Untersuchung der Erzeugung schwerer Quarks durch ihren Zerfall in Myonen im H1-Detektor bei HERA

DISSERTATION

zur Erlangung des Doktorgrades
des Fachbereichs Physik
der Universität Hamburg

Vorgelegt von
Urs-Peter Krüger
aus Hamburg

Hamburg
1994

Gutachter der Dissertation:	Prof. Dr. G. Heinzelmann Prof. Dr. R. Felst
Gutachter der Disputation:	Prof. Dr. G. Heinzelmann Prof. Dr. E. Lohrmann
Datum der Disputation:	25. November 1994
Sprecher des Fachbereichs Physik und Vorsitzender des Promotionsausschusses:	Prof. Dr. E. Lohrmann

Abstract

In this thesis the production of heavy quarks has been investigated through their decay into at least one muon. These muons have been identified in the central muon detector of the H1-experiment. A minimal transverse momentum of $1.5\,GeV$ and a polar angle of the muon flight direction between $30°$ and $130°$ was required. An analysis of the data collected by H1 in 1993 with a delivered integrated luminosity of $387\,nb^{-1}$ resulted in 206 ± 36 events with prompt muons.

The visible cross section for the accepted events were determined to be $\sigma^{vis}(ep \rightarrow Q\overline{Q} \rightarrow \mu X) = (2.5 \pm 0.5 \pm 0.9)\,nb$. Unfolding the acceptance derived by Monte Carlo calculations delivers the total cross section for e-p-collisions of $\sigma^{tot}(ep \rightarrow Q\overline{Q}) = (1.21 \pm 0.22 \pm 0.50)\,\mu b$. This agrees well with theoretical predictions within the error range. The process expected to be dominant for the production of heavy quarks is the boson gluon fusion.

Kurzfassung

In der vorliegenden Arbeit ist die Produktion schwerer Quarks mit Hilfe ihres Zerfalls in mindestens ein Myon untersucht worden. Diese Myonen wurden mit dem zentralen Myondetektor von H1 identifiziert. Es wurde verlangt, daß das Myon einen Transversalimpuls von mindestens $1.5\,GeV$ besitzt und einen Polarwinkel zwischen $30°$ und $130°$. Eine Analyse der von H1 im Jahre 1993 genommenen Daten bei einer integrierten Luminosität von $387\,nb^{-1}$ ergab 206 ± 36 Ereignisse mit prompten Myonen.

Der sichtbare Wirkungsquerschnitt für die Ereignisse, die von den Schnitten akzeptiert worden sind, ergibt sich zu $\sigma^{vis}(ep \rightarrow Q\overline{Q} \rightarrow \mu X) = (2.5 \pm 0.5 \pm 0.9)\,nb$. Nach Entfaltung der mit Hilfe von Monte-Carlo-Berechnungen bestimmten Akzeptanz ergibt sich für den totalen Wirkungsquerschnitt bei e-p-Stößen $\sigma^{tot}(ep \rightarrow Q\overline{Q}) = (1.21 \pm 0.22 \pm 0.50)\,\mu b$. Dieser Wert stimmt innerhalb des Fehlers mit den theoretischen Vorhersagen überein. Der den Vorhersagen zugrundeliegende Prozeß für die Produktion schwerer Quarks ist die Boson-Gluon-Fusion.

Inhaltsverzeichnis

Einleitung

Das umfassendste Modell der Struktur der Materie ist das *Standardmodell der Elementarteilchenphysik*. Es beschreibt die Zusammensetzung der Materie aus zwölf Fermionen, die sich in sechs Quarks und sechs Leptonen unterteilen und über den Austausch von Eichbosonen miteinander wechselwirken. Die im Standardmodell enthaltene elektroschwache Theorie beinhaltet drei massive (W^+, W^- und Z^0) und ein masseloses (γ) Eichboson, welche mit den Fermionen wechselwirken können. Die starke Wechselwirkung wird im Rahmen der Quantenchromodynamik (QCD) durch den Austausch von Gluonen zwischen den Quarks beschrieben.

Am Deutschen Elektronen-Synchroton DESY in Hamburg wurde der weltweit erste Elektron-Proton-Speicherring entwickelt, in dem die Elektronen auf eine Energie von bis zu $30\,GeV$ und die Protonen auf $820\,GeV$ beschleunigt werden. Im Jahre 1992 wurden von den beiden Großexperimenten H1 und ZEUS die ersten e-p-Reaktionen beobachtet. Die Elektronen dienen als Sonde, um die Struktur des Protons aufzulösen. Diese Untersuchungen wurden bisher von Fixed-Target-Experimenten durchgeführt, bei denen Elektronen, Myonen oder Neutrinos auf ruhende Nukleonen gelenkt wurden. Da die Schwerpunktsenergie bei HERA aufgrund der Speicherringanordnung um mehrere Größenordnungen höher liegt, kann das Verständnis des Standardmodells vertieft werden.

Die vorliegende Arbeit beschäftigt sich mit der Untersuchung von Prozessen der Erzeugung schwerer Quarks. Dabei ist die Enstehung eines einzelnen schweren Quarks zusammen mit einem leichten Quark gegenüber der Erzeugung eines schweren Quark-Antiquark-Paares unterdrückt. Dieses kann einerseits in einem gebundenen Zustand (J/ψ-Meson, Υ-Meson) auftreten, andererseits ist die Entstehung von B- oder D-Mesonen durch die Verbindung eines der beiden schweren Quarks mit einem leichten Quark aus dem Proton möglich. Der dominierende Prozeß ist hierbei die Boson-Gluon-Fusion mit einem quasireellen Photon (Photoproduktion). Ereignisse, bei denen das schwere Quark-Antiquark-Paar nicht gebunden ist, werden im Rahmen der vorliegenden Arbeit mit Hilfe des Zerfalls mindestens eines schweren Quarks in ein Myon untersucht. Dazu ist es notwendig, das Myon mit Hilfe des zentralen Myonsystems des H1-Detektors zu identifizieren und die Untergrundbeiträge, bestehend aus dem myonischen Zerfall von Hadronen aus leichten Quarks und J/ψ-

Mesonen abzutrennen.

In Kapitel 1 werden die theoretischen Grundlagen der Erzeugung schwerer Quarks bei HERA beschrieben. Außerdem wird auf die Beschreibung des vom Elektron ausgestrahlten Photons und den Zerfall der Quarks in Myonen näher eingegangen.

Kapitel 2 behandelt die Monte-Carlo-Studien über die Erzeugung schwerer Quarks und den Einfluß der Strukturfunktionen. Ferner werden die notwendigen Akzeptanzschnitte vorgestellt.

Nach einer Beschreibung des Speicherringes HERA und des H1-Experimentes in Kapitel 3 wird in Kapitel 4 die Rekonstruktion von Myonen im zentralen Myondetektor beschrieben, die die Grundlage der in dieser Arbeit vorgenommenen Untersuchungen bildet.

In Kapitel 5 werden die Selektionskriterien diskutiert, die auf die im Jahre 1993 genommenen Daten angewendet wurden, um Ereignisse mit prompten Myonen zu erhalten. Dies sind Ereignisse, bei denen der Zerfall in ein Myon innerhalb weniger mm vom Primärvertex entfernt erfolgt.

Die Beiträge anderer physikalischer Prozesse, bei denen Myonen nicht aus dem Zerfall schwerer Quarks stammen, jedoch durch die Selektionskriterien akzeptiert werden, werden in Kapitel 6 untersucht.

Die Arbeit schließt mit der Diskussion der Ergebnisse, die aus den Ereignissen mit prompten Myonen gewonnen werden (Kapitel 7). Hierzu zählen vor allem die totalen Wirkungsquerschnitte der e-p- und γ-p-Produktion schwerer Quarks, die mit den Ergebnissen anderer Experimente und theoretischen Vorhersagen verglichen werden.

Kapitel 1

Die Produktion schwerer Quarks bei HERA

In diesem Kapitel werden die physikalischen Prozesse diskutiert, die zu der Produktion schwerer Quarks beitragen. Dazu wird zunächst näher auf die Kinematik der Elektron-Proton-Streuung bei HERA eingegangen, die in die tiefinelastische Streuung und die Photoproduktion unterteilt werden kann. Anschließend wird kurz die Weizsäcker-Williams-Näherung für die Beschreibung des vom Elektron abgestrahlten Photons erläutert.

Die Produktion schwerer Quarks wird im Rahmen der Quantenchromodynamik (QCD) durch den Prozeß der Photon-Gluon-Fusion beschrieben. Dieses Modell wird in der Ordnung α_s diskutiert, und Beiträge höherer Ordnung in α_s werden kurz behandelt. Anschließend werden der Mechanismus und das Verzweigungsverhältnis für den Zerfall schwerer Quarks in Myonen vorgestellt und experimentelle Resultate für den semileptonischen Zerfall schwerer Quarks zusammengefaßt.

1.1 Die Kinematik der e-p-Streuung

In diesem Abschnitt wird die Kinematik der bei HERA auftretenden Prozesse beschrieben und die Definition der zugehörigen Variablen angegeben. Man unterscheidet zwischen tiefinelastischer Streuung und Photoproduktion. Bei der tiefinelastischen Streuung, im folgenden auch mit DIS abgekürzt, besitzt das vom Elektron abgestrahlte Eichboson einen so hohen Viererimpulsübertrag, daß die Struktur des Protons aufgelöst werden kann. Liegt das Quadrat des Viererimpulsübertrages nahe bei Null, spricht man von Photoproduktion.

Die Kinematik der e-p-Prozesse kann durch zwei beobachtbare Größen bestimmt werden, sofern der Impuls der einlaufenden Teilchen bekannt ist. Dies sind zum Beispiel die Energie E_l und der Polarwinkel θ des gestreuten Elektrons, welches aufgrund des hohen Impulsübertrages in einem der elektromagnetischen Kalorimeter des H1-Detektors nachgewiesen werden kann (siehe Kapitel 3). Es ist zu beachten, daß es sich bei dem Winkel θ um den Polarwinkel zwischen dem Richtungsvektor des gestreuten Elektrons und dem des einlaufenden Protons handelt.

Zur Beschreibung des differentiellen Wirkungsquerschnitts werden die folgenden lorentzinvarianten Größen benutzt:

$$Q^2 \equiv -q^2 = -(p_e - p_l)^2 \simeq 4\,E_e\,E_l\,\cos^2\left(\frac{\theta}{2}\right), \tag{1.1}$$

$$s = (p_p + p_e)^2 \simeq 4\,E_e\,E_p\,, \tag{1.2}$$

$$W_{\gamma p}^2 = (q + p_p)^2 = m_p^2 + 2\,m_p\,\nu - Q^2 \quad ; \qquad \nu = \frac{q \cdot p_p}{m_p}. \tag{1.3}$$

Hierbei steht s für das Quadrat der Schwerpunktsenergie des e-p-Systems und $W_{\gamma p}$ entspricht der invarianten Masse des hadronischen Endzustandes. Alle anderen Größen ergeben sich aus Abbildung 1.1. Q^2 wird auch als die Virtualität des Photons bezeichnet. Die angegebenen Näherungen gelten unter Vernachlässigung der Elektron- und Protonmasse.

Man benutzt häufig zwei aus den oben genannten Größen abgeleitete dimensionslose Variablen, die Bjorkensche Skalenvariable x und die Inelastizität y:

$$x = \frac{Q^2}{2\,(q \cdot p_p)} = \frac{Q^2}{2\,m_p\,\nu}, \qquad y = \frac{(q \cdot p_p)}{(p_e \cdot p_p)} = \frac{\nu}{\nu_{max}}. \tag{1.4}$$

1.1.1 Tiefinelastische Streuung

Bei der tiefinelastischen Streuung wechselwirkt das einlaufende Elektron unter Austausch eines neutralen (γ, Z^0) oder geladenen (W^-) Eichbosons mit einem Parton aus dem Proton. Der Endzustand besteht aus einem Lepton (e^-, ν_e) und einem hadronischen System. Man unterscheidet zwischen NC-Ereignissen (NC für *Neutral Current* = neutraler Strom) und CC-Ereignissen (CC für *Charged Current* = geladener Strom). Die Feynman-Graphen sind in Abbildung 1.1 dargestellt.

Im Partonmodell wird das Proton als System quasifreier Partonen behandelt, mit einem dieser Konstituenten wechselwirkt das Elektron. Wird die Masse der leichten

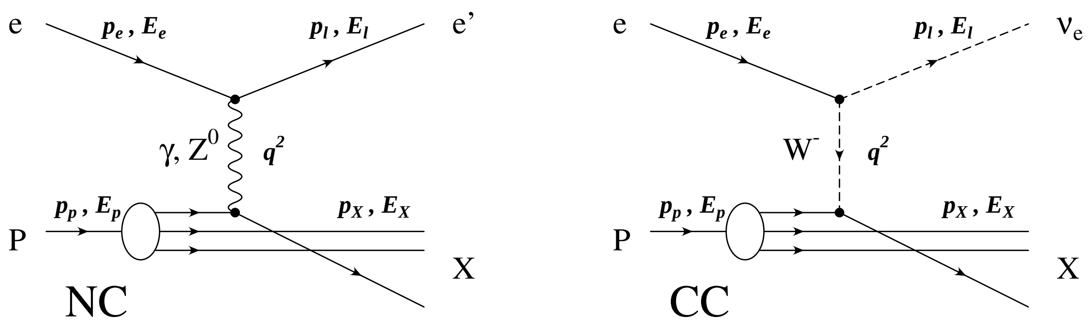

Abbildung 1.1: *Feynman-Graphen für DIS-Prozesse.*

Quarks vernachlässigt, so steht die Bjorkensche Skalenvariable x unter Vernachlässigung der Masse des wechselwirkenden Partons näherungsweise für dessen Impulsanteil am Gesamtimpuls des Protons bzw. aller darin enthaltenen Partonen. Die Größe y gibt die Inelastizität des Elektron-Proton-Systems an.

