}$, so kann t_{min} genähert werden zu [35]:

$$t_{min} \approx -\frac{(M_V^2 + Q^2)(M_X^2 - m_p^2)}{W_{\gamma p}^2} \quad . \tag{1.32}$$

Die Größe m_p stellt die Protonmasse dar. In Photoproduktion für $Q^2 \to 0$ und bei hohen Vektormesonmassen M_V ergibt sich:

$$t_{min} \approx -\frac{M_V^2\,M_X^2}{W_{\gamma p}^2} \quad . \tag{1.33}$$

Im Fall der elastischen Vektormeson-Produktion ist der Wert von t_{min} vernachlässigbar klein.

Modell für die diffraktiven Steigungsparameter

In [36] berechnen Ryskin et al. die diffraktiven Steigungsparameter b_{el} und b_{pd} für kleine Impulsüberträge $|t|$ und beliebige Werte von Q^2. Die Beschreibung der Wechselwirkung wird basierend auf dem Vektormeson-Dominanz-Modell und der Regge-Theorie über den Austausch eines Pomerons beschrieben. Unter Verwendung einiger Näherungen ergibt sich der protondissoziative Steigungsparameter b_{pd} (Gleichung 1.30) für ein beliebiges Vektormeson der Masse M_V zu:

$$b_{pd}(t) = \frac{2}{M_V^2 + Q^2 + |t|} + 2\alpha'_P \cdot \ln \frac{W_{\gamma p}^2 M_\rho^2}{(Q^2 + M_V^2)^2} \quad , \tag{1.34}$$

wobei M_ρ die Masse des ρ-Mesons ist. Der Parameter α'_P wird gemäß den Messungen aus [37, 38] zu $\alpha'_P \approx 0.15$ angenommen und entspricht nicht $\alpha'_{\mathbb{P}} = 0.25$, bestimmt durch Donnachie und Landshoff, obwohl von dem effektiven Austausch einer Trajektorie ausgegangen wird.
Für den elastischen Steigungsparameter (Gleichung 1.25) ergibt sich eine ähnliche Abhängigkeit wie für b_{pd} mit einem zusätzlichen Term:

$$b_{el}(t) = b_{pd}(t) + \frac{4}{m^2 + |t|} \quad , \tag{1.35}$$

mit $m^2 = 0.71\,\mathrm{GeV}^2$. Im Fall $|t| = 0$ wird daher für ein beliebiges Vektormeson ein Unterschied zwischen dem elastischen und protondissoziativen Steigungsparameter von $b_{el}(0) - b_{pd}(0) = 5.63\,\mathrm{GeV}^{-2}$ vorhergesagt.
Eine Folge des Modells ist, daß die Steigungsparameter für die diffraktive Produktion von ψ'-Mesonen auf Grund der höheren Masse kleiner als die Parameter für die J/ψ-Mesonen sind.

Dieses spricht gegen die anschauliche Deutung des elastischen Steigungsparameters b_{el}, der als ein Maß für die Ausdehnung der an der Wechselwirkung beteiligten Teilchen angesehen werden kann. Da das ψ'-Meson etwa doppelt so groß wie das J/ψ-Meson ist, sollte jedoch $b_{el}^{\psi'} > b_{el}^{J/\psi}$ sein. Im nächsten Abschnitt wird auf eine Vorhersage von Nemchik et al. [39] eingegangen, die qualitativ eine ähnliche Vorhersage wie Ryskin et al. für die elastischen Steigungsparameter macht.

1.6 QCD Modelle

In den letzten Jahren waren Modelle erfolgreich, die zum einen die exklusive Photoproduktion von schweren Vektormesonen und zum anderen die exklusive Produktion von leichten und schweren Vektormesonen in der tiefunelastischen Streuung durch den Austausch eines farblosen Systems aus zwei Gluonen beschreiben (Abbildung 1.5). Ein grundlegendes Prinzip für die Berechnung in störungstheoretischer Quantenchromodynmik (pQCD) ist die Faktorisierung des Prozesses in drei Unterprozesse:

- die Fluktuation des Photons in ein Quark-Antiquark Paar $\gamma^{(*)} \to q\bar{q}$ lange vor der Wechselwirkung mit dem Proton,
- die Wechselwirkung des $q\bar{q}$-Paares mit dem Proton, die innerhalb einer sehr kurzen Zeitskala stattfindet,
- die Formation des Vektormesons aus dem $q\bar{q}$-Paar lange nach der Wechselwirkung.

Diese Faktorisierung ist gültig im Bereich hoher Energien $W_{\gamma p}$ bzw. kleiner Werte von x mit:

$$x = \frac{Q^2 + M_V^2}{Q^2 + W_{\gamma p}^2} \quad . \tag{1.36}$$

Die Größe x kann als der Impulsanteil des die Wechselwirkung vermittelnden Gluonsystems am Gesamtimpuls des Protons aufgefaßt werden und entspricht nicht der Bjørken-Variable x.
Für die Produktion von Vektormesonen durch longitudinal polarisierte Photonen wurde die Faktorisierung für alle Ordnungen der Störungstheorie in [40] bewiesen. Außerdem wurde gezeigt, daß der Zwei-Gluon-Austausch der dominante Prozeß im Grenzfall $Q^2 \to \infty$ ist.
In Verbindung mit einer harten Skala (Q^2 oder M_V^2), die die hadronische Fluktuation des Photons in der transversalen Ausdehnung „schrumpfen“ läßt, kann die Wechselwirkung zwischen dem Proton und der vorwiegend kleinen $q\bar{q}$-Konfiguration mit Hilfe der pQCD berechnet werden. Im Falle der elastischen Photoproduktion von J/ψ-Mesonen kann die harte Skala nur von der Masse des c-Quarks geliefert werden. Da die Quark-Masse nicht sehr groß ist und die transversale Polarisation der quasireellen Photonen dominiert, kann es durchaus signifikante Beiträge von Prozessen geben, in denen die transversale Ausdehnung der hadronischen Fluktuation des Photons groß ist und die nicht mit Hilfe der pQCD berechenbar sind. Diese Beiträge können noch sehr viel größer im Falle des ψ'-Mesons werden, da nach dem nichtrelativistischen Quarkmodell die typische Größe des ψ'-Mesons etwa 0.8 fm beträgt, was ungefähr doppelt so groß wie der Radius des J/ψ-Mesons ist [41].
Die Messungen der exklusiven Photoproduktion von J/ψ- und ψ'-Mesonen sind ein wichtiges Testgebiet, um die Richtigkeit der Ansätze der pQCD für relativ kleine Skalen und bei kleinen