Der differentielle Wirkungsquerschnitt für den neutralen Strom kann nun, in Abhängigkeit von den oben eingeführten Größen, folgendermaßen angegeben werden [ING87]:

$$\frac{d^2\,\sigma^{e^{\mp}p}}{dx\,dQ^2} = \frac{4\,\pi\,\alpha_{em}^2}{x\,Q^4}\left(x\,y^2\mathcal{F}_1 + (1-y)\,\mathcal{F}_2 \pm y\,(1-\frac{y}{2})\,x\,\mathcal{F}_3\right). \tag{1.5}$$

Im Quark-Partonmodell werden $\mathcal{F}_1$ und $\mathcal{F}_2$ als Summe der Quark- und Antiquarkdichten im Proton angesehen. $\mathcal{F}_3$ beschreibt die Differenz zwischen Quark- und Antiquarkdichten im Proton und ist bei kleinen Werten von Q^2 vernachlässigbar, da der Term nur beim Z^0-Austausch auftritt.

1.1.2 Photoproduktion

Liegt der Wert für das Quadrat des Impulsübertrages des vom Elektron abgestrahlten Photons nahe bei Null, spricht man von *Photoproduktion*. In diesem Fall ist es üblich, den Prozeß der Elektron-Proton-Streuung auf den Subprozeß der Photon-Proton-Reaktion zu reduzieren und die Ankopplung des Photons an das Elektron näherungsweise durch einen Fluß von Photonen, der von hochenergetischen Elektronen ausgeht, zu beschreiben. Diese Approximation ist in Abschnitt 1.1.3 näher beschrieben. Der Wirkungsquerschnitt für die e-p-Wechselwirkung ist dann gleich dem Wirkungsquerschnitt für die γ-p-Wechselwirkung, multipliziert mit einem Flußfaktor für das Photon.

Der totale Wirkungsquerschnitt für die Erzeugung von Hadronen in γ-p-Reaktionen ist in Abbildung 1.2 gezeigt. Er schließt die von H1 und ZEUS bei HERA gemessenen Werte ein. Der Energieverlauf von $\sigma_{tot}(\gamma p)$ ist ähnlich dem von hadronischen

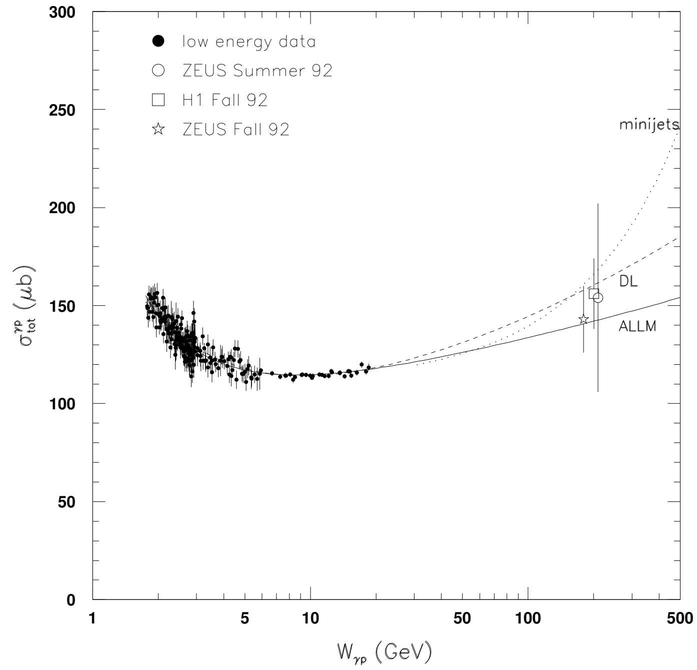

Abbildung 1.2: *Totaler Photoproduktions-Wirkungsquerschnitt als Funktion der Schwerpunktsenergie des γ-p-Systems $W_{\gamma p}$ (aus [ZEU94]).*

Reaktionen wie zum Beispiel bei Proton-Antiproton-Prozessen. Dieses Verhalten wird im Vektormesondominanz-Modell (VDM) [SAK60] beschrieben, in dem das Photon in ein virtuelles Vektormeson fluktuiert und in dieser Form mit dem Proton wechselwirkt.

Im Rahmen der QCD berechenbar sind zur Zeit nur Prozesse mit hohen Impulsüberträgen, da nur dann die Kopplungskonstante α_s für störungstheoretische Näherungen hinreichend klein ist.

1.1.3 Die Weizsäcker-Williams-Näherung

Für die Prozesse der Photoproduktion ist es nützlich, die e-p-Streuung in zwei unabhängige Bereiche zu unterteilen: Emission eines Photons vom einlaufenden Elektron und Wechselwirkung des Photons mit dem Proton. Diese Faktorisierung ist für kleine Q^2-Werte möglich. Um die Emission des Photons zu beschreiben, wird bei HERA die Weizsäcker-Williams-Näherung benutzt [WEI34], [WIL34]. Bei dieser Methode wird das elektromagnetische Feld eines sich schnell an einem Nukleon vorbeibewegenden Elektrons als Strom virtueller Photonen betrachtet. Somit läßt sich der Wirkungsquerschnitt der e-p-Streuung durch den γ-p-Wirkungsquerschnitt ausdrücken [CHE76]:

$$\frac{d^2\,\sigma^{ep}}{dy\,dQ^2} = \frac{d^2\,\mathcal{F}_\gamma}{dy\,dQ^2} \cdot \sigma_{tot}^{\gamma p}. \tag{1.6}$$

$\mathcal{F}_\gamma$ ist der äquivalente Photonenfluß. Dieser hat einen longitudinalen Anteil $\mathcal{F}_\gamma^L$ und einen transversalen Anteil $\mathcal{F}_\gamma^T$. Dies ist dadurch begründet, daß virtuelle Photonen auch longitudinal polarisiert sein können, während reelle Photonen lediglich transversal polarisiert sind. Da bei der Photoproduktion die Werte für die Virtualität Q^2 nahe bei Null liegen, kann das Photon als quasireell angenommen werden, und es ist möglich, näherungsweise nur den transversalen Anteil des Photonenflusses zu betrachten:

$$\frac{d^2\,\mathcal{F}_\gamma}{dy\,dQ^2} \approx \frac{d^2\,\mathcal{F}_\gamma^T}{dy\,dQ^2} = \frac{\alpha}{2\pi y Q^2}\left(1 + (1-y)^2 - 2\,\frac{m_e^2\,y^2}{Q^2}\right) = f_{\gamma/e}(y, Q^2)\,. \tag{1.7}$$

Der Term $\sim m_e^2\,y^2\,/\,Q^2$ trägt bei HERA-Energien zu etwa 10 % bei [ROS93]. Gleichung 1.7 wird als Weizsäcker-Williams-Näherung bezeichnet.

1.2 Prozesse zur Erzeugung schwerer Quarks

In diesem Abschnitt werden die Prozesse behandelt, die im Rahmen der QCD pertubativ berechenbar sind. Hierzu zählen die Prozesse, bei denen das Photon direkt an ein schweres Quark koppelt (*pointlike coupling*), sowie diejenigen, bei denen ein Quark oder Gluon aus der hadronischen Komponente des Photons zusammen mit einem Quark oder Gluon aus dem Proton das schwere Quark-Antiquark-Paar bildet.

Der dominierende Prozeß mit direkt wechselwirkendem Photon ist die Photon-Gluon-Fusion. Sie wird näher in Abschnitt 1.2.1 beschrieben. Dieser Prozeß tritt sowohl bei der tiefinelastischen Streuung als auch bei der Photoproduktion auf.

Ebenso kann bei Prozessen in höherer Ordnung $\mathcal{O}(\alpha_s^2)$ ein Quark-Antiquark-Paar erzeugt werden. Diese Beiträge zur Erzeugung schwerer Quarks werden in Abschnitt 1.2.2 erläutert.

Die einzelnen Beiträge zur Produktion schwerer Quarks werden abschließend in Abschnitt 1.2.3 zusammengefaßt.

1.2.1 Prozesse der führenden Ordnung in α_s

Der dominierende Prozeß der pertubativen Erzeugung schwerer Quarks bei HERA, der in führender Ordnung in der Kopplungskonstanten der starken und der elektromagnetischen Wechselwirkung $\mathcal{O}(\alpha_s,\, \alpha_{em})$ berechnet werden kann, ist die Photon-Gluon-Fusion. Sie ist zugleich der Hauptbeitrag zur Produktion schwerer Quarks mit direktem Photon (*direct photon*). Der zu diesem Prozeß gehörende Feynman-Graph ist in Abbildung 1.3 dargestellt. Das Photon koppelt über ein Quark-Antiquark-

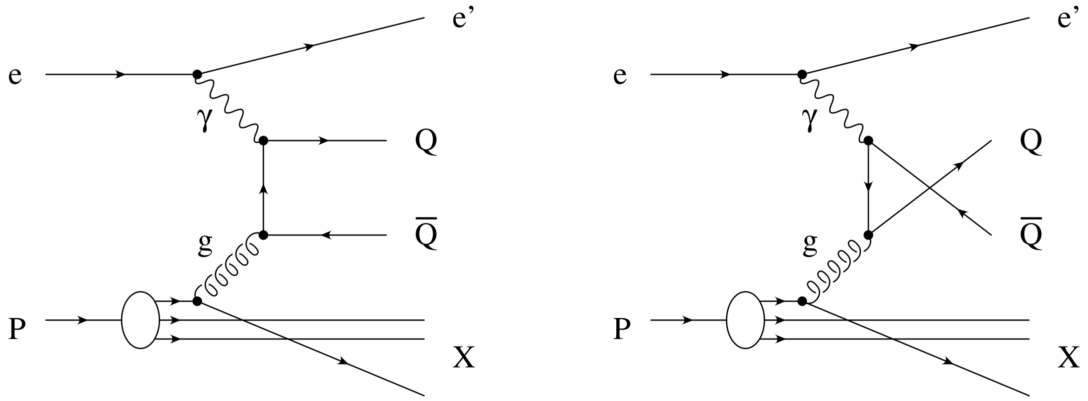

Abbildung 1.3: *Feynman-Graphen für die Erzeugung schwerer Quarks mit direktem Photon-Austausch in erster Ordnung in α_s (Photon-Gluon-Fusion).*

Paar an ein Gluon aus dem Proton. Schwere Quarkpaare können entstehen, sofern die invariante Masse vom Photon-Gluon-System genügend hoch ist. Das Photon besitzt eine Virtualität Q^2, die nahe bei Null liegt, der Anteil des tiefinelastischen Bereiches beträgt nur wenige Prozent.

Der Teil des Prozesses, der störungstheoretisch berechenbar ist, wird auch als *harter Subprozeß* bezeichnet. Bei der Photon-Gluon-Fusion nehmen daran das Photon, Gluon und das schwere Quark-Antiquark-Paar teil. Zusätzlich zu den bei der tiefinelastischen Streuung eingeführten Größen wird eine weitere Variable zur Beschreibung des Prozesses eingeführt, die invariante Masse des Quark-Antiquark-Paares $\hat{s}$. Sie ist folgendermaßen definiert:

$$\hat{s} = (p_Q + p_{\overline{Q}})^2, \qquad (1.8)$$

Hierbei sind p_Q, $p_{\overline{Q}}$ die Viererimpulse des Quarks und Antiquarks.

Der totale Wirkungsquerschnitt der Photon-Gluon-Fusion verringert sich mit zunehmender Quarkmasse stark. Dies wird durch Abbildung 1.6 im nächsten Abschnitt verdeutlicht.

1.2.2 Prozesse höherer Ordnung in α_s

Eine Ordnung höher in der starken Kopplungskonstanten ($\mathcal{O}(\alpha_s^2,\, \alpha_{em})$) als die Erzeugung durch Photon-Gluon-Fusion ist der Prozeß der QCD-Comptonstreuung. Der Feynman-Graph dieses Prozesses ist in Abbildung 1.4(a) dargestellt. Hierbei

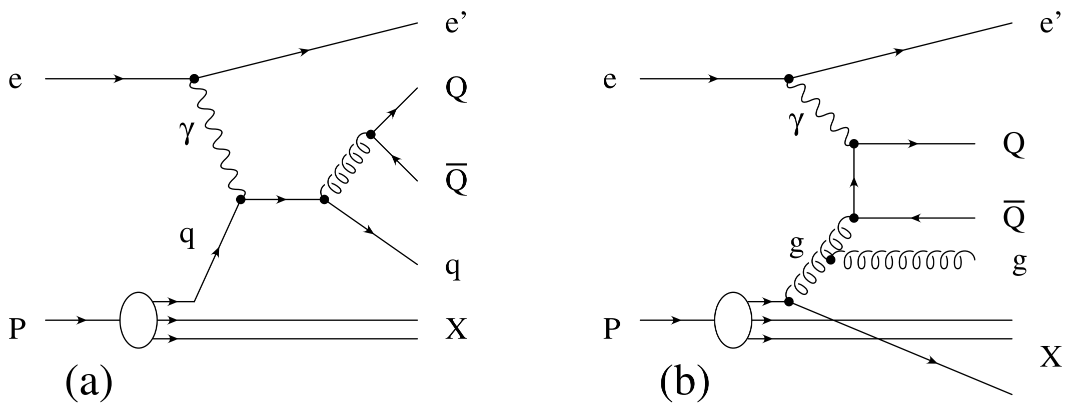

Abbildung 1.4: *Beiträge höherer Ordnung in α_s zur Produktion schwerer Quarks. Abbildung (a) zeigt die Erzeugung eines zusätzlichen leichten Quarks (QCD-Compton-Streuung), Abbildung (b) die Abstrahlung eines zusätzlichen Gluons.*

koppelt das Photon direkt an ein leichtes Quark oder Antiquark des Protons. Dieses Parton strahlt ein Gluon ab, welches das schwere Quark-Antiquark-Paar bilden kann. Der Wirkungsquerschnitt dieses Prozesses ist gegenüber dem um eine Ordnung niedrigeren Prozeß der Photon-Gluon-Fusion unterdrückt (vergleiche Abschnitt 2.4).

Ein weiteres Beispiel einer Reaktion der Ordnung $\mathcal{O}(\alpha_s^2,\, \alpha_{em})$ ist in Abbildung 1.4(b) gegeben. Hierbei handelt es sich um einen Prozeß mit direktem Photon, bei dem das Gluon aus dem Partoninhalt des Protons, welches an das Antiquark koppelt, ein weiteres Gluon abstrahlt. Während die Prozesse mit zusätzlich abgestrahltem Gluon mit etwa 30 % zu dem totalen Wirkungsquerschnitt für die Produktion schwerer Quarks mit direktem Photon beitragen, trägt der QCD-Compton-Prozeß nur zu etwa 5 % bei [NEE92].

Im Gegensatz zu dem Prozeß niedrigster Ordnung in α_s kann bei Prozessen höherer Ordnung die hadronische Komponente des Photons aufgelöst werden. Feynman-Graphen dieser Prozesse sind in Abbildung 1.5 dargestellt. Man unterscheidet die Fälle, in denen entweder ein Gluon aus dem Photon über ein Quark-Antiquark-Paar an ein Gluon aus dem Proton koppelt, (a), oder zwei leichte Quarks das schwere Quark-Antiquark-Paar über Gluonaustausch erzeugen, (b). Die Wechselwirkung an

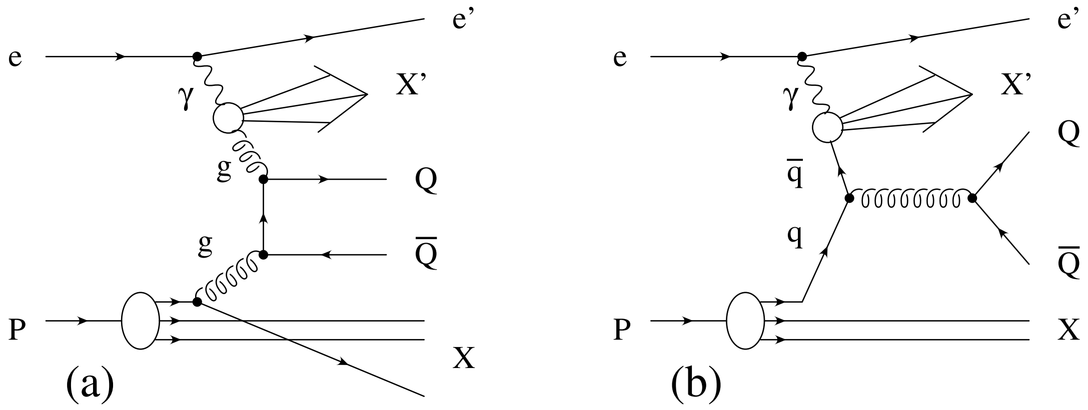

Abbildung 1.5: *Feynman-Graphen für die Erzeugung schwerer Quarks mit aufgelöstem Photon. In Abbildung (a) ist der Prozeß $g\,g \rightarrow Q\,\overline{Q}$ (Gluon-Gluon-Fusion), in Abbildung (b) der Prozeß $q\,\overline{q} \rightarrow Q\,\overline{Q}$ gezeigt.*

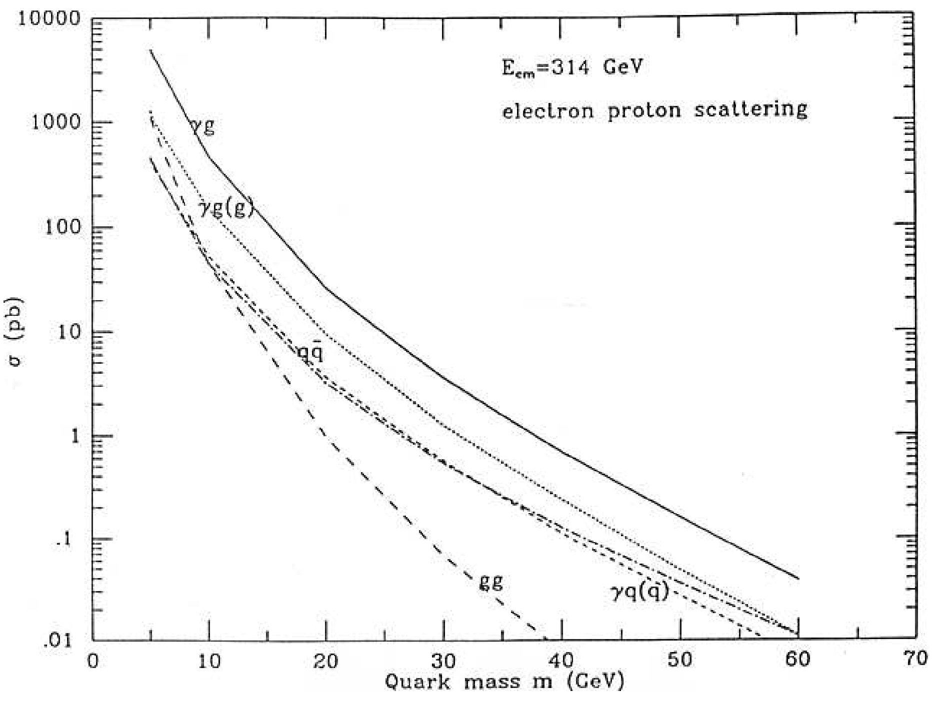

Abbildung 1.6: *Wirkungsquerschnitte für die Produktion schwerer Quarks als Funktion der Quarkmasse [KUN89]. Die durchgezogene ($\gamma\,g$) Linie beschreibt den Anteil der Photon-Gluon-Fusion.*

der Protonseite ist die gleiche wie bei den Prozessen mit direktem Photon.

Der theoretisch berechnete Wirkungsquerschnitt für die Erzeugung schwerer Quarks mit aufgelöstem Photon ist, je nach verwendeter Strukturfunktion des Photons, etwa um einen Faktor drei bis fünf gegenüber den Prozessen mit direktem Photon unterdrückt. Der Wirkungsquerschnitt des Prozesses $q\,\overline{q} \rightarrow Q\,\overline{Q}$ beträgt etwa ein Zwanzigstel desjenigen von dem Prozeß $g\,g \rightarrow Q\,\overline{Q}$.

Die Ereignistopolologie der Prozesse mit aufgelösten Photon unterscheidet sich von derjenigen der Prozesse mit direktem Photon vor allem dadurch, daß aus dem Photonrest ein zusätzlicher Teilchenjet (*photon remnant*) parallel zur Richtung des Photons gebildet wird.

Anhand von Abbildung 1.6 erkennt man die Abhängigkeit des totalen Wirkungsquerschnitts von der Masse der erzeugten Quarks. Neben der in Abschnitt 1.2.1 diskutierten Photon-Gluon-Fusion (γg) sind auch die Beiträge der Prozesse höherer Ordnung in α_s dargestellt. Man erkennt, daß der Prozeß der Gluon-Gluon-Fusion (gg) bei niedrigen Quarkmassen dominieren kann.

Der Beitrag schwerer Quarks von Prozessen mit leichten Quarks, bei denen ein abgestrahltes Gluon ein schweres Quark-Antiquark-Paar erzeugt, zum totalen Wirkungsquerschnitt der Produktion ist ebenso vernachlässigbar wie derjenige von Prozessen mit aufgelöstem Photon in dritter Ordnung in α_s.

1.2.3 Beiträge der einzelnen Prozesse

Die in den drei vorherigen Abschnitten beschriebenen exklusiven Partonprozesse zur Erzeugung schwerer Quarks bei HERA lassen sich zusammengefaßt folgendermaßen ausdrücken:

$$
\begin{aligned}
\gamma + g &\rightarrow Q + \overline{Q} && \mathcal{O}(\alpha_s, \alpha_{em}), && (1.9)\\
\gamma + g &\rightarrow Q + \overline{Q} + g && \mathcal{O}(\alpha_s^2, \alpha_{em}), && (1.10)\\
\gamma + q &\rightarrow Q + \overline{Q} + q && \mathcal{O}(\alpha_s^2, \alpha_{em}), && (1.11)\\
q + \overline{q} &\rightarrow Q + \overline{Q} && \mathcal{O}(\alpha_s^2, \alpha_{em}), && (1.12)\\
g + g &\rightarrow Q + \overline{Q} && \mathcal{O}(\alpha_s^2, \alpha_{em}). && (1.13)
\end{aligned}
$$

Der differentielle Wirkungsquerschnitt für die Erzeugung eines schweren Quarks in der allgemeinen Form $\gamma + P \rightarrow Q + X$ läßt sich in der folgenden Form angeben [ELI89], [ALI93]:

$$\frac{d^3\sigma}{dp^3} = \sum_j \int dx \left(\frac{d^3\hat{\sigma}_{\gamma j}(q, xP, p, m, \mu)}{dp^3} \right) \mathcal{F}_j^P(x, \mu)\,. \tag{1.14}$$

Hierbei ist p der Dreierimpuls des erzeugten Quarks, $\hat{\sigma}$ der Wirkungsquerschnitt des harten Subprozesses, q der Viererimpuls des Photons, P der Viererimpuls des Protons, m die Masse des erzeugten schweren Quarks und x die Bjorkensche Skalenvariable. Die Größe μ steht sowohl für die Renormierungsskala der starken Kopplungskonstanten α_s als auch für die Faktorisierungsskala, die den weichen, durch Strukturfunktionen beschriebenen Teil des Protons von dem harten, störungstheoretisch beschriebenen Teil separiert. Im folgenden ist $\mu \approx m$. $\mathcal{F}_j^P$ bezeichnet die Dichten leichter Quarks und Gluonen im Proton. Es wird über die Partonen j im Proton summiert. Im weiteren wird angenommen, daß die Formeln auch für den Fall gültig sind, daß es sich bei dem System X um ein Antiquark handelt. Die daraus resultierenden Ungenauigkeiten können vernachlässigt werden [ELI89].

Mit Hilfe der Formeln für die Berechnung der Produktion schwerer Quarks in der Proton-Antiproton-Streuung kann der Wirkungsquerschnitt für die Prozesse in den Gleichungen 1.12-1.13 sowie der Anteile in dritter Ordnung in α_s berechnet werden [NAS88]:

$$\frac{d^3\sigma}{dp^3} = \sum_{i,j} \int dx_1\, dx_2 \left(\frac{d^3\hat{\sigma}_{ij}(\, x_1 q, x_2 P, p, m, \mu\,)}{dp^3} \right) \mathcal{F}_i^\gamma(x_1,\mu)\, \mathcal{F}_j^P(x_2,\mu)\,. \tag{1.15}$$

Die Variablen sind wie in Gleichung 1.14 gewählt, es kommen $x_{1,2}$, die Impulsbruchteile der Partonen aus der hadronischen Komponente des Photons und aus dem Proton, hinzu. Außerdem wird zusätzlich über die Dichten leichter Quarks und Gluonen im Photon, $\mathcal{F}_i^\gamma$, integriert. Singularitäten, die durch das Aufspalten des Photons in masselose Partonen mit einem Transversalimpuls kleiner als $\mathcal{O}(\mu)$ entstehen, werden durch den Beitrag der Photonstrukturfunktion absorbiert, das Aufspalten des Photons in masselose Partonen mit einem Transversalimpuls größer als $\mathcal{O}(\mu)$ ist in Gleichung 1.14 integriert.

Addiert man den Beitrag des punktförmigen Photons aus Gleichung 1.14 und den Beitrag des hadronischen Anteils des Photons aus Gleichung 1.15 und integriert über den Dreierimpuls des Quarks, so erhält man den totalen Wirkungsquerschnitt der Produktion eines schweren Quarkpaares bis zur Ordnung in α_s^2 [ELI89]:

$$\begin{aligned} \sigma(W_{\gamma p}) &= \sum_j \int dx\, \hat{\sigma}_{\gamma j}(x W_{\gamma p}, m^2, \mu^2\,) \mathcal{F}_j^P(x,\mu) \\ &+ \sum_{i,j} \int dx_1\, dx_2\, \hat{\sigma_{ij}}(\, x_1 x_2 W_{\gamma p}, m^2, \mu^2\,)\, \mathcal{F}_i^\gamma(x_1,\mu)\, \mathcal{F}_j^P(x_2,\mu)\,, \end{aligned} \tag{1.16}$$

wobei $W_{\gamma p}$ die Schwerpunktsenergie des γ-p-Systems angibt. Der totale Wirkungsquerschnitt für den harten Unterprozeß für Wechselwirkung mit direktem und aufgelöstem Photon kann wie folgt geschrieben werden:

$$\hat{\sigma}_{\gamma j} = \frac{\alpha_{em}\,\alpha_s(\mu^2)}{m^2}\, f_{\gamma j}(\,\rho, \frac{\mu^2}{m^2}\,) \tag{1.17}$$

$$\hat{\sigma}_{ij} = \frac{\alpha_s^2(\mu^2)}{m^2}\, f_{ij}(\,\rho, \frac{\mu^2}{m^2}\,) \tag{1.18}$$

In diesen Ausdrücken ist $\rho = 4m^2/s$ und s das Quadrat der Schwerpunktsenergie der Partonen i und j.