Werten von x zu überprüfen.
Die folgenden beiden Abschnitte geben einen groben Überblick über Rechnungen und Modelle von verschiedenen Autoren. Abschnitt 1.6.1 beschäftigt sich mit der Wechselwirkung des $q\bar{q}$-Paares mit dem Proton, das durch den Austausch von mindestens zwei Gluonen beschrieben werden kann. Im Jahr 1993 schlug Ryskin vor, den Wirkungsquerschnitt von J/ψ-Mesonen als neue Methode zur Bestimmung der Gluondichte zu messen [42]. Neuere Rechnungen von Ryskin et al. [43] behandeln Effekte, wie z.B. den Einfluß der Wellenfunktion des J/ψ-Mesons, die nicht mit Hilfe der pQCD berechnet werden können, mit größerer Sorgfalt als in früheren Veröffentlichungen. Diese Effekte spielen bei der Photoproduktion von Υ-Mesonen eine noch stärkere Rolle [44]. Fast zeitgleich stellten Frankfurt et al. ebenfalls Rechnungen zur Produktion von Vektormesonen auf, die zu einem ähnlichen Ergebnis wie Ryskin führen [45]. Spätere Rechnungen [46, 47, 6] untersuchen nicht störungstheoretisch berechenbare Effekte genauer und erhalten andere Ergebnisse als Ryskin et al.
In Abschnitt 1.6.2 wird der Farbdipol-Formalismus erläutert, der eine Alternative für den Feynman-Diagramm-Ansatz darstellt. Dabei wird das $q\bar{q}$-Paar als ein Farbdipol angesehen, dessen Wirkungsquerschnitt für die Streuung am Proton nur von der Dipolkonfiguration abhängt. Frankfurt et al. machen den Versuch, das in [48] entwickelte Modell für den Dipolwirkungsquerschnitt zu verwenden, um gleichzeitig inklusive ep-Streuungen und die Photoproduktion von J/ψ-Mesonen [49] zu beschreiben. Anschließend werden Rechnungen von Hoyer und Peigné [50] und von Suzuki et al. [41] für das ψ'-Meson besprochen. Diese Rechnungen können das gemessene Verhältnis der Wirkungsquerschnitte von ψ'- und J/ψ-Meson in Photoproduktion nicht oder nur mit mäßigem Erfolg beschreiben. Zum Schluß wird auf Rechnungen von Nemchik et al. [51, 52, 39] eingegangen, die nicht nur ein Verhältnis der Wirkungsquerschnitte der beiden Mesonen vorhersagen, das mit den Messungen verträglich ist, sondern auch Aussagen über die Energie- und t-Abhängigkeit der Photoproduktion von ψ'-Mesonen machen.

1.6.1 Austausch von zwei Gluonen

In niedrigster Ordnung der pQCD kann die elastische Wechselwirkung durch den Austausch zweier Gluonen beschrieben werden. Dieses stellt die einfachste Möglichkeit für eine Wechselwirkung ohne Austausch von Quantenzahlen und insbesondere ohne Austausch von Farbe dar. In Verbindung mit einer harten Skala, z.B. $Q^2, M_V^2 \gg \Lambda_{QCD}^2$, kann die Kopplung der zwei Gluonen an das $q\bar{q}$-Paar mit Hilfe von pQCD bestimmt werden (Abbildung 1.5).

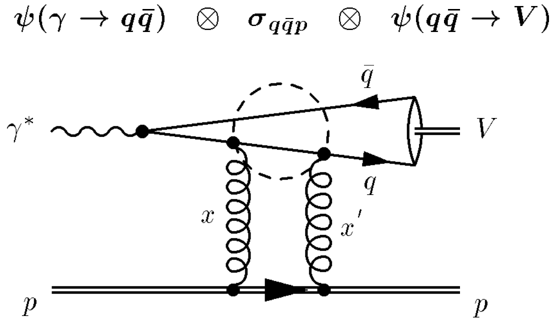


Abbildung 1.5: *Einer der vier möglichen Feynman-Graphen für die Vektormeson Produktion durch den Austausch von zwei Gluonen. Bei einem weiteren Graphen enden die Gluonlinien am $\bar{q}$, und bei den zwei anderen enden die Gluonen an unterschiedlichen Quarks.*

Bei hohen Energien oder kleinem x (Gleichung 1.36) faktorisiert die Amplitude für den Prozeß in drei Faktoren:

$$\mathcal{A}_{\gamma p \to V p} \propto \psi(\gamma \to q\bar{q}) \cdot \sigma_{q\bar{q}p} \cdot \psi(q\bar{q} \to V) \quad . \tag{1.37}$$

In führender Ordnung $\alpha_s \ln \bar{Q}^2$ wird in [42] der Wirkungsquerschnitt für die diffraktive Vektormeson Produktion berechnet zu:

$$\left.\frac{d\sigma}{dt}(\gamma^* p \to V p)\right|_{t=0} = \frac{\Gamma_{ee} M_V^3 \pi^3}{48\alpha} \frac{\alpha_s(\bar{Q}^2)^2}{\bar{Q}^8} \left(x\, g(x, \bar{Q}^2)\right)^2 \cdot \left(1 + \frac{Q^2}{M_V^2}\right) \quad , \tag{1.38}$$

mit der effektiven Skala:

$$\bar{Q}^2 = (Q^2 + M_V^2)/4 \quad . \tag{1.39}$$

Aus dieser Gleichung wird deutlich, daß der Wirkungsquerschnitt proportional zum Quadrat der Gluondichte $d\sigma/dt \propto [x\, g(x, \bar{Q}^2)]^2$ ist. Da die Gluondichte bei kleinem x wächst, steigen die Wirkungsquerschnitte von Vektormesonen in Anwesenheit einer harten Skala steil mit der Schwerpunktenergie $W_{\gamma p}$ an.
In Gleichung 1.38 wird eine nichtrelativistische Näherung für die Wellenfunktion des Vektormesons verwendet. Auf die Wichtigkeit der Wellenfunktion bei der Berechnung des Wirkungsquerschnittes wird später noch einmal eingegangen.
Die Gleichung 1.38 ist gültig für $t = 0$. Die t-Abhängigkeit wird durch diese Rechnungen nicht vorhergesagt. Im allgemeinen wird die Annahme gemacht, daß der Wirkungsquerschnitt einer exponentiellen Form $\exp(-b|t|)$ folgt.
Andere Rechnungen [45] erhalten eine etwas andere Form für Gleichung 1.38. Außerdem wird eine andere Skala Q^2_{eff} verwendet, die bei gleichem Q^2 einen höheren Wert liefert.
Weiterhin wurden verschiedene Korrekturen zur Formel für den Wirkungsquerschnitt bestimmt, die im wesentlichen nicht die Form sondern die Normierung beeinflussen. Im folgenden werden einige Korrekturfaktoren erwähnt.

Realteil der Produktionsamplitude

Die Gleichung 1.38 enthält nur den Imaginärteil der Streuamplitude $\mathcal{A}_{\gamma p \to V p}$. Der relative Beitrag des Realteils der Amplitude kann berechnet werden zu [43, 46]:

$$\beta = \frac{\mathrm{Re}\mathcal{A}}{\mathrm{Im}\mathcal{A}} \approx \frac{\pi}{2} \frac{\partial \ln(x\, g(x, \bar{Q}^2))}{\partial \ln x} \tag{1.40}$$

Für die Produktion von J/ψ-Mesonen für hohe Energien beträgt dieser Beitrag etwa 20%. Für die Υ-Produktion ist dieser Beitrag sehr viel höher [6, 44].

Nichtdiagonale Parton-Verteilungen

Normalerweise besitzen die beiden ausgetauschten Gluonen verschiedene Werte x und x' und verschiedene Impulse $\vec{l}_T$ und $\vec{l'}_T$ (Abbildung 1.5). Selbst bei kleinen Impulsüberträgen t ($\vec{l}_T \approx \vec{l'}_T$) muß es einen Unterschied zwischen x und x' geben. Die Verwendung der gewöhnlichen Gluondichte $x\, g(x, \bar{Q}^2)$ ist nur für kleine Werte von x eine gute Näherung. Unter Berücksichtigung der nichtdiagonalen Parton-Verteilungen gilt dann für den Wirkungsquerschnitt für die elastische Vektormeson Produktion [53]:

$$\sigma \propto |x'\, g(x, x', \bar{Q}^2)|^2 \tag{1.41}$$

mit:

$$x = \frac{M_{q\bar{q}}^2 + Q^2}{W_{\gamma p}^2 + Q^2} \qquad \text{und} \qquad x' = \frac{M_{q\bar{q}}^2 - M_V^2}{W_{\gamma p}^2 + Q^2} \ll x \quad , \tag{1.42}$$

wobei $M_{q\bar{q}}^2$ das Quadrat der Masse des $q\bar{q}$-Zwischenzustandes ist. In [54] wird gezeigt, daß die nichtdiagonalen Parton-Verteilungen für kleine Werte von x aus den diagonalen Verteilungen berechnet werden können.
Der resultierende Korrekturfaktor, der sich aus dem Unterschied bei Berücksichtigung der nichtdiagonalen Gluondichte $x' g(x, x', \bar{Q}^2)$ im Gegensatz zur gewöhnlichen Gluondichte $x\, g(x, \bar{Q}^2)$ ergibt, kann besonders für hohe Q^2 oder hohe M_V^2 signifikant sein. Für die Photoproduktion von Υ-Mesonen wird ein Korrekturfaktor von 2 [44] und 2.4 [6] bestimmt, während die Berücksichtigung der nichtdiagonalen Gluondichte für die J/ψ-Produktion nur etwa einen Faktor 1.1 ausmacht.

Die Wellenfunktion des Vektormesons
Ein weiterer wichtiger Punkt ist die Behandlung der Wellenfunktion des Vektormesons $\psi(q\bar{q} \to V)$. In der nichtrelativistischen Näherung, die bei der Herleitung der Gleichung 1.38 verwendet wurde, wird der longitudinale Impuls zu gleichen Teilen auf beide Quarks verteilt. Weiterhin werden relative Transversalimpulse k_T zwischen den Quarks vernachlässigt.
In verschiedenen Ansätzen für die Wellenfunktion (z.B in [46, 47, 43]) wird die Fermi-Bewegung der Quarks innerhalb des Mesons berücksichtigt. Unklar ist jedoch, wie hoch der hieraus resultierende Korrekturfaktor ist. Während der gaußförmige Ansatz aus [43] zu kleinen Korrekturen führt, werden mit einem Modell [46, 47], das Ausläufer zu hohen relativem k_T besitzt, hohe Korrekturfaktoren bestimmt.
Weiterhin wird in [46] die Quarkmasse m_q durch die Formel:

$$m^2(\bar{Q}^2) = m_q^2 \cdot \left(1 - \frac{8\alpha_s(\bar{Q}^2)}{3\pi}\right)$$

ersetzt, die relativistische Korrekturen höherer Ordnungen berücksichtigt.

1.6.2 Das Farbdipol-Modell

Der Farbdipol-Formalismus (*colour dipole model*) wurde in [55, 56] als eine Alternative für den Feynman-Diagramm-Ansatz für Prozesse bei kleinen Werten von x vorgeschlagen. Dieser Formalismus wurde im Stoßparameter-Raum formuliert, in dem das Proton in Ruhe ist. Das $q\bar{q}$-Paar wird als ein Farbdipol angesehen, der mit dem Proton wechselwirkt. Während der Wechselwirkung wird die Position der beteiligten Partonen festgehalten. Die Amplitude für den Prozeß faktorisiert wiederum in eine Wellenfunktion $\psi(\gamma \to q\bar{q})$, die durch eine Fouriertransformation in das Ruhesystem des Protons transformiert wird, und den Wirkungsquerschnitt $\hat{\sigma}_{q\bar{q}p}$ für die Wechselwirkung mit dem Proton. Ein wichtiger Parameter ist die Separation b der beiden Quarks voneinander.
Ein großer Vorteil dieses Bildes der Wechselwirkung ist, daß der Wirkungsquerschnitt $\hat{\sigma}_{q\bar{q}p}$ nur von der Dipolkonfiguration und somit nur von b abhängt. Aus diesem Grund ist $\hat{\sigma}_{q\bar{q}p}$ universell und kann dazu dienen, Vorhersagen für verschiedene inklusive und exklusive Prozesse zu machen. Weiterhin ist wichtig, daß Vorhersagen im Farbdipol-Bild nicht die Gültigkeit der pQCD voraussetzen, d.h. es muß nicht notwendigerweise eine harte Skala in dem betrachteten Prozeß anwesend sein. Im Farbdipol-Formalismus lassen sich auch hadronische Prozesse beschreiben [57]. Die Größe des Dipols b stellt ein Maß dafür dar, ob sich der jeweilige Prozeß mit Hilfe der pQCD berechnen läßt oder nicht.
Aus den genannten Gründen ist der Farbdipol-Ansatz sehr beliebt geworden. Es existieren verschiedenste Ansätze für den Dipolwirkungsquerschnitt. Im folgenden wird auf einige Rechnungen eingegangen, die sich auf die Produktion von schweren Vektormesonen beziehen.

Produktion von J/ψ-Mesonen in Photoproduktion

In [49] verwenden Frankfurt et al. das in [48] entwickelte Modell für den Farbdipol-Wirkungsquerschnitt $\hat{\sigma}_{q\bar{q}p}$, um Vorhersagen für die Photoproduktion von J/ψ-Mesonen zu machen, nachdem in [48] eine zufriedenstellende Beschreibung der inklusiven ep-Streuung erzielt wurde.
Für kleine transversale Ausdehnungen der $c\bar{c}$-Konfiguration $b < b_{Q_0} \approx 0.4\,\text{fm}$ ist der Wirkungsquerschnitt $\hat{\sigma}_{q\bar{q}p}$ für den Zwei-Gluon-Austausch gegeben durch:

$$\hat{\sigma}_{q\bar{q}p}(b^2, x) = \frac{\pi^2}{3} b^2 \alpha_s(\bar{Q}^2) x\, g(x', \bar{Q}^2) \quad . \tag{1.43}$$

Für größere transversale Ausdehnungen $b > b_{Q_0}$ wird ein Ansatz verwendet, der die Messungen der Wirkungsquerschnitte von πp-Wechselwirkungen bei $b = b_\pi = 0.65\,\text{fm}$ beschreibt. Für die Bereiche $b_{Q_0} < b < b_\pi$ und $b > b_\pi$ wird eine Interpolation vorgenommen.
Die verwendeten Skalen sind folgendermaßen definiert:

$$x' = x'_{min}\left(1 + 0.75\frac{\langle b\rangle^2}{b^2}\right) \quad , \tag{1.44}$$

$$\bar{Q}^2 = \frac{\lambda}{b^2} \tag{1.45}$$

mit:

$$x'_{min} = x\left(1 + \frac{4m_c^2}{Q^2}\right) \qquad \text{und} \qquad \langle b\rangle^2 = \frac{\lambda}{Q^2 + 4m_c^2} \quad .$$

Der dimensionslose Parameter λ soll die Grenze zwischen störungstheoretisch berechenbaren Prozessen und hadronischer Physik bestimmen. In [48] wird gefunden, daß die Beschreibung der Messungen von F_2 und F_L nicht sensitiv auf den genauen Wert von λ sind, und es wird ein Wert von $\lambda = 10$ verwendet. Die Beschreibung der Photoproduktion von J/ψ-Mesonen hingegen zeigt große Variationen bei Änderungen von λ. Dieses ist in Abbildung 1.6 im Vergleich zu den HERA-Daten dargestellt. Die Berechnungen wurden mit der Gluondichte CTEQ4L unter Berücksichtigung von Korrekturen u. a. durch nichtdiagonale Parton-Verteilungen gemacht. Die Daten werden durch einen Wert von $\lambda = 4$ besser beschrieben, liegen jedoch bei hohen Schwerpunktenergien signifikant unterhalb der Vorhersage. Unter Verwendung der Gluondichte MRSTLO mit $\lambda = 4$ ergibt sich eine Kurve, die unterhalb der Daten liegt. Bei kleinen Werten von $W_{\gamma p}$ dominieren die hadronischen Beiträge zum Wirkungsquerschnitt. Dort wird eine Übereinstimmung der gemessenen Wirkungsquerschnitte mit der Rechnung erzielt.
Weiterhin wird vorhergesagt, daß der elastische Steigungsparameter b_{el} und der Wert für $\alpha'_{\mathbb{P}}$ abhängig von $W_{\gamma p}$ und Q^2 ist. Die Messungen von H1 [15] und ZEUS [33] sind gut verträglich mit einem theoretischen Wert für $\alpha'_{\mathbb{P}} \approx 0.11\,\text{GeV}^{-2}$.