Die Funktionen f_{ij} sind dimensionslose Größen, die von der Ladung und Masse

$\sigma_{c\bar{c}}$ $[nb]$	m_c $[GeV]$	$\sigma_{b\bar{b}}$ $[nb]$	m_b $[GeV]$	Gluon-strukturfunktion	Referenz
1250	1.65	—	—	Ellis, Einhorn	[JON78]
—	—	4.0	5.27	EHLQ	[KUN89]
250	1.50	4.2	5.0	EHLQ	[EKU88]
1000	1.50	8.4	5.0	EHLQ	[ING88]
680	1.50	4.5 ± 1.1	4.75 ± 0.25	nach Ellis,Nason	[ELI89]
$580 \pm 10 \pm 70$	1.50	—	—	nach Ellis,Nason	[ANJ90]
—	—	6.6	5.0	GHR	[SCH91]
—	—	6.59	4.75	MT-B1	[SMN92]
613 - 972	1.50	—	—	MT-B1	[NEE92]
$465 \pm 53 \pm 84$	1.50	—	—	nach Ellis,Nason	[ALV93]

Tabelle 1.1: *Zusammenfassung der theoretisch berechneten Wirkungsquerschnitte für die Produktion von $c\bar{c}$- und $b\bar{b}$-Ereignissen bei der e-p-Streuung für $\sqrt{s} = 314\,GeV$. Die Erläuterungen zu den benutzten Strukturfunktionen und Referenzen befinden sich im Text. Die angegebenen Fehler von $\sigma_{c\bar{c}}$ folgen aus Monte-Carlo-Berechnungen.*

der schweren Quarks abhängen. Auf ihre Auswertung soll im Rahmen dieser Arbeit nicht näher eingegangen werden. Die Entwicklung dieser Funktionen bis zur ersten Ordnung in α_s für die Fälle $i, j = \gamma, q, \overline{q}, g$ findet man in der Referenz [NAS88].

Um vom Wirkungsquerschnitt der γ-p-Streuung auf den der e-p-Streuung zu kommen, benutzt man üblicherweise die Weizsäcker-Williams-Approximation, die in Abschnitt 1.1.3 erläutert ist. Mit dieser Näherung und der Gleichung 1.16 ist es nun möglich, den totalen e-p-Wirkungsquerschnitt für die Produktion schwerer Quarks bis zur zweiten Ordnung in α_s zu berechnen. Die Gleichung zeigt die Abhängigkeit von den Strukturfunktionen des Protons und des Photons, so daß das Resultat stark von deren Parametrisierungen abhängt. Somit ist zur exakten Angabe des Wirkungsquerschnitt eine genaue Kenntnis der Strukturfunktionen vonnöten. Im folgenden sollen kurz die Ergebnisse einiger Rechnungen vorgestellt werden.

Die Resultate für die Wirkungsquerschnitte bei HERA-Energien sind in Tabelle 1.1 zusammengefaßt. Die Reihenfolge ist chronologisch. Das früheste der angegebenen

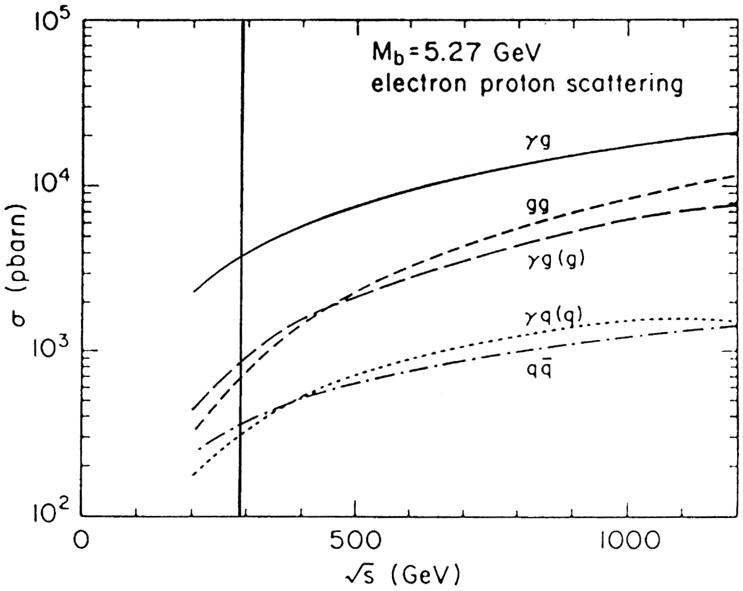

Abbildung 1.7: *Totaler Wirkungsquerschnitt für b-Quark-Produktion bei der e-p-Streuung als Funktion der Schwerpunktsenergie. Die Beiträge von Ereignissen mit direktem und aufgelöstem Photon sind getrennt dargestellt. Die senkrechte Linie markiert die Schwerpunktsenergie bei HERA [KUN89].*

Ergebnisse wurde von Jones und Wyld [JON78] ermittelt. Die Rechnungen wurden für die $c\bar{c}$-Produktion und den in α_s führenden Prozeß der Photon-Gluon-Fusion durchgeführt. Die Gluonverteilung im Proton wurde nach Ellis und Einhorn folgendermaßen gewählt [EIN75]:

$$xG(x) \;=\; \frac{1}{16}\,\frac{(\,n+1\,)}{x}\,(\,1-x\,)^n\,. \tag{1.19}$$

Für $n = 10$ ergibt sich der in der Tabelle angegebene Wirkungsquerschnitt. Die genaue Definition der Gluonstrukturfunktion erfolgt in Abschnitt 2.5.

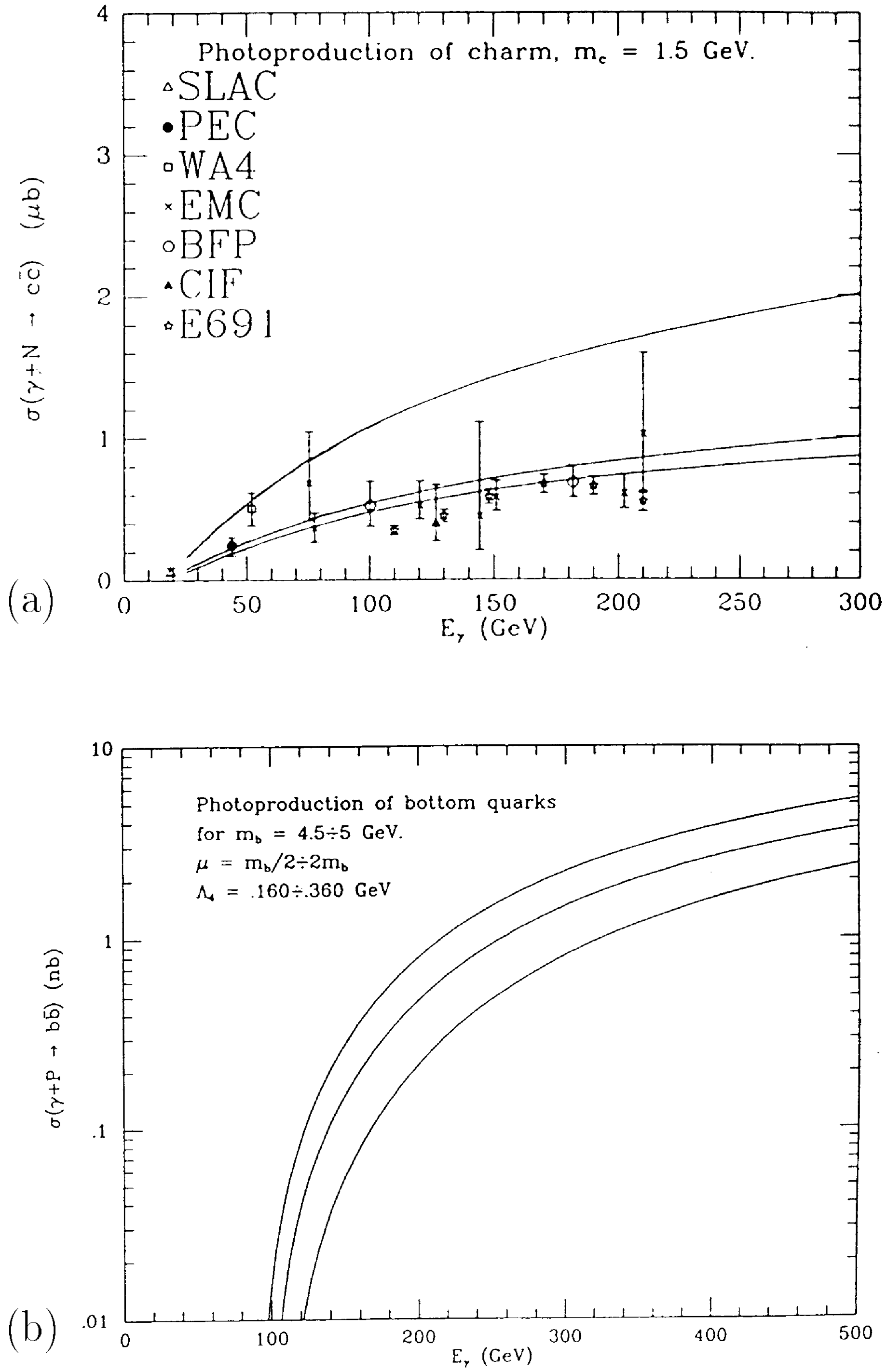

Abbildung 1.8: *Totaler Wirkungsquerschnitt für c-Quark-Produktion bei der γ-p-Streuung als Funktion der Photonenergie E_γ mit gemessenen Werten mehrerer Experimente (a), totaler Wirkungsquerschnitt für b-Quark-Produktion als Funktion von E_γ für verschiedene m_b (b) [ELI89].*

Ellis und Kunszt [KUN89] haben eine Rechnung für den $b\overline{b}$-Wirkungsquerschnitt bei einer Schwerpunktsenergie des Elektron-Proton-Systems von $\sqrt{s} = 314\,GeV$ durchgeführt. In Abbildung 1.7 erkennt man den Anteil der einzelnen Beiträge zur $b\overline{b}$-Produktion für eine Masse von $m_b = 5.27\,GeV$. Als Strukturfunktion des Protons wurde in dieser Rechnung die EHLQ-Parametrisierung benutzt [EIC86]. Der Anteil von Prozessen mit aufgelöstem Photon ist aufgrund der höheren Masse des Bottom-Quarks gegenüber dem c-Quark bei der $b\overline{b}$-Erzeugung geringer. Er ist ab einer Schwerpunktsenergie des Quark-Antiquark-Systemes von $\sqrt{\hat{s}} = 15\,GeV$ vernachlässigbar.

In den Rechnungen von Ellis und Nason [ELI89] wird gezeigt, daß bei HERA-Energien der Beitrag von Prozessen mit aufgelöstem Photon für schwere Quarks weniger als 30 % beträgt. Abbildung 1.8(a) zeigt den $c\overline{c}$-Wirkungsquerschnitt der γ-p-Produktion als Funktion der Photonenergie. Hierbei wurde eine Gluondichteverteilung im Proton von

$$xG(x) = 3(1-x)^5 \tag{1.20}$$

angenommen. Die drei Kurven zeigen die Variation aller in Gleichung 1.16 auftretenden Parameter außer der Masse des c-Quarks. Die Abhängigkeit des Wirkungsquerschnitts für $b\overline{b}$-Erzeugung durch $\gamma p \to b\overline{b}$ von der Energie des Photons ist in Abbildung 1.8(b) angegeben.Die drei Kurven spiegeln die Unsicherheit der Masse des b-Quarks wieder, es wurde $m_b = 4.75 \pm 0.25\,GeV$ angenommen.

Die in der Tabelle für die Referenz [ANJ90] angegebenen Werte wurden im Rahmen der E691-Kollaboration mit Hilfe von Monte-Carlo-Rechnungen ermittelt.

Die von Schuler verwendete Strukturfunktion des Protons stammt von Glück, Hoffman und Reya [GHR82].

In den Rechnungen von van Neerven et al. [NEE92] sind Ergebnisse für verschiedene Parametrisierungen der Photon-Strukturfunktion angegeben. Es zeigt sich, daß der Anteil der Prozesse mit aufgelöstem Photon zwischen 5 %und 40 % liegen kann. Die in den Rechnungen verwendete Strukturfunktion wurde von Morfin und Tung parametrisiert [MTB91].

Die neuesten in Tabelle 1.1 angegebenen Ergebnisse stammen aus Monte-Carlo-Studien, die zum Vergleich mit Daten der NA14-Kollaboration [ALV93] durchgeführt worden sind.

Auf die experimentellen Resultate der totalen Wirkungsquerschnitte für die Erzeugung schwerer Quarks wird in Abschnitt 7.7 näher eingegangen.