Produktion von ψ'-Mesonen

Da das ψ'-Meson den ersten radial angeregten Zustand des J/ψ-Mesons darstellt, ist die Ausdehnung dieses Mesons größer als die des Grundzustandes. Nach dem nichtrelativistischen Quarkmodell ist der typische Radius des ψ'-Mesons etwa doppelt so groß wie der des J/ψ-Mesons. Es ist daher zu vermuten, daß der Beitrag von Prozessen, die nicht mit Hilfe der pQCD berechnet werden können, größer als im Falle des J/ψ-Grundzustandes ist.

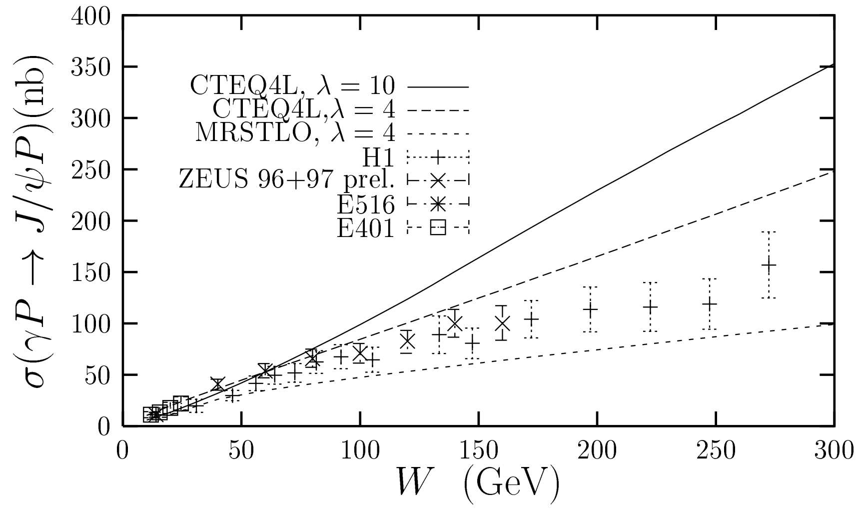


Abbildung 1.6: *Vergleich der theoretischen Vorhersagen von Frankfurt et al. für die Photoproduktion von J/ψ-Mesonen für zwei verschiedene Werte für λ.*

Darauf deuten Rechnungen von Hoyer und Peigné [50] hin, die im Vergleich zu einer Messung von H1 [58] einen um einen Faktor 2-5 kleineren Wert für das Verhältnis der Wirkungsquerschnitte von ψ'- zu J/ψ-Mesonen $R(\psi'/\psi)$ in Photoproduktion berechnen. Für den Dipolwirkungsquerschnitt wurde eine Näherung verwendet, in der der transversale Impuls der ausgetauschten Gluonen und die Ausdehnung des $c\bar{c}$-Paares klein sind.
Suzuki et al. [41] führen ähnliche Rechnungen durch, kommen jedoch zu dem Schluß, daß die Gültigkeit dieser Näherungen fraglich ist. Daher wird eine vollständige Rechnung durchgeführt, die zwar ohne diese Näherungen auskommt, jedoch die unintegrierte Gluondichte benötigt, die nicht genau bekannt ist. Für ihre Rechnungen wird die CTEQ4LQ-Parametrisierung verwendet. In Abbildung 1.7 links ist der Vergleich der Rechnungen mit und ohne Näherung als Funktion von Q^2 gezeigt. Beide Vorhersagen liegen bei kleinem Q^2 unter den Messungen. Auf der rechten Seite von Abbildung 1.7 ist zusätzlich zum Vergleich die Vorhersage der GRV98LO-Parametrisierung dargestellt. Um weiterhin den Einfluß der effektiven Skala $\bar{Q}^2$ zu bestimmen, die in verschiedenen Modellen unterschiedlich angenommen wird, sind die Vorhersagen für $\bar{Q}^2 \to \infty$ ebenfalls eingetragen.
Ein weiterer Effekt bei der diffraktiven Produktion von ψ'-Mesonen ist die Auswirkung des Knotens in der Wellenfunktion des Vektormesons, da die Wellenfunktion an einer Stelle r_K ihr Vorzeichen wechselt. Dieser Effekt wurde ausführlich von Nemchik et al. untersucht. Die Position des Knotens entspricht in etwa der Ausdehnung des J/ψ-Grundzustandes $r_K \approx r_{J/\psi}$ [39]. Beiträge von Dipolkonfigurationen mit kleinem $r < r_K$ und großem Radius $r > r_K$ können sich aufheben. In diesem Modell ist die Dipolgröße gegeben durch [51, 52]:

$$b \propto \frac{1}{\sqrt{M_V^2 + Q^2}} \tag{1.46}$$

Die Größe des Dipols b und damit die Auswirkung des Knotens variieren daher mit Q^2 und M_V^2. Bei hohem Q^2 oder hohen Massen M_V^2 ist die Dipolgröße klein, $b \ll r_K$, und es finden keine Auslöschungen durch Beiträge oberhalb des Knotens statt. Durch die Messung in Photoproduktion sind die Auswirkungen der negativen Beiträge oberhalb des Knotens sichtbar, die noch deutlicher bei kleinen Massen M_V werden. Durch Messungen bei unterschiedlichen Q^2 können somit Informationen über die Wellenfunktion des Mesons gewonnen werden.

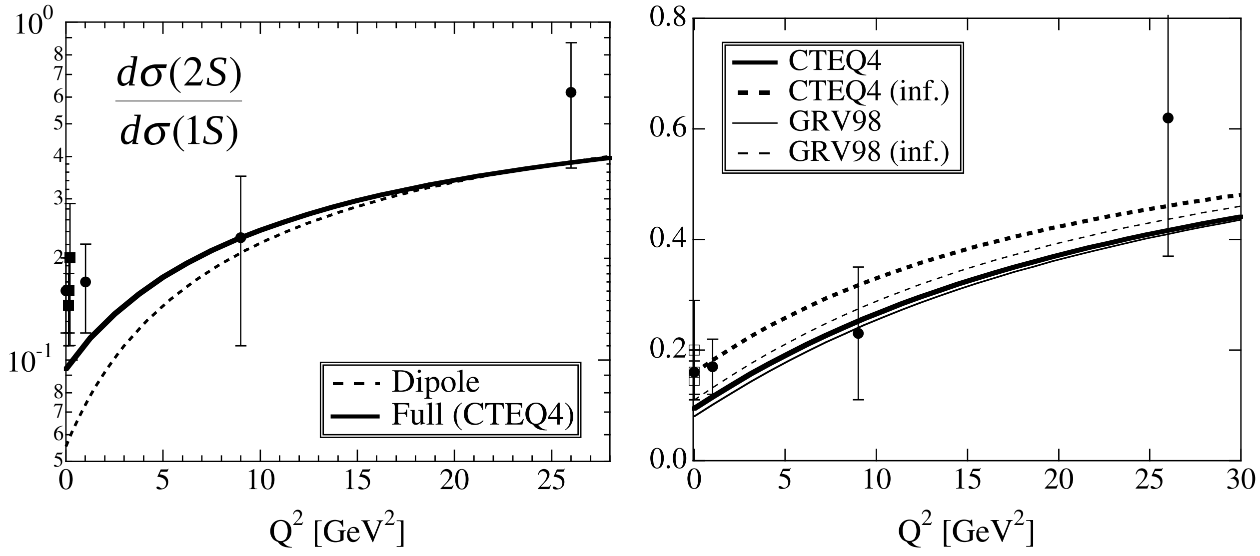


Abbildung 1.7: Links: *Vergleich der Farbdipol-Rechnungen von Suzuki et al. mit und ohne Näherung als Funktion von Q^2.* **Rechts:** *Vergleich der Farbdipol-Rechnung ohne Näherung mit CTEQ4LQ- bzw. GRV98LO-Parametrisierung. Um den Einfluß der effektiven Skala $\bar{Q}^2$ zu bestimmen, sind die Rechnungen für $\bar{Q}^2 \to \infty$ ebenfalls dargestellt. Diese Abbildung ist [41] entnommen. Die Datenpunkte sind Ergebnisse von H1 [58, 59] und Messungen von fixed target Experimenten.*