1.3 Der semileptonische Zerfall schwerer Quarks

Der Zerfall schwerer Quarks läßt sich im Rahmen des Standardmodells [NAC86] mit Hilfe der elektroschwachen Wechselwirkung beschreiben. Die Zerfallsbreite Γ für den Prozeß $q^a \rightarrow q^b X$ in ist proportional zu den Quadraten der Elemente der Cabbibo-Kobayashi-Maskawa-Matrix (CKM) [CAB63], [KOB73]:

$$\Gamma(q^a \rightarrow q^b) \sim |V_{q^b\,q^a}|^2 \tag{1.21}$$

Die Zerfallsreaktionen von schweren Quarks sind:

$$b \rightarrow c\,W^- \quad \text{oder} \quad c \rightarrow s\,W^+ . \tag{1.22}$$

Die Reaktionen $b \rightarrow uW^-$ ist aufgrund des kleinen CKM-Matrixelements stark unterdrückt. Das erzeugte $W^{\pm}$-Boson ist virtuell, da seine Masse größer als die der Quarks ist. Das Boson zerfällt entweder hadronisch in ein $q\overline{q}$-Paar oder semileptonisch in ein $l\,\nu_l$-Paar. Ein Beispiel für den semimyonischen Zerfall der c- und b-Quarks ist in Abbildung 1.9 zu sehen. Ohne Berücksichtigung der unterschiedlichen

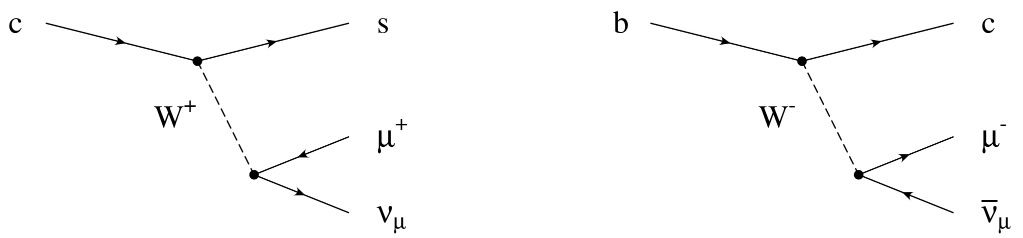

Abbildung 1.9: *Der semimyonische Zerfall schwerer Quarks.*

Phasenräume aufgrund der verschiedenen Quarkmassen und der unterschiedlichen Matrixelemente kann man die semimyonische Zerfallswahrscheinlichkeit anhand des Auszählens der möglichen Zerfallskanäle bestimmen. Diese lauten für das c-Quark folgendermaßen:

$$\begin{aligned} c &\rightarrow s + \mu^+ + \nu_\mu\,, \\ c &\rightarrow s + e^+ + \nu_e\,, \\ c &\rightarrow s + \overline{d} + u\,. \end{aligned}$$

Der letzte Zerfall geht wegen der drei Möglichkeiten für das W^+-Boson, in einen farbneutralen $q\overline{q}$-Zustand zu zerfallen, mit der dreifachen Gewichtung ein. Somit ergibt sich:

$$\frac{c \rightarrow \mu\,\nu_\mu\,s}{c \rightarrow \text{alles}} = 20\,\%\,. \tag{1.23}$$

Quark	Masse $[GeV]$	Verzweigungsverhältnisse		
		$\rightarrow e$	$\rightarrow \mu$	$\rightarrow \tau$
b	5.27	0.11	0.11	0.026
c	1.87	0.11	0.11	0

Tabelle 1.2: *Theoretisch berechnete Verzweigungsverhältnisse von c- und b-Quarks in Leptonen [EKU88].*

Dieselbe Abschätzung für den Zerfall des b-Quarks liefert für die semimyonische Zerfallswahrscheinlichkeit 11 %, da aufgrund der höheren Masse des b-Quarks der Zerfall in ein τ-Lepton und der Zerfallskanal $W^- \rightarrow c\overline{s}$ kinematisch erlaubt sind.

Um die Zerfallswahrscheinlichkeit schwerer Quarks vollständig zu berechnen, muß jedoch neben QCD-Korrekturen, den Phasenraumfaktoren und den CKM-Matrixelementen auch noch berücksichtigt werden, daß beim Zerfall eines schweren Mesons noch ein leichtes Quark beteiligt ist. Im *Spektator-Modell* wird angenommen, daß

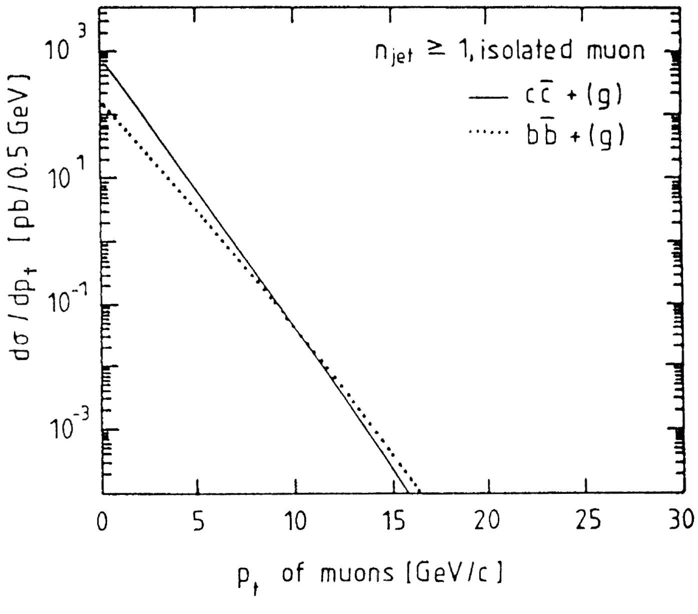

Abbildung 1.10: *Verteilung des theoretisch berechneten Transversalimpulses der Myonen aus dem Zerfall schwerer Quarks [EKU88]. Es ist verlangt, daß der Fragmentationsjet des Quark gefunden worden ist und das Myon isoliert ist.*

dieses leichte Quark völlig unbeteiligt ist. Für die semileptonischen Verzweigungsverhältnisse ergeben sich dann die in Tabelle 1.2 angegebenen Werte.

Die mit Hilfe des Spektator-Modells berechnete Verteilung des Transversalimpulses von Myonen aus dem Zerfall schwerer Quarks ist in Abbildung 1.10 dargestellt. Die Quarks stammen aus Prozessen der e-p-Streuung mit direktem und aufgelöstem Photon (siehe Abschnitt 1.2). Es wurde mit einer Schwerpunktsenergie $\sqrt{s} = 314\,GeV$ gerechnet. Man erkennt, daß bei dieser Rechnung bei einem Transversalimpuls des Myons von $p_t^{\mu} \gtrsim 10\,GeV$ der totale Wirkungsquerschnitt für b-Quark-Erzeugung größer als der von c-Quark-Erzeugung wird.

1.4 Experimentelle Verzweigungsverhältnisse

Experiment	Jahr	$\sqrt{s}\,[GeV]$	BR($c \to \mu X$) [%]	Referenz
OPAL	1993	88.2 − 94.2	9.6 ± 1.1	[OPA93]
ARGUS	1992	9.5 − 10.5	$8.6 \pm 1.7 \pm^{0.8}_{0.7}$	[ARG92]
MARK II	1988	29	$7.8 \pm 0.9 \pm 1.2$	[MAR88]
JADE	1987	33 − 38	$7.8 \pm 1.5 \pm 2.0$	[JAD87]
TASSO	1984	33 − 36	$8.2 \pm 1.2 \pm^{2.0}_{1.0}$	[TAS84]
MARK J	1983	33 − 39	$11.5 \pm 1.0 \pm 1.7$	[MAJ83]
CELLO	1983	14 − 34	$12.3 \pm 2.9 \pm 3.9$	[CEL83]

Tabelle 1.3: *Experimentelle Verzweigungsverhältnisse von c-Quarks in Myonen.*

In diesem Abschnitt sind einige experimentelle Resultate für die Verzweigungsverhältnisse von schweren Quarks in Myonen zusammengefaßt.

Die Tabelle 1.3 enthält die Daten der Messungen des semimyonischen Verzweigungsverhältnisses von c-Quarks. Sie stammen von Experimenten der e^+e^--Streuung. Die Verzweigungsverhältnisse lassen sich vor allem aus der Messung der Lebensdauer von D-Mesonen ermitteln. Bei OPAL [OPA93] wurde das semileptonische Verzweigungsverhältnis von c-Mesonen aus dem Z^0-Zerfall bestimmt. Wird die partielle Zerfallsbreite aller c-Mesonen als gleich angenommen, ist das semileptonische Verzweigungsverhältnis proportional zu den Lebensdauern der Teilchen. Durch Messung der Verzweigungsverhältnisse und Lebensdauern der Hadronen D^0, D^+, D_s, Λ_c kann somit das Verzweigungsverhältnis $c \to l\,X$ ermittelt werden.

Die Messung des Verzweigungsverhältnisses von b-Quarks erfolgt mit Hilfe der semileptonischen Zerfälle des B-Mesons und der Anwendung des Spektator-Modelles.

Experiment	Jahr	Energie	BR($b \to \mu X$) [%]	Referenz
ARGUS	1993	$m\,(\Upsilon(4S))$	$10.2 \pm 0.5 \pm 0.2$	[ARG93]
OPAL	1993	$m\,(Z^0)$	10.5 ± 0.5	[OPA93]
ALEPH	1993	$m\,(Z^0)$	$11.4 \pm 0.3 \pm 0.4$	[ALE93]
CLEO	1992	$m\,(\Upsilon(4S))$	$10.5 \pm 0.2 \pm 0.4$	[CLE92]
CUSB	1991	$m\,(\Upsilon(4S))$	$10.0 \pm 0.4 \pm 0.3$	[CUS91]
L3	1991	$m\,(\Upsilon(4S))$	$11.3 \pm 1.0 \pm 0.6$	[LEP91]
Crystal Ball	1989	$m\,(\Upsilon(4S))$	$12.0 \pm 0.5 \pm 0.7$	[CRB89]

Tabelle 1.4: *Experimentelle Verzweigungsverhältnisse von b-Quarks in Myonen.*

Das B-Meson stammt aus dem Zerfall von $\Upsilon(4S)$-Resonanzen. Außerdem kann das Verzweigungsverhältnis experimentell aus der Reaktion $Z^0 \to b\bar{b}$ bestimmt werden. Die so ermittelten Werte sind in Tabelle 1.4 zusammengefaßt.

Kapitel 2

Monte-Carlo-Studien von Prozessen mit schweren Quarks

Um reale physikalische Abläufe statistisch nachvollziehen zu können, werden Monte-Carlo-Generatoren benutzt. Dies sind Programme, die die Vierervektoren der bei der e-p-Reaktion entstehenden Teilchen unter Verwendung der theoretischen Modelle berechnen.

Zunächst werden die Vierervektoren, Matrixelemente und Wirkungsquerschnitte der Prozesse berechnet. Daran schließt sich die Fragmentation der zuvor entstandenen Partonen an. Nachfolgend wird die Detektorantwort auf die generierten Ereignisse simuliert, so daß die gleichen Informationen wie bei den experimentellen Daten zur Verfügung stehen. Zuletzt werden die Monte-Carlo-Ereignisse mit denselben Programmtechniken, die auch auf Daten angewendet werden, rekonstruiert und analysiert. Somit ist es möglich, sowohl die theoretischen Vorhersagen zu überprüfen als auch Trigger- und Selektionsalgorithmen für die Datennahme zu entwickeln und Akzeptanzen zu bestimmen.

In diesem Kapitel werden die verwendeten Monte-Carlo-Generatoren kurz vorgestellt und die mit ihnen gewonnenen kinematischen und topologischen Verteilungen dargelegt. Dabei wird insbesondere auf den Einfluß der Strukturfunktionen des Photons und des Protons näher eingegangen.

2.1 Die Produktion schwerer Quarks mit PYTHIA

Der Monte-Carlo-Generator PYTHIA [PYT92] ist ein Programm zur Erzeugung und Untersuchung harter und weicher Prozesse in e^+-e^-, e-p- und p-p-Kollisionen. Die Reaktionen werden in harte Subprozesse (siehe dazu Kapitel 1) und die Ankopplung des Elektrons (Photons) und eines Partons aus dem Proton an diese Subprozesse unterteilt. Neben der Eingabemöglichkeit mehrerer verschiedener Prozesse enthält es Bibliotheken mit Strukturfunktionen des Protons und des Photons sowie differentieller Wirkungsquerschnitte von harten Unterprozessen.

Bei Prozessen der Photoproduktion wird nicht das vollständige longitudinale und transversale Photonenspektrum generiert, sondern das Elektron strahlt ein reelles Photon ab, für dessen Erzeugung die Weizsäcker-Williams-Approximation benutzt wird. Es ist jedoch vorgesehen, mit einem externen Programm das vollständige Photonenspektrum zu erzeugen und dieses Photon dann in PYTHIA als einlaufendes „Strahlteilchen“ mit variabler Richtung und Energie zu behandeln.

Unter anderem ist es mit PYTHIA möglich, die in Abschnitt 1.2 beschriebenen Prozesse der Erzeugung schwerer Quarks und deren Zerfall zu generieren. Für diese Prozesse werden die Matrixelemente bis zur zweiten Ordnung in der starken Kopplungskonstanten α_s berechnet. Hierbei wird den c- und b-Quarks eine feste Quarkmasse zugeordnet, so daß der Wirkungsquerschnitt für die Erzeugung des schweren Quark-Antiquark-Paares mit einem Transversalimpuls, der gegen Null geht, endlich bleibt.

Ferner wird von PYTHIA der Zerfall der schweren Quarks in Leptonen und Hadronen generiert. Für die Masse des c-Quarks wird $1.6\,GeV$, für die des b-Quarks $5.0\,GeV$ angesetzt, die Verzweigungsverhältnisse für c- und b-Quarks in Myonen sind mit $8.0\,\%$ bzw. $11.2\,\%$ festgesetzt. Die Hadronisierung der leichten Quarks im Endzustand erfolgt mit Hilfe des in Abschnitt 2.3 beschriebenen Programmes JETSET.

2.2 Die Erzeugung des Photonenspektrums mit IJRAY

Das Monte-Calo-Programm IJRAY [ABT93] wurde dazu entwickelt, den QED-Prozeß $e \rightarrow e'\gamma$ zu generieren und die Ausgabe so zu formatieren, daß sie als Eingabe für die meisten der von der H1-Kollaboration benutzten Generatorprogramme verwendet werden kann.

Hierbei wird über das vollständige Spektrum des transversalen Flusses der vom Elektron abgestrahlten Photonen integriert. Es wird der gesamte Bereich der kinematischen Variablen Q^2 und y berücksichtigt. Die Integration ist ausführlich in Referenz [ABT92] beschrieben. In der Näherung $Q^2 \rightarrow 0$ ergibt sich die Weizsäcker-Williams-Approximation (siehe Abschnitt 1.1.3).

2.3 Der Prozeß der Fragmentation mit JETSET

Die Hadronisierung der von PYTHIA erzeugten leichten und schweren Quarks wird von dem Monte Carlo Programm JETSET durchgeführt. Da es sich hierbei um einen langreichweitigen Prozeß handelt, der nicht mehr störungstheoretisch im Rahmen der QCD gerechnet werden kann, benutzt das Programm JETSET zur Beschreibung das Modell der *String-Fragmentation.* Man betrachtet hierbei das Farbfeld zwischen den Quarks und Antiquarks. Im Falle der Photon-Gluon-Fusion handelt es sich dabei z.B. um das schwere Antiquark und das gestreute leichte Quark aus dem Proton. Entfernen sich die Partonen voneinander, so werden das Farbfeldlinien zwischen ihnen dichter, man spricht von einem String. Ist die Energiedichte schließlich so groß, daß aus dem Vakuum ein Quark-Antiquark-Paar gebildet werden kann, so reißt der String auf. Der Prozeß setzt sich mit den neu gebildeten Partonen so lange fort, bis die Strings nicht mehr genug Energie besitzen, um ein neues Paar zu bilden. Die Strings halten dann die Partonen zusammen und bilden so Hadronen.

2.4 Die Ergebnisse der Monte-Carlo-Studien

In diesem Abschnitt werden zunächst die in dieser Arbeit verwendeten Schnitte motiviert. Anschließend werden die aus Monte-Carlo-Studien erwarteten Wirkungsquerschnitte zusammengefaßt und die Verteilungen einiger kinematischer und topologischer Größen der von PYTHIA erzeugten schweren Quarks und der Myonen aus deren Zerfall gezeigt. Außerdem werden auch die Myonen aus dem Zerfall der aus leichten Quarks bestehenden Hadronen betrachtet, die hauptsächlich zu den Untergrundereignissen beitragen.

Um die Myonen im zentralen Myondetektor von H1 nachweisen zu können, ist es notwendig, geeignete Schnitte auf die kinematischen Größen der Myonen anzuwenden. Der erste Schnitt erfolgt auf den minimalen Transversalimpuls, den das Myon zum Erreichen des Myondetektors benötigt. Da im vorderen Bereich des H1-Detektors (Kapitel 3) die Analyse durch protoninduzierten Untergrund (Abschnitt 3.3) erschwert wird und die Rekonstruktion der Daten des Jahres 1993 im vorderen und rückwärtigen Teil des instrumentierten Eisens sehr ungenau war, wurde ein zweiter Schnitt auf den Polarwinkelbereich des Myons eingeführt. Die Schnitte ergeben sich zu:

- $P_t\,(\mu)\ \geq\ 1.5\,GeV$,
- $30^\circ\ \leq\ \vartheta\,(\mu)\ \leq\ 130^\circ$.

In Tabelle 2.1 sind die totalen Wirkungsquerschnitte der Produktion von c- und b-Quarks sowie die Wirkungsquerschnitte der Ereignisse, die nach den Schnitten verbleiben, zusammengefaßt. Die totalen Wirkungsquerschnitte sind mit den verwendeten neueren Strukturfunktionen höher als die Werte in Tabelle 1.1. Für die Strukturfunktionen des Photons und Protons deren Einfluß in Abschnitt 2.5 diskutiert werden, wurden in Tabelle 2.1 die Parametrisierungen von Glück, Reya und

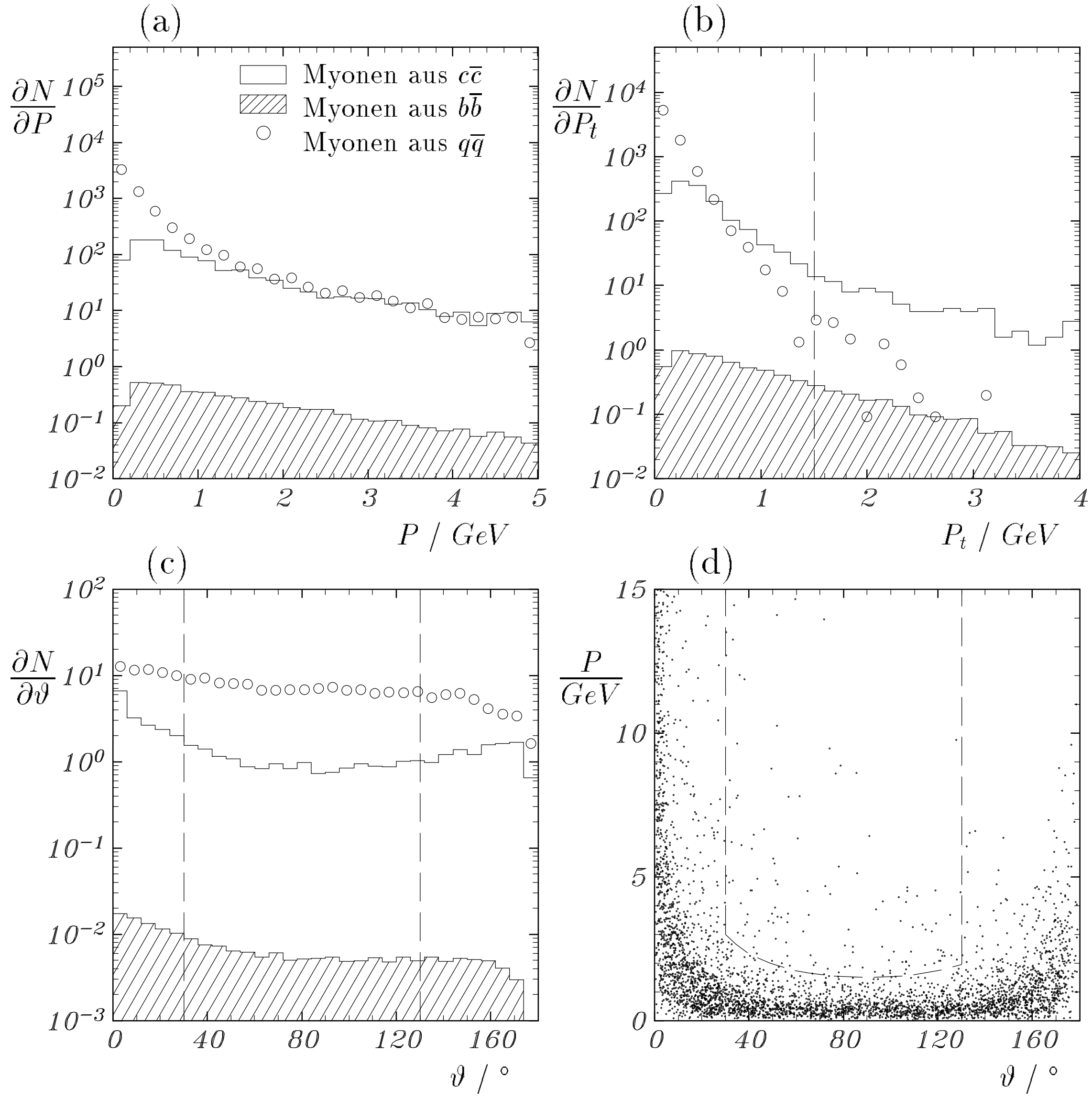

Abbildung 2.1: *Verteilungen für die Myonen aus dem Zerfall schwerer Quarks. In (a) ist der Impuls P des Myons, in (b) der Transversalimpuls P_t, in (c) der Polarwinkel ϑ und in (d) P gegen ϑ aufgetragen. In (d) sind nur c-Quarks berücksichtigt worden. Die gestrichelten Linien deuten die gewählten Schnitte an. N entspricht den nach den Wirkungsquerschnitten erwarteten Zahlen.*

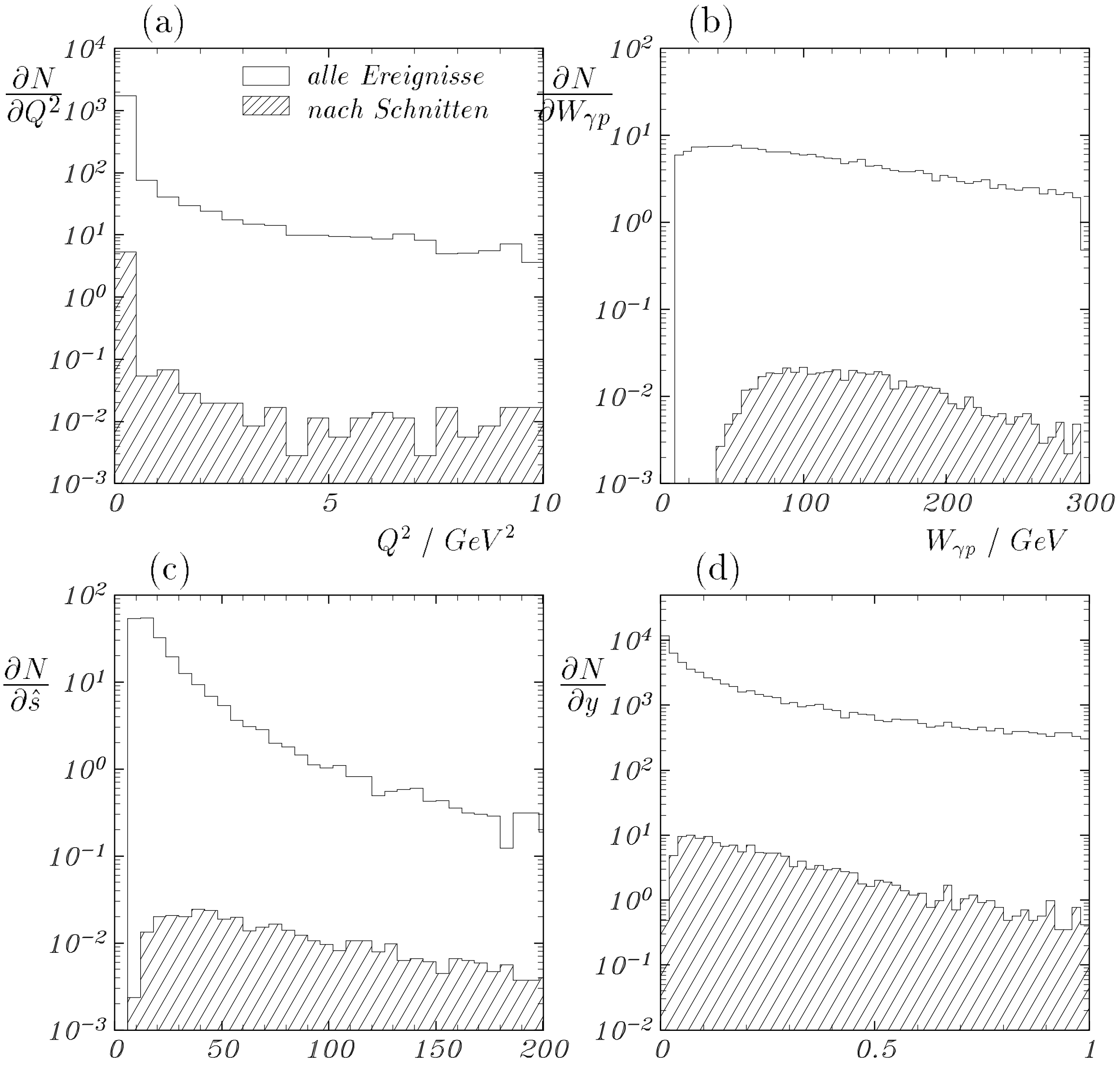

Abbildung 2.2: *Kinematische Größen von Ereignissen mit c-Quarks. In (a) ist die Virtualität Q^2, in (b) die Schwerpunktsenergie des γ-p-Systems $W_{\gamma p}$, in (c) das Quadrat der Schwerpunktsenergie des $Q\overline{Q}$-Systemes $\hat{s}$ und in (d) y aufgetragen. N entspricht den nach den Wirkungsquerschnitten erwarteten Zahlen.*

Erzeugung von	Wirkungsquerschnitt [nb]			
	für alle Ereignisse		...nach Schnitten	
	$\mathcal{O}(\alpha_s)$	$\mathcal{O}(\alpha_s^2)$	$\mathcal{O}(\alpha_s)$	$\mathcal{O}(\alpha_s^2)$
$c\,\overline{c}$-Paaren	1166	169	2.9	0.1
$b\,\overline{b}$-Paaren	4.6	0.8	0.1	0.008

Tabelle 2.1: *Wirkungsquerschnitte der Quark-Antiquark-Produktion aus Monte-Carlo-Studien.*

Vogt gewählt [GRV90], [GRV92]. Man erkennt, daß die Ereigniszahlen durch die gewählten Schnitte stark reduziert werden, der Anteil von Ereignissen mit b-Quarks an der Gesamtzahl jedoch ansteigt.