In [39] werden erstmals Vorhersagen über die t- und die $W_{\gamma p}$-Abhängigkeit des Verhältnisses der Wirkungsquerschnitte für die Photoproduktion von ψ'- zu J/ψ-Mesonen gemacht. In diffraktiven Wechselwirkungen kann der elastische Steigungsparameter b_{el} als die Ausdehnung der beiden an der Streuung beteiligten Teilchen angesehen werden. Daher ist in der Photoproduktion eine strenge Ordnung in der Größe der Steigungsparameter für verschiedene Vektormesonen vorhanden:

$$b_{el}(\rho) > b_{el}(\phi) > b_{el}(J/\psi) > b_{el}(\Upsilon) \ .$$

Da der Radius des ψ'-Mesons $r_{\psi'}$ etwa doppelt so groß ist wie $r_{J/\psi}$, sollte $b_{el}(\psi') > b_{el}(J/\psi)$ sein. In [39] wird jedoch die Vorhersage gemacht, daß $b_{el}(\psi') \lesssim b_{el}(J/\psi)$ gilt, was nicht der anschaulichen Deutung des Steigungsparameters b_{el} entspricht. In Abbildung 1.8 ist auf der linken Seite das Verhältnis des Wirkungsquerschnittes von ψ'- zu J/ψ-Mesonen $R(\psi'/\psi)$ für $Q^2 = 0\,\mathrm{GeV}^2$ als Funktion von t dargestellt. Für die bei HERA typische Schwerpunktenergie $W_{\gamma p}$ ist $R(\psi'/\psi)$ praktisch konstant, während für niedrige $W_{\gamma p}$ das Verhältnis zu großen t ansteigt ($b_{el}(\psi') < b_{el}(J/\psi)$).
Die rechte Seite der Abbildung 1.8 zeigt $R(\psi'/\psi)$ als Funktion von $W_{\gamma p}$. Es wird ein leichter Anstieg von R vorhergesagt. Im kinematischen Bereich von HERA steigt R von etwa 12% auf 20% an.

1.7 Übersicht über die folgenden Messungen

In dieser Arbeit wird die Photoproduktion von J/ψ- und ψ'-Mesonen untersucht. Dabei ist die Produktion des angeregten Zustandes vor allem in Photoproduktion interessant, da eventuell große, nicht mit Hilfe der pQCD berechenbare Beiträge in den theoretischen Rechnungen berücksichtigt werden müssen.

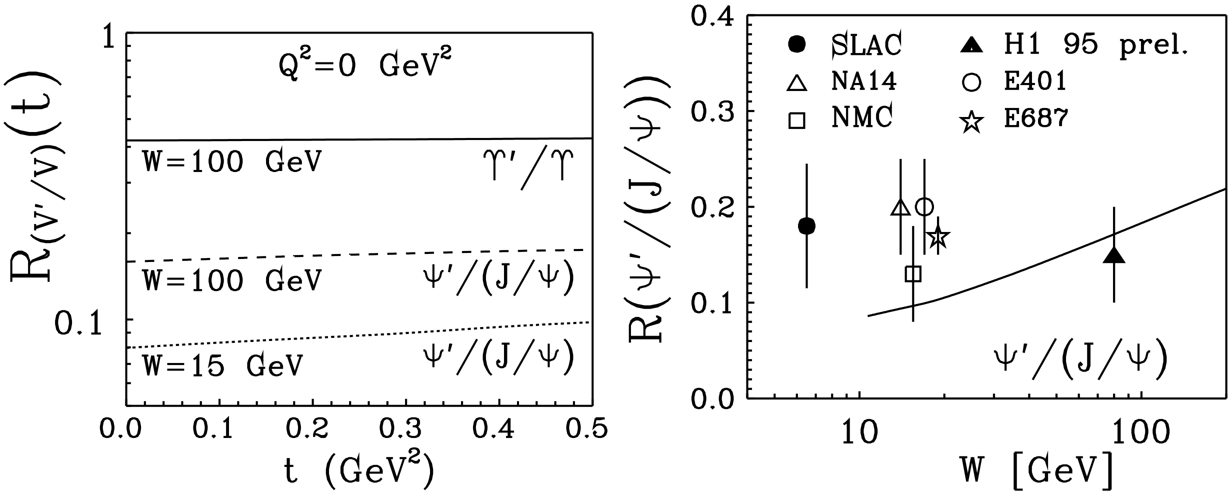


Abbildung 1.8: Links: *Verhältnis des Wirkungsquerschnittes von ψ'- zu J/ψ-Mesonen $R(\psi'/\psi)$ für $Q^2 = 0\,GeV^2$ als Funktion von t für zwei verschiedene Schwerpunktenergien. Weiterhin ist noch die Vorhersage für $R(\Upsilon'/\Upsilon)$ dargestellt.* **Rechts:** *$R(\psi'/\psi)$ als Funktion von $W_{\gamma p}$ verglichen mit Messungen u.a. von H1 [58]. Die Abbildung ist [39] entnommen.*

In dieser Arbeit wird erstmals angestrebt, über das Verhältnis der Wirkungsquerschnitte von ψ'- und J/ψ-Mesonen hinausgehend eine Aussage über die Energie- und t-Abhängigkeit der ψ'-Produktion zu machen. Um möglichst viele Ereignisse zu erhalten, werden der direkte leptonische Zerfall und der Kaskadenzerfall in ein J/ψ-Meson und zwei geladene Pionen analysiert. Zur Bestimmung der Energieabhängigkeit der ψ'-Produktion wird das Verhältnis $\sigma_{\psi'}/\sigma_{J/\psi}$ als Funktion der Schwerpunktenergie $W_{\gamma p}$ bestimmt, was den Vorteil hat, daß sich einige systematische Unsicherheiten aufheben.
Daher erfolgt zuerst die Untersuchung der Photoproduktion von J/ψ-Mesonen. Es werden der elektronische und der myonische Zerfallskanal und die Daten der Jahre 1996, 1997 und 1999 verwendet. Die Analyse von J/ψ-Mesonen bietet den Vorteil, daß genügend Ereignisse vorhanden sind, um systematische Untersuchungen z.B. zur Triggereffizienz oder zur Leptonerkennung durchzuführen. Zusätzlich kann untersucht werden, ob Unterschiede zwischen dem elektronischen und myonischen Kanal auftreten.
Folgende Messungen werden für die J/ψ-Mesonen durchgeführt:

- Es wird die elastische Produktion von J/ψ-Mesonen untersucht. Dabei wird eine Erhöhung der Zahl der analysierten Ereignisse im Vergleich zu den publizierten Daten der Jahre 1996 und 1997 [15] für den myonischen Zerfallskanal erzielt. Außerdem wird der elektronische Zerfallskanal einbezogen, wodurch sich die Zahl der Ereignisse etwa verdoppelt. Die Ergebnisse werden mit theoretischen Vorhersagen verglichen.