Abbildung 2.1 zeigt die Impuls-, Transversalimpuls- und Polarwinkelverteilungen der Myonen aus dem Zerfall von c- und b-Quarks sowie Myonen aus dem Zerfall leichter Quarks, die ebenfalls mit dem Generatorprogramm PYTHIA erzeugt worden sind. Bei der Erzeugung leichter Quarks ist ein minimaler Transversalimpuls des $q\overline{q}$-Systemes zur Verhinderung von Divergenzen verlangt worden. Ferner ist für Myonen aus dem Zerfall von c-Quarks der Impuls gegen den Polarwinkel aufgetragen.

Man erkennt, daß Myonen aus dem b-Zerfall mit wesentlich höheren Impulsen und Transversalimpulsen beitragen als diejenigen aus dem Zerfall von c-Quarks und leichten Quarks. Der Anteil an Myonen aus dem Zerfall von Hadronen, die aus leichten Quarks bestehen, trägt noch zu rund 30 % bei. Diese Zahl ist jedoch ungenau, da für schwere und leichte Quarks nicht die gleichen Modellannahmen gelten. Zusätzlich sind aus diesen Prozessen noch Ereignisse zu erwarten, bei denen ein Hadron mit genügend hohem Transversalimpuls eine Spur im instrumentierten Eisen hinterläßt und so das Auftreten eines Myons vortäuscht (siehe Abschnitt 6.5). Ein Schnitt bei größeren Werten für den Transversalimpuls des Myons würde den Untergrund aus dem Zerfall von Pionen und Kaonen weiter verbessern, erfordert jedoch eine größere Datenmenge, als im Jahre 1993 zur Verfügung stand.

Das Verhältnis zwischen den Ereignissen mit schweren zu denen mit leichten Quarks ist außerhalb des Polarwinkelschnitt-Bereiches, der aufgrund von Schwierigkeiten in der Myonrekonstruktion (Kapitel 4) gewählt worden ist, besser. Obwohl in Abbildung 2.1(d) zu erkennen ist, daß weniger Ereignisse mit c-Quarks im Schnittbereich liegen, sind aufgrund des hohen Wirkungsquerschnitts noch mehr $c\overline{c}$-Ereignisse als $b\overline{b}$-Ereignisse zu erwarten.

Abbildung 2.2 zeigt die kinematischen Größen Q^2, $W_{\gamma p}$, $\hat{s}$ sowie y für alle Ereignisse mit $Q\overline{Q}$-Paaren und für die $c\overline{c}$-Ereignisse, die nach den Schnitten übrigbleiben.

Man erkennt, daß die meisten Ereignisse eine Virtualität Q^2 haben, die nahe bei Null liegt. Die untere Grenze für $W_{\gamma p}$ ist die Mindestenergie, die zur Erzeugung des $Q\overline{Q}$-Paares notwendig ist. Sie liegt bei $5\,GeV$ für $c\overline{c}$- und bei $10\,GeV$ für $b\overline{b}$-Paare. Für die selektierten Ereignisse ergibt sich eine untere Grenze von $W_{\gamma p}^{min} = 40\,GeV$. Die Schwerpunktsenergie des Quark-Antiquark-Paares ist für die selektierten Ereignisse wesentlich höher als für die Ereignisse vor der Selektion, da eine hohe Schwerpunktsenergie nötig ist, um die Quarks mit einem großen Transversalimpuls zu versehen. Das Maximum der y-Verteilung liegt für beide Ereignisklassen bei kleinen Werten.

2.5 Die Abhängigkeit des Wirkungsquerschnitts von den Strukturfunktionen

Ein wichtiges Ziel bei der Untersuchung der Prozesse mit schweren Quarks ist die Bestimmung der Gluon-Strukturfunktion des Protons $G(x_g, \mu^2)$, die vom Impulsbruchteil x_g des Gluonanteils im Proton und einer Massenfaktorisierungsskala μ^2 abhängt. Durch die Skala μ^2 können die lang- und kurzreichweitigen Effekte separiert werden [KUN89]. Üblicherweise wird $\mu \cong \hat{s}$ gesetzt. Es gilt folgende Beziehung:

$$x_g = \frac{\hat{s} + Q^2}{y\,s}. \tag{2.1}$$

Mit der Identifizierung der Jets oder der Leptonen aus dem Zerfall beider schwerer Quarks und mit Hilfe der kinematischen Größen Q^2, y und $\hat{s}$ kann der Impulsanteil der Gluonen im Proton bestimmt werden. Eine detailliertere Vorgehensweise zur Bestimmung der Gluonstrukturfunktion ist in Referenz [WOU91] gegeben.

Bei den Prozessen höherer Ordnung in α_s (Abschnitt 1.2.2), die zur Produktion schwerer Quarks bei HERA beitragen, wechselwirkt ein Quark oder Gluon aus dem Photon mit dem schweren Quark-System. Um den Anteil der Partonen im Photon zu beschreiben, existieren mehrere Parametrisierungen. Die Abhängigkeit des $Q\overline{Q}$-Wirkungsquerschnitts von den Parametrisierungen der Strukturfunktionen des Photons und des Protons wird im folgenden dargestellt.

Morfin und Tung haben die folgende Parametrisierung für die Dichteverteilung des Gluons im Proton gewählt:

$$x_g\,G(x_g, Q) = e^{A_0}\,x_g^{A_1}\,(1 - x_g)^{A_2}\,\ln^{A_3}(1 + \frac{1}{x_g}). \tag{2.2}$$

Die Parameter A_0 — A_3 wurden durch Anpassung der Funktion an experimentelle Datenpunkte bestimmt. Für die im folgenden benutzte Parametrisierung $B1$ wurden Daten mit $Q^2 \geq 4 GeV^2$ und $W_{\gamma p} > 4\,GeV$ gewählt. Die genaue Beschreibung findet sich in Referenz [MTB91].

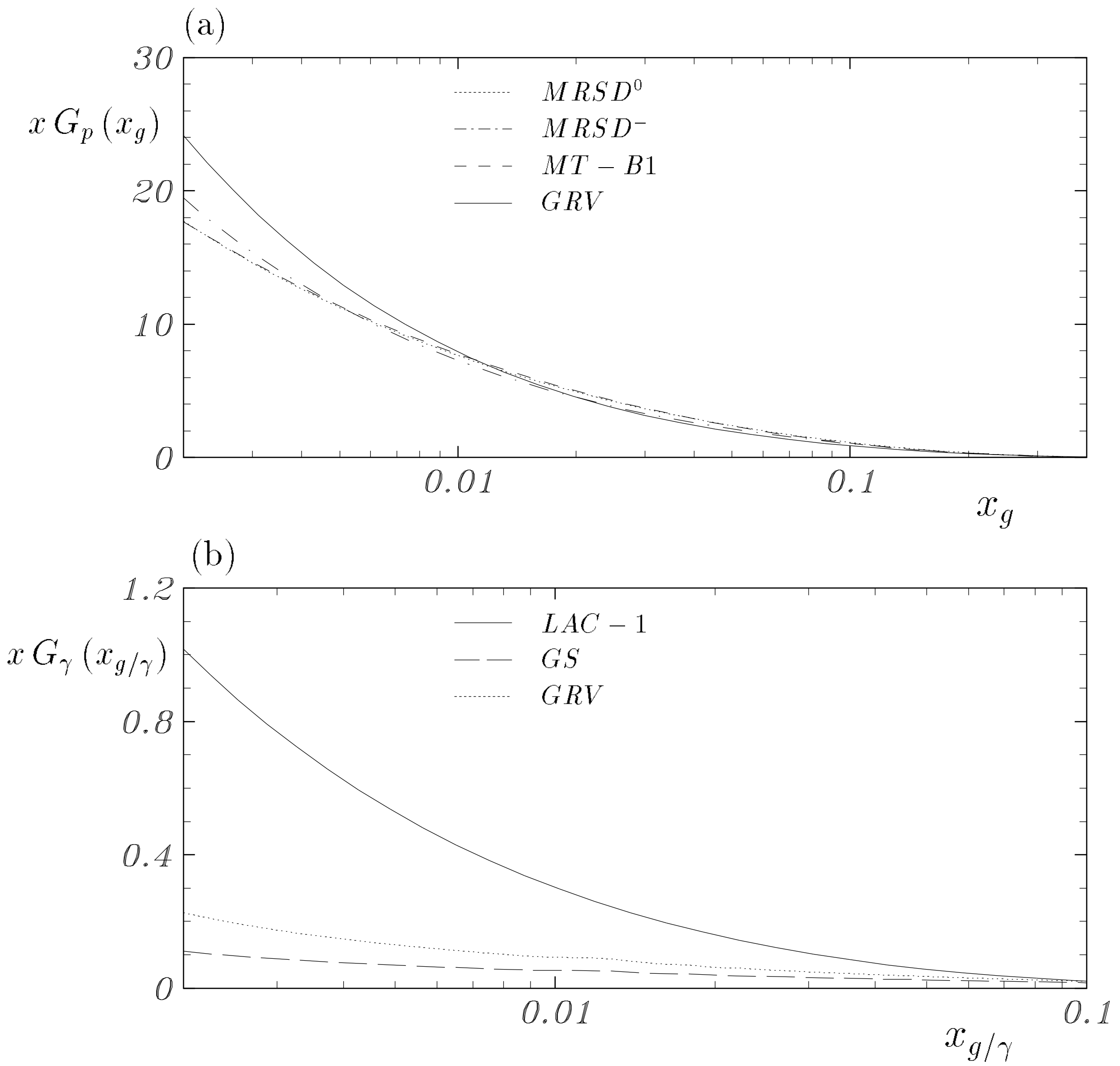

Abbildung 2.3: *Verschiedene Parametrisierungen der Gluonstrukturfunktion (a) des Protons und (b) des Photons.*

Ferner wurden zwei Parametrisierungen von Martin, Roberts und Stirling [MRS93] benutzt. Die Parametrisierungen wurden durch Anpassen an Daten der tiefinelastischen Streuung, die unter anderem mit dem NMC-Experiment gemessen worden sind, gewonnen. Diese sind:

$$D^0: \quad x_g\,G(x_g,Q) \;=\; A_g\,x_g^0\,(\,1+\gamma_g x_g\,)\,(\,1-x_g\,)^{\eta_g}\,. \tag{2.3}$$

$$D^-: \quad x_g\,G(x_g,Q) \;=\; A_g\,x_g^{-\frac{1}{2}}\,(\,1+\gamma_g x_g\,)\,(\,1-x_g\,)^{\eta_g}\,. \tag{2.4}$$

Die Dichteverteilungen sind für $Q^2 \geq 4\,GeV^2$ gültig.
Schließlich wurde eine Gluondichteverteilung von Glück, Reya und Vogt [GRV90]

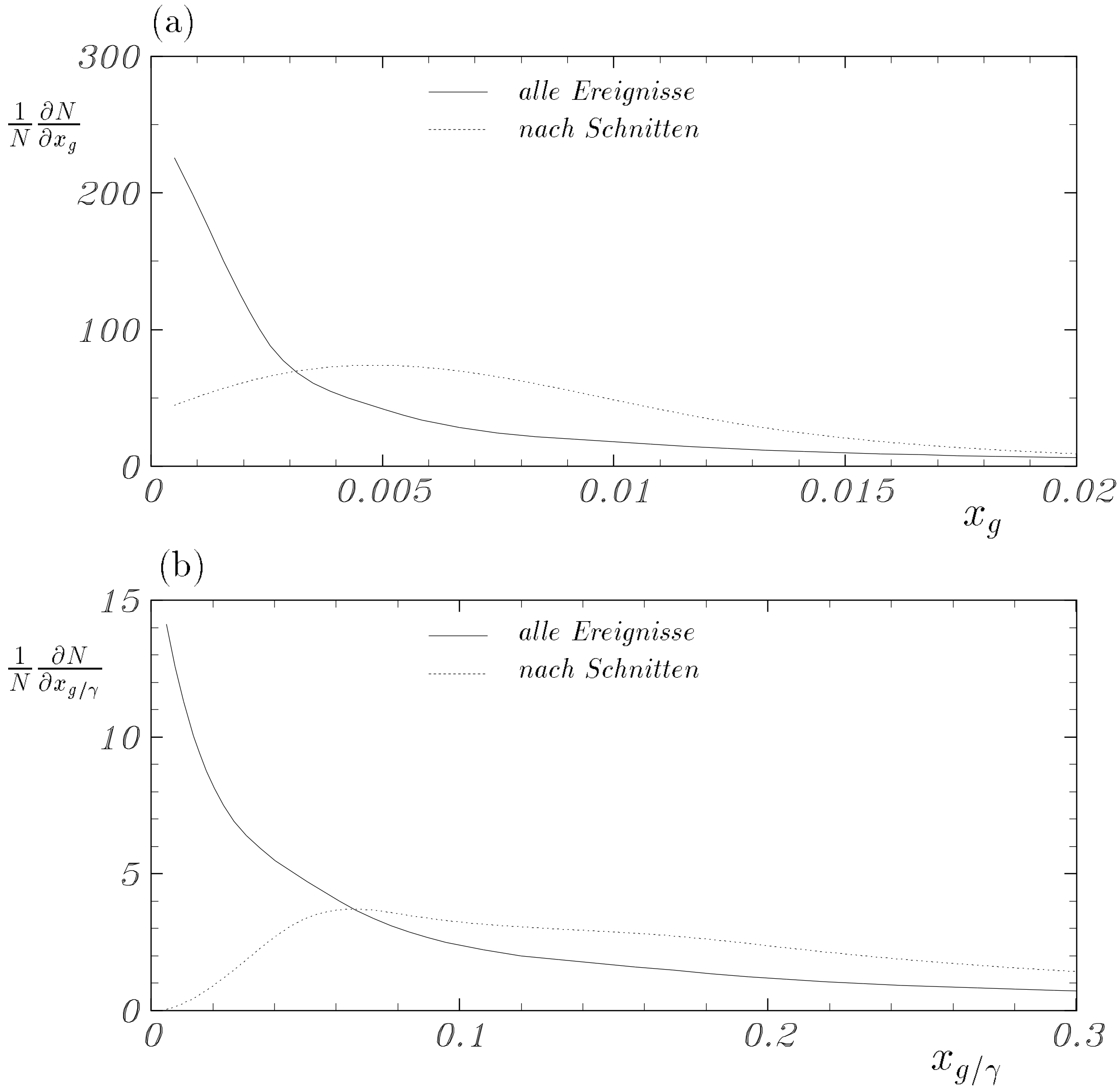

Abbildung 2.4: *Verteilung des Impulsanteiles des Gluons (a) am Gesamtimpuls des Protons und (b) am Gesamtimpuls des Photons. Die Verteilungen für Ereignisse, die nach den Schnitten übrigbleiben, sind gepunktet dargestellt.*