- Weiterhin wird die Produktion von J/ψ-Mesonen mit Protondissoziation untersucht. Die Energieabhängigkeit in Photoproduktion wurde zuletzt mit deutlich geringerer statistischer Signifikanz für Daten der Jahre 1994 und 1995 bestimmt. Die Messungen werden mit den Vorhersagen der Regge-Theorie verglichen.

Die Bestimmung der Energieabhängigkeit der J/ψ-Produktion mit Protondissoziation hat zusätzlich technische Vorteile:

- Durch die Selektion bedingt stellt die protondissoziative Produktion von J/ψ-Mesonen einen Untergrundanteil für die elastische Produktion von etwa $15-20\%$ dar. Die Kenntnis dieses Wirkungsquerschnittes erlaubt eine bessere Untergrundbestimmung für die elastische Analyse.
- Um die Energieabhängigkeit der Produktion von ψ'-Mesonen mit möglichst viel Ereignissen messen zu können, werden quasielastische Ereignisse untersucht, d. h. es wird nicht zwischen elastischen Ereignissen und Ereignissen mit Protondissoziation unterschieden. Dieses Vorgehen macht jedoch nur dann Sinn, wenn elastische und protondissoziative Ereignisse eine ähnliche Energieabhängigkeit aufweisen.

Die systematischen Untersuchungen zur Leptonerkennung, zur Triggereffizienz und zur Trennung von elastisch produzierten Ereignissen und Ereignissen mit Protondissoziation werden in den Kapiteln 4 bis 6 vorgestellt. In Kapitel 7 wird die Photoproduktion von J/ψ-Mesonen und darauf aufbauend in Kapitel 8 die Produktion von ψ'-Mesonen untersucht.

Kapitel 2

HERA und der H1-Detektor

Dieses Kapitel gibt einen Überblick über den Speicherring HERA[1] und das H1-Experiment, mit dem die für diese Arbeit verwendeten Daten der Jahre 1996 - 1999 gewonnen wurden.

2.1 Der Speicherring HERA

Im Speicherring HERA (Abbildung 2.1) werden seit dem Jahr 1992 Elektronen bzw. Positronen und Protonen in zwei separaten Strahlrohren beschleunigt und zur Kollision gebracht. Die Leptonart wurde seit einem Wechsel im Jahr 1994 von Elektronen zu Positronen erneut im Jahr 1998 und in der zweiten Hälfte des Jahres 1999 geändert. Im Jahr 1998 wurde die Protonenergie von 820 GeV auf 920 GeV erhöht. Die Energie des Leptonstrahls blieb konstant bei etwa 27.5 GeV. Tabelle 2.1 gibt einen Überblick über die in dieser Arbeit verwendeten Datennahmeperioden und die an das H1-Experiment gelieferte Luminosität.

Jahr	Leptonart	Protonenergie	gelieferte Luminosität
1996	Positronen	820 GeV	$13299\,\mathrm{nb}^{-1}$
1997	Positronen	820 GeV	$32400\,\mathrm{nb}^{-1}$
1999a	Elektronen	920 GeV	$16791\,\mathrm{nb}^{-1}$
1999b	Positronen	920 GeV	$25655\,\mathrm{nb}^{-1}$

Tabelle 2.1: *Überblick über die in dieser Arbeit analysierten Datennahmeperioden.*

Nachdem die Teilchen mit Hilfe eines Systems von Vorbeschleunigern (Abbildung 2.1 links) auf Energien von 12 GeV (e) bzw. 40 GeV (p) beschleunigt worden sind, werden sie in den HERA-Ring injiziert und dort weiter beschleunigt (Abbildung 2.1 rechts), bis sie ihre Endenergien erreicht haben. Die Teilchenpakete werden mit einem zeitlichen Abstand von 96 ns zur Kollision gebracht, so daß sich eine maximale Ereignisrate von 10.4 MHz ergibt. Die Zeit zwischen zwei Kollisionen wird bei HERA als Zeiteinheit verwendet und im folgenden als HERA-Takt bezeichnet.

[1] **H**adron-**E**lektron-**R**ing-**A**nlage

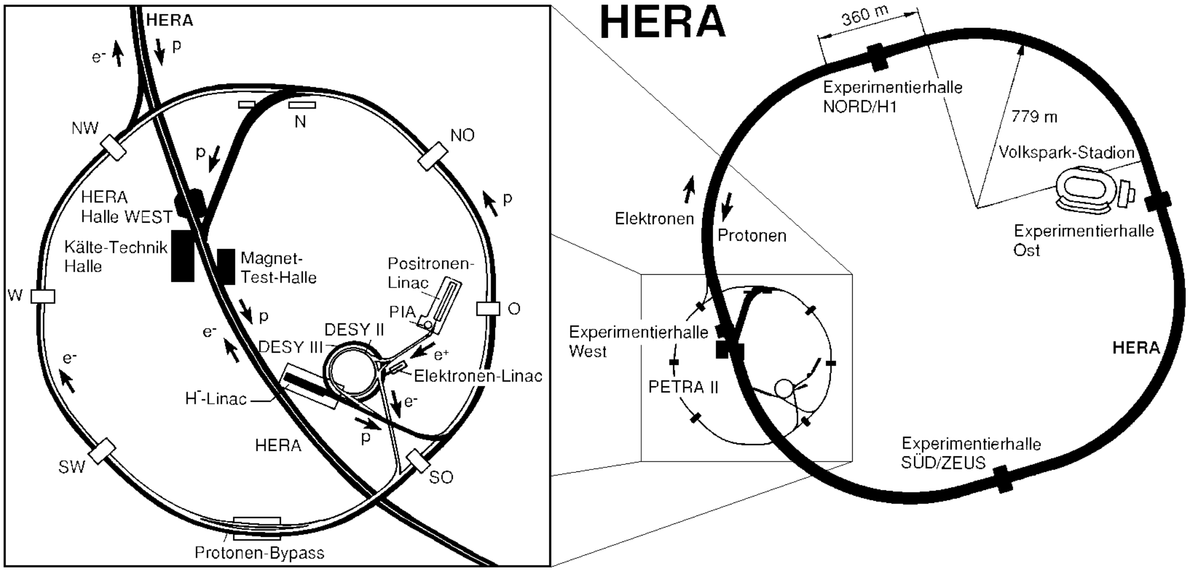
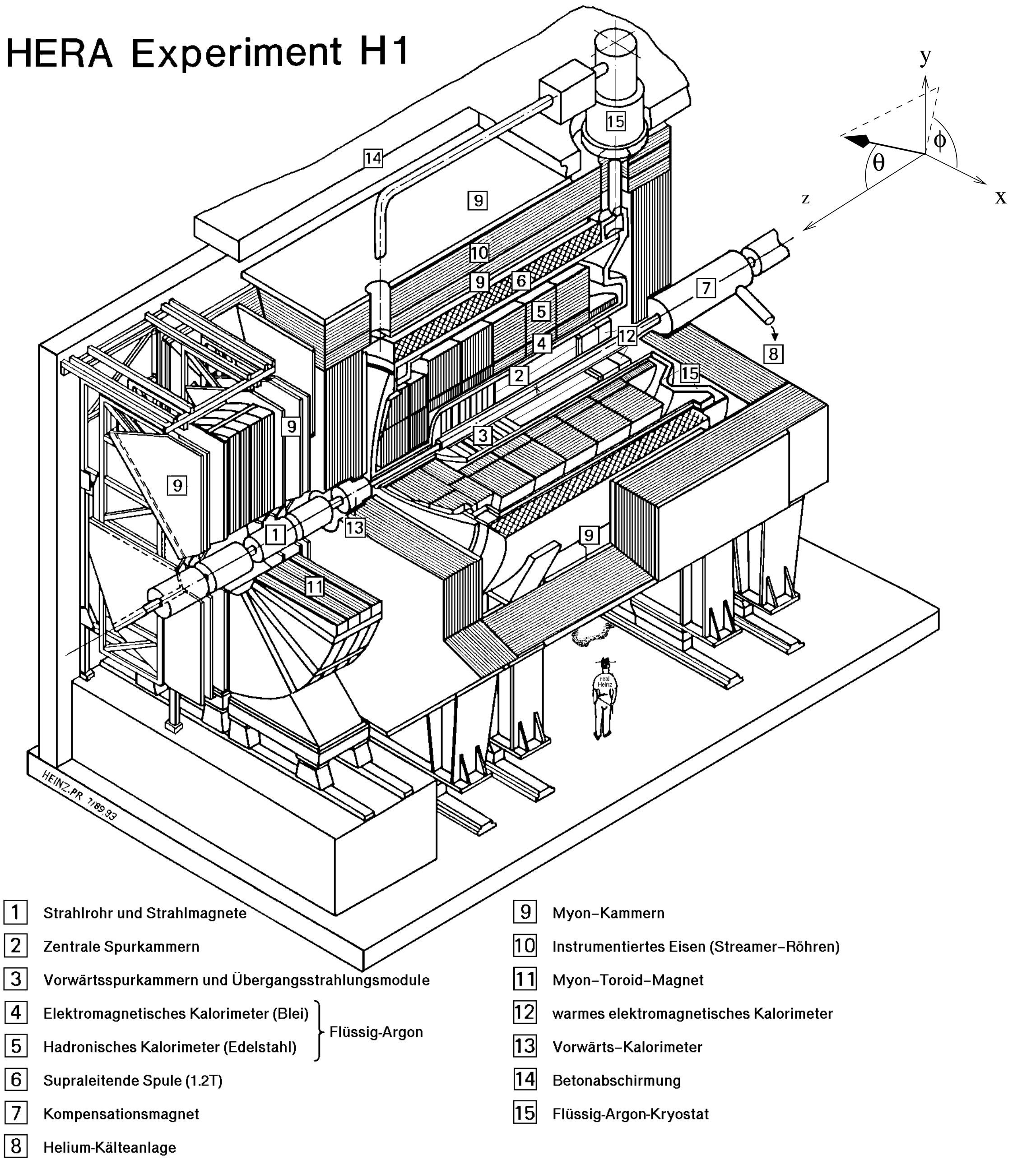