verwendet. Die Berechnungen sind gültig für $10^{-4} \leq x_{Bj} \leq 1$ und $0.2\,GeV^2 \leq Q^2 \leq 10^6\,GeV^2$.

Der Anteil des Gluons am Impuls des Photons $x_{g/\gamma}$ ergibt sich nach folgender Gleichung:

$$x_{g/\gamma} = \frac{\hat{s}}{\hat{s}'}\,. \tag{2.5}$$

Die Größe $\hat{s}'$ ist die invariante Masse der Summe aller Teilchen aus dem $Q\overline{Q}$-System und dem hadronischem Endzustand aus dem Photon. Für Prozesse mit direktem Photon gilt $\hat{s}' = \hat{s}$. Für $x_{g/\gamma}$ wurden folgende Parametrisierungen untersucht: Abramowicz et al. [LAC91] haben die Quarkdichten im Photon mit Hilfe der Altarelli-Parisi-Gleichungen in führender Ordnung berechnet und die Parametrisierung der Gluondichte durch Anpassung an Meßdatenpunkte von Experimenten der e^+-e^--Streuung gewonnen. Die Funktion für Werte mit $Q^2 \geq 4\,GeV^2$ lautet:

$$x_{g/\gamma}\,G(x_{g/\gamma}) \;=\; C_\gamma x_{g/\gamma}^{D_\gamma}(1 - x_{g/\gamma})^{E\gamma}\,. \tag{2.6}$$

Außerdem wurde die Parametrisierung von Glück, Reya und Vogt [GRV92] für die Partondichten im Photon benutzt, die in der QCD bis zur zweiten Ordnung in α_s für $10^{-5} \leq x_{Bj} \leq 1$ und $0.3\,GeV^2 \leq Q^2 \leq 10^6\,GeV^2$ berechnet worden sind, sowie die Berechnung in der nächsthöheren zur führenden Ordnung in α_s von Gordon und Storrow [GST92], die für $Q^2 \geq 5.3\,GeV^2$ durchgeführt wurde.

Die Gluondichteverteilungen sind in Abbildung 2.3 in Abhängigkeit des Impulsanteils des Gluons x_g bzw. $x_{g/\gamma}$ für die beschriebenen Parametrisierungen dargestellt. Abbildung 2.3(a) zeigt die Dichteverteilung der Gluonen im Proton, (b) die der Gluonen im Photon. Gleichung 2.1 zeigt, daß der Impulsanteil des Gluons x_g proportional zu $\hat{s}$ und umgekehrt proportional zu y ist. Dieses resultiert mit den Verteilungen aus Abbildung 2.3 und Gleichung 2.1 in einem im Mittel höheren Wert für x_g. Das gleiche gilt für den Impulsanteil der Gluonen im Photon und für Ereignisse mit b-Quarks.

Abbildung 2.4 zeigt die Verteilungen von x_g und $x_{g/\gamma}$ für alle $c\bar{c}$-Ereignisse und die Ereignisse, die nach den Schnitten übrigbleiben. Hierbei wurden die Parametrisierungen von Morfin & Tung für die Gluondichteverteilung im Proton und von Glück, Reya und Vogt für die Gluondichteverteilungen im Photon gewählt. Vergleicht man diese mit Abbildung 2.3, so erkennt man, daß der Einfluß der Gluondichteverteilungen für Ereignisse, die nach den Schnitten übrigbleiben, geringer ist als für die Ereignisse vor der Selektion.

Die exakten Zahlen für die Wirkungsquerschnitte aller Ereignisse sowie der Ereignisse nach den Schnitten werden in Kapitel 7 im Zusammenhang mit den Ergebnissen der gemessenen Daten diskutiert.

Kapitel 3

Das Experiment

Die **H**adron-**E**lektron-**R**ing-**A**nlage HERA des Deutschen Elektronen-Synchrotons DESY in Hamburg ist der weltweit erste Speicherring, in dem Elektronen und Protonen zur Kollision gebracht werden. Zunächst werden dessen wichtigste Parameter vorgestellt. Anschließend wird ein Überblick über die für diese Arbeit wichtigen Komponenten des H1-Detektors gegeben.

3.1 Der HERA-Speicherring

In einem $6336\,m$ langen Ringtunnel werden Elektronen (HERA-e) und Protonen (HERA-p) in Form von Teilchenpaketen in zwei separate Strahlrohre injiziert. Anschließend werden die Pakete beschleunigt und gespeichert. Die Elektronen und Protonen können an vier Wechselwirkungspunkten alle $96\,ns$ zur Kollision gebracht werden. In Abbildung 3.1 ist eine schematische Ansicht von HERA und den Vorbeschleunigern gezeigt.

Elektronen können eine Energie von bis zu $30\,GeV$ und die Protonen $820\,GeV$ erreichen. In der für diese Arbeit relevanten Datennahmeperiode von 1993 besaßen die Elektronen eine Energie von $26.7\,GeV$. Am nördlichen und südlichen Wechselwirkungspunkt stehen die beiden Detektoren *H1* und *ZEUS*. Es gibt spezielle Teilchenpakete, bei denen die Teilchen keine Kollisionspartner haben *(pilot bunches)*, von diesen gab es 1992 eines und 1993 sechs bzw. zehn Pakete. Sie werden zur Untersuchung von Untergrundereignissen verwendet (siehe Abschnitt 6.1), in denen die Elektronen bzw. Protonen lediglich mit dem Strahlrohr oder dem Restgas im Strahlrohr wechselwirken können und eine ähnliche Detektorantwort wie e-p-Kollisionsereignisse liefern.

Wichtige Parameter von HERA sind in Tabelle 3.1 zusammengefaßt. Eine detaillierte Beschreibung findet sich in Referenz [WII91].

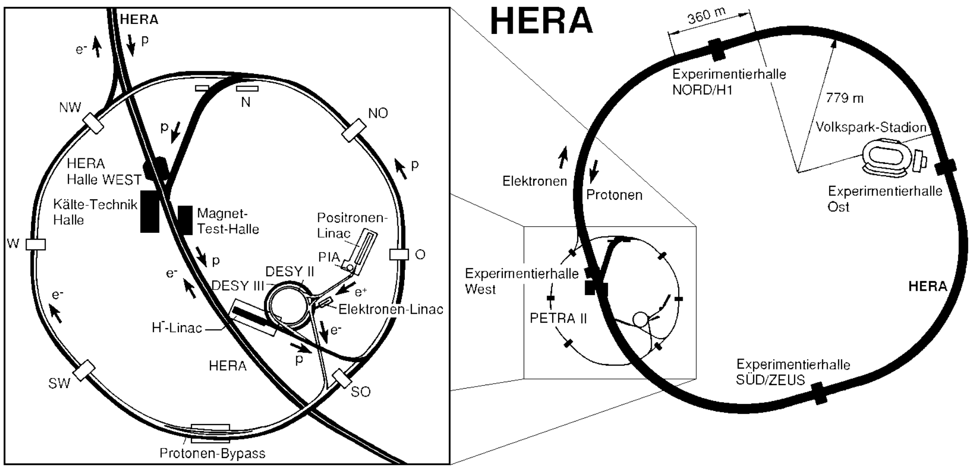

Abbildung 3.1: *Die Speicherringanlage HERA und ihre Vorbeschleuniger.*

Parameter		Ziel	1992	1993
Strahlenergie [GeV]	e	30	26.7	26.7
	p	820	820	820
Injektionsenergie [GeV]	e	14	12	12
	p	40	40	40
Teilchenpakete	e	210	9+1	84+10
	p	210	9+1	84+6
Teilchen pro Paket [10^{10}]	e	3.6	3.6	3.6
	p	10	3	3
Strahlstrom [mA]	e	58	3	25
	p	163	2	20
Schwerpunktsenergie [GeV]		314	296	296
Spez. Luminosität [$10^{-29}\,cm^{-2}\,s^{-1}\,mA^{-1}$]		4.0	3.5	7.0
Max. Luminosität [$10^{-31}\,cm^{-2}\,s^{-1}$]		1.5	0.02	0.15
Int. Luminosität [$nb^{-1}\,y^{-1}$]		10^5	32	10^3

Tabelle 3.1: *Einige Parameter des Speicherringes HERA.*

3.2 Der H1-Detektor

Der H1-Detektor ist ein speziell für die Analyse der e-p-Streuung konstruiertes Nachweisgerät. Er wurde im Frühjahr 1992 in Betrieb genommen. Eine schematische Darstellung des Detektors findet man in Abbildung 3.3. Aufgrund des höheren Protonimpulses fliegen die meisten der bei der Kollision entstehenden Teilchen in Richtung des auslaufenden Protons. Daher ist der H1-Detektor asymmetrisch aufgebaut, die Instrumentierung in dieser Richtung ist aufwendiger. Im folgenden werden die wichtigsten Subdetektoren kurz beschrieben. Eine genaue Beschreibung des H1-Detektors und seiner Komponenten bietet Referenz [H1D93].

3.2.1 Das H1-Koordinatensystem

Die in der gesamten Arbeit verwendeten Koordinaten beziehen sich, wenn nicht anders erwähnt, auf das Koordinatensystem des H1-Detektors (Abbildung 3.2). Es

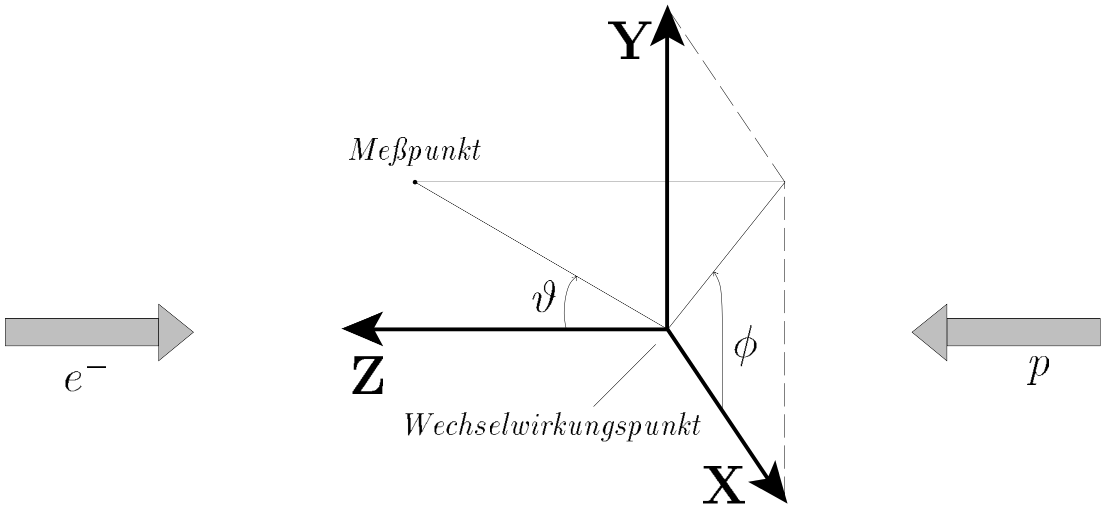

Abbildung 3.2: *Das H1-Koordinatensystem.*

handelt sich um ein rechtshändiges Koordinatensystem, dessen Ursprung im e-p-Wechselwirkungspunkt des Detektors liegt. Die z-Achse ist durch die Richtung der einlaufenden Protonen definiert. Die x-Achse liegt in der horizontalen Ebene, und die y-Achse zeigt nach oben. Der Polarwinkel ϑ und der Azimutalwinkel ϕ sind wie in Abbildung 3.2 definiert, wobei ϑ zur positiven z-Achse gemessen wird.