Abbildung 2.1: *Darstellung des Speicherringes HERA (rechts) und seiner Vorbeschleuniger (links).*

An vier Wechselwirkungspunkten sind die folgenden Experimente positioniert:
Im Bereich der Detektoren **H1** (Experimentierhalle Nord) und **ZEUS** (Experimentierhalle Süd) werden Elektron- und Protonstrahl zur Kollision gebracht, so daß ep-Streuungen untersucht werden können. Die beiden anderen Experimente **HERMES** (Experimentierhalle Ost) und **HERA-B** (Experimentierhalle West) verwenden jeweils nur einen Teilchenstrahl. HERMES mißt mit Hilfe longitudinal polarisierter Elektronen die Spinstruktur von Neutronen, Protonen und schweren Kernen an polarisierten Gasatomen. HERA-B untersucht die Erzeugung von B-Mesonen durch Kollision des Protonstrahls mit Metalldrähten, um die CP-Verletzung beim Zerfall dieser Mesonen zu untersuchen.

2.2 Der H1-Detektor

Der H1-Detektor [60] ist in der Experimentierhalle Nord aufgebaut und besteht aus zahlreichen Komponenten, die nahezu den gesamten Raumwinkelbereich um den nominellen Wechselwirkungspunkt abdecken (Abbildung 2.2).
Das rechtshändige Koordinatensystem von H1, dessen Ursprung im nominellen Wechselwirkungspunkt (Vertex) liegt, ist so gewählt, daß die positive z-Achse in Richtung des auslaufenden Protonstrahls und die x-Achse zum Mittelpunkt des Speicherrings zeigt. Der Azimutalwinkel ϕ wird zwischen der x- und y-Achse und der Polarwinkel θ wird relativ zur positiven z-Achse gemessen (Abbildung 2.2). Der Bereich kleiner Polarwinkel wird als *Vorwärts-* und der Bereich großer Polarwinkel als *Rückwärtsrichtung* bezeichnet.
Der H1-Detektor ist zylindersymmetrisch um das Strahlrohr angeordnet. Wegen der unterschiedlichen Strahlenergien fliegt ein Großteil der Reaktionsprodukte in Protonrichtung. Aus diesem Grund ist der Detektor in Vorwärtsrichtung aufwendiger instrumentiert als in Rückwärtsrichtung.
Im folgenden werden die für diese Arbeit wichtigen Komponenten des H1-Detektors aufgeführt. Die Bezeichnungen für die Abkürzungen der Spur-Detektoren sind in Abbildung 2.2 zusammengefaßt. Eine detaillierte Beschreibung des H1-Detektors befindet sich in [60].



CTD:	**C**entral **T**racking **D**etector	FTD:	**F**orward **T**racking **D**etector
CJC:	**C**entral **J**et **C**hamber	CMD:	**C**entral **M**uon **D**etector
CIZ:	**C**entral **I**nner **Z**-chamber	FMD:	**F**orward **M**uon **D**etector
COZ:	**C**entral **O**uter **Z**-chamber	FPS:	**F**orward **P**roton **S**pectrometer
CST:	**C**entral **S**ilicon **T**racker	PRT:	**P**roton **R**emnant **T**agger
CIP:	**C**entral **I**nner **P**roportional Chamber	BDC:	**B**ackward **D**rift **C**hamber
COP:	**C**entral **O**uter **P**roportional Chamber	BST:	**B**ackward **S**ilicon **T**racker

Abbildung 2.2: *Der H1-Detektor. Wird im Text auf diese Abbildung verwiesen, so ist die Nummer der jeweiligen Komponente durch ein Rechteck gekennzeichnet. Unter der Abbildung befinden sich die Bezeichnungen für die Abkürzungen der im Text beschriebenen Spur-Detektoren.*

2.2.1 Das Spurkammersystem

Die Abbildungen 2.2 ($\boxed{2}$ und $\boxed{3}$) und 2.3 zeigen das Spurkammersystem des H1-Detektors, das aus den vorderen (FTD) und zentralen Spurkammern (CTD), der rückwärtigen Driftkammer (BDC) und dem rückwärtigen Silizium-Spurdetektor (BST) besteht. Die Spurkammern befinden sich im Magnetfeld einer supraleitenden Spule $\boxed{6}$ mit einer Feldstärke von 1.2 T, so daß eine Impulsmessung von geladenen Teilchen ermöglicht wird.

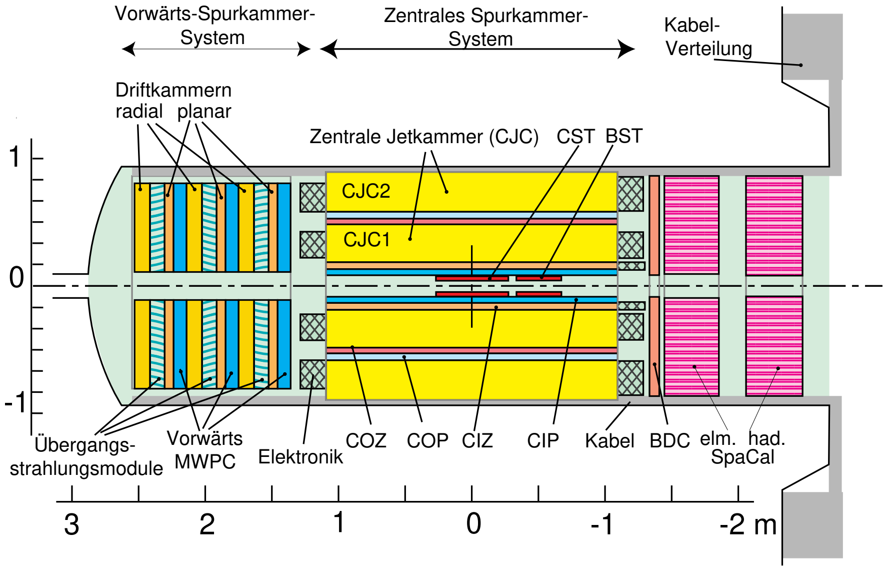


Abbildung 2.3: *Das Spurkammersystem des H1-Detektors.*

Das zentrale Spurkammersystem (CTD)

Das zentrale Spurkammersystem CTD deckt einen Polarwinkelbereich von $15° \lesssim \theta \lesssim 165°$ ab. Für die Rekonstruktion von geladenen Teilchen im Zentralbereich werden die Driftkammern CJC1 und CJC2, die dünnen Driftkammern CIZ und COZ und der zentrale Silizium-Vertex-Detektor (CST) verwendet.

Die beiden zylindrischen Driftkammern CJC1 und CJC2 bestehen aus insgesamt 2640 Signaldrähten, die in 30 bzw. 60 Zellen eingeteilt und parallel zur Strahlachse gespannt sind. Die Driftzellen sind um 30° in der $r\phi$-Ebene geneigt. Durch eine Driftzeitmessung wird eine räumliche Auflösung in der $r\phi$-Ebene von $\sigma_{r\phi} = 170\,\mu$m erreicht. Die z-Koordinate läßt sich durch Ladungsteilung mit einer Auflösung von $\sigma_z \approx 3\,$cm bestimmen.

Die genauere Bestimmung der z-Koordinate erfolgt durch die dünnen Driftkammern CIZ und COZ mit einer Auflösung von $\sigma_z = 300\,\mu$m. Die CIZ liegt vom Strahlrohr aus gesehen vor der CJC1 und besteht aus 15 Zellen, während die COZ zwischen CJC1 und CJC2 liegt und aus 24 Zellen besteht.

Die Spurmessung im Zentralbereich wird vom Silizium-Vertex-Detektor (CST) [61] ergänzt, der einen Polarwinkelbereich von etwa $30° \lesssim \theta \lesssim 150°$ abdeckt und aus zwei Lagen doppelseitiger Silizium-Streifendetektoren aufgebaut ist.

Die beiden Proportionalkammern CIP und COP bestehen aus jeweils zwei Kammerlagen, deren Signaldrähte parallel zur Strahlachse verlaufen. Die Signale der Kammern werden vom z-Vertex-Trigger weiterverarbeitet und zur Ereignisauswahl verwendet.

Das vordere Spurkammersystem (FTD)
Das vordere Spurkammersystem FTD deckt einen Polarwinkelbereich von $5° \lesssim \theta \lesssim 25°$ ab und besteht aus drei identischen Supermodulen. Diese sind jeweils aus einem planaren und einem radialen Modul, einer Vieldrahtproportionalkammer (MWPC) und einem Übergangsstrahlungsmodul aufgebaut. Die Signale der ersten MWPC dienen gemeinsam mit den Kammern CIP und COP dem z-Vertex-Trigger zur Ereignisauswahl. Das vordere Spurkammersystem erreicht eine Ortsauflösung in der $r\phi$-Ebene von $\sigma_{r\phi} = 170\,\mu$m.

2.2.2 Die Kalorimeter

Das Kalorimeter-System von H1 besteht aus dem Flüssig-Argon-Kalorimeter (LAr-Kalorimeter) $\boxed{4}$ $\boxed{5}$, dem rückwärtigen Spaghetti-Kalorimeter (SpaCal) ($\boxed{12}$ und Abbildung 2.3) und dem Vorwärts-Kalorimeter (PLUG) $\boxed{13}$. Letzteres wird in dieser Arbeit nicht benutzt.

Das LAr-Kalorimeter
Das Spurkammersystem ist umgeben vom LAr-Kalorimeter (Abbildung 2.4), das in einen elektromagnetischen und einen hadronischen Teil unterteilt ist und einen Winkelbereich von $4° \lesssim \theta \lesssim 153°$ abdeckt. Das LAr-Kalorimeter ermöglicht u.a. die Messung des Energieflusses und wird in dieser Arbeit zur Identifizierung von Elektronen und Myonen verwendet.
Das LAr ist ein *Sampling*-Kalorimeter, d.h. es werden unterschiedliche Materialien für die Absorption und den Nachweis verwendet. Der elektromagnetische Teil des Kalorimeters dient zur Energiemessung von Elektronen und Photonen und besteht aus 2.4 mm starken Bleiplatten als Absorber und aus 2.35 mm breiten Spalten mit flüssigem Argon als Nachweismaterial. Die Dicke des elektromagnetischen Teils beträgt 20 bis 30 Strahlungslängen X_0. Die Energieauflösung liegt bei $\sigma_E/E = 0.12/\sqrt{E} \oplus 0.01$.
Der hadronische Teil dient zur Energiemessung von Hadronen und Jets und besteht aus 15.5 mm dicken Edelstahlplatten als Absorber mit 2.35 mm breiten Spalten mit flüssigem Argon als Nachweismaterial. Die Energieauflösung des hadronischen Teils liegt bei $\sigma_E/E = 0.50/\sqrt{E} \oplus 0.02$. Die Dicke des LAr-Kalorimeters variiert zwischen 5 (Zentralbereich) und 8 (Vorwärtsbereich) hadronischen Wechselwirkungslängen λ. Im Rückwärtsbereich nimmt die Dicke bis auf eine Wechselwirkungslänge ab.
Da das LAr-Kalorimeter nichtkompensierend ist, wird bei einem elektromagnetischen Schauer der überwiegende Teil der Teilchenenergie als Ionisationsenergie gemessen, während bei einem hadronischen Schauer etwa 30% der Energie durch Anregung und Spaltung von Kernen nicht zum gemessenen Signal beitragen. Dieses stellt ein mögliches Entscheidungsmerkmal bei der Trennung von Elektronen und Hadronen dar.

Das SpaCal
Das SpaCal [62] deckt einen Bereich von $153° \lesssim \theta \lesssim 178°$ ab und dient im wesentlichen zum Nachweis des gestreuten Elektrons in der tiefunelastischen Streuung bei Impulsüberträgen von $1\,\mathrm{GeV}^2 \lesssim Q^2 \lesssim 100\,\mathrm{GeV}^2$. Es ist in einen elektromagnetischen und hadronischen Teil unterteilt und ist etwa 28 Strahlungslängen bzw. 2 hadronische Wechselwirkungslängen dick. Die Energieauflösung beträgt für den elektromagnetischen Teil $\sigma_E/E \approx 0.075/\sqrt{E} \oplus 0.01$ und für den hadronischen Teil $\sigma_E/E \approx 0.30/\sqrt{E} \oplus 0.07$.
Das SpaCal dient in der vorliegenden Arbeit zusätzlich zum LAr-Kalorimeter zur Identifikation der Zerfallselektronen der J/ψ- und ψ'-Mesonen. Außerdem werden Ereignisse der tiefunelastischen Streuung mit $Q^2 \gtrsim 1\,\mathrm{GeV}^2$ durch ein Veto auf die deponierte Energie im SpaCal verworfen